

หนังสือเรียน รายวิชาบังคับ

รายวิชา **คณิตศาสตร์**

ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น (พค21001)

หลักสูตรการศึกษาจากระบบระดับการศึกษาขั้นพื้นฐาน  
พุทธศักราช 2551



สำนักงานส่งเสริมการศึกษานอกระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย  
สำนักงานปลัดกระทรวงศึกษาธิการ กระทรวงศึกษาธิการ

เอกสารทางวิชาการลำดับที่ 7/2555

หนังสือเรียนสาระความรู้พื้นฐาน

# รายวิชา คณิตศาสตร์

(พค21001)

ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น

(ฉบับปรับปรุง พ.ศ. 2560)

หลักสูตรการศึกษานอกระบบระดับการศึกษาขั้นพื้นฐาน

พุทธศักราช 2551



สำนักงานส่งเสริมการศึกษานอกระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย

สำนักงานปลัดกระทรวงศึกษาธิการ

กระทรวงศึกษาธิการ

## ห้ามจำหน่าย

หนังสือเรียนเล่มนี้จัดพิมพ์ด้วยเงินงบประมาณแผ่นดินเพื่อการศึกษาตลอดชีวิตสำหรับประชาชน

ลิขสิทธิ์เป็นของ สำนักงาน กศน. สำนักงานปลัดกระทรวงศึกษาธิการ

เอกสารทางวิชาการลำดับที่ 7/2555

หนังสือเรียนสาระความรู้พื้นฐาน

# รายวิชา คณิตศาสตร์ (พค21001)

ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น

ฉบับปรับปรุง พ.ศ.2560

ลิขสิทธิ์เป็นของ สำนักงาน กศน. สำนักงานปลัดกระทรวงศึกษาธิการ

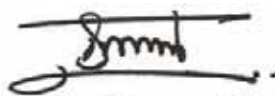
เอกสารทางวิชาการลำดับที่ 7/2555

## คำนำ

กระทรวงศึกษาธิการได้ประกาศใช้หลักสูตรการศึกษานอกระบบระดับการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 เมื่อวันที่ 18 กันยายน พ.ศ. 2551 แทนหลักเกณฑ์และวิธีการจัดการศึกษานอกระบบตามหลักสูตรการศึกษานอกระบบ พุทธศักราช 2544 ซึ่งเป็นหลักสูตรที่พัฒนาขึ้นตามหลักปรัชญาและความเชื่อพื้นฐานในการจัดการศึกษานอกระบบโรงเรียนที่มีกลุ่มเป้าหมายเป็นผู้ใหญ่มีการเรียนรู้และสั่งสมความรู้และประสบการณ์อย่างต่อเนื่อง

ในปีงบประมาณ 2554 กระทรวงศึกษาธิการได้กำหนดแผนยุทธศาสตร์ในการขับเคลื่อนนโยบายทางการศึกษา เพื่อเพิ่มศักยภาพและขีดความสามารถในการแข่งขันให้ประชาชนได้มีอาชีพที่สามารถสร้างรายได้ที่มั่นคงและมั่นคง เป็นบุคลากรที่มีวินัย เปี่ยมไปด้วยคุณธรรมและจริยธรรม และมีจิตสำนึกรับผิดชอบต่อตนเองและผู้อื่น สำนักงาน กศน. จึงได้พิจารณาทบทวนหลักการ จุดหมาย มาตรฐาน ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง และเนื้อหาสาระ ทั้ง 5 กลุ่มสาระการเรียนรู้ ของหลักสูตรการศึกษานอกระบบระดับการศึกษา ขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 ให้มีความสอดคล้องตอบสนองนโยบาย กระทรวงศึกษาธิการ ซึ่งส่งผลให้ต้องปรับปรุงหนังสือเรียน โดยการเพิ่มและสอดแทรกเนื้อหาสาระเกี่ยวกับอาชีพ คุณธรรม จริยธรรมและการเตรียมพร้อม เพื่อเข้าสู่ประชาคมอาเซียน ในรายวิชาที่มีความเกี่ยวข้องสัมพันธ์กัน แต่ยังคงหลักการและวิธีการเดิมในการพัฒนาหนังสือที่ให้ผู้เรียนศึกษาค้นคว้าความรู้ด้วยตนเอง ปฏิบัติกิจกรรม ทำแบบฝึกหัด เพื่อทดสอบความรู้ความเข้าใจ มีการอภิปรายแลกเปลี่ยนเรียนรู้กับกลุ่ม หรือศึกษาเพิ่มเติมจากภูมิปัญญาท้องถิ่น แหล่งการเรียนรู้และสื่ออื่น

การปรับปรุงหนังสือเรียนในครั้งนี้ได้รับความร่วมมืออย่างดียิ่งจากผู้ทรงคุณวุฒิในแต่ละสาขาวิชา และผู้เกี่ยวข้องในการจัดการเรียนการสอนที่ศึกษาค้นคว้า รวบรวมข้อมูลองค์ความรู้จากสื่อต่าง ๆ มาเรียบเรียงเนื้อหาให้ครบถ้วนสอดคล้องกับมาตรฐาน ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง ตัวชี้วัดและกรอบเนื้อหาสาระของรายวิชา สำนักงาน กศน. ขอขอบคุณผู้มีส่วนเกี่ยวข้องทุกท่านไว้ ณ โอกาสนี้ และหวังว่าหนังสือเรียน ชุดนี้จะเป็นประโยชน์แก่ผู้เรียน ครู ผู้สอน และผู้เกี่ยวข้องในทุกระดับ หากมีข้อเสนอแนะประการใด สำนักงาน กศน. ขอน้อมรับด้วยความขอบคุณยิ่ง



(นายประเสริฐ บุญเรือง)

เลขาธิการ กศน.

พฤศจิกายน 2554

## สารบัญ

เรื่อง	หน้า
คำนำ	
สารบัญ	
คำแนะนำการใช้หนังสือ	
โครงสร้างวิชาคณิตศาสตร์ ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น	
บทที่ 1 จำนวนและการดำเนินการ	1
บทที่ 2 เศษส่วนและทศนิยม	18
บทที่ 3 เลขยกกำลัง	46
บทที่ 4 อัตราส่วนและร้อยละ	58
บทที่ 5 การวัด	75
บทที่ 6 ปริมาตรและพื้นที่ผิว	105
บทที่ 7 คู่อันดับและกราฟ	127
บทที่ 8 ความสัมพันธ์ของรูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ	138
บทที่ 9 สถิติ	152
บทที่ 10 ความน่าจะเป็น	184
บทที่ 11 การใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ	194

## คำแนะนำการใช้แบบเรียน

หนังสือเรียนสาระความรู้พื้นฐาน รายวิชา คณิตศาสตร์ พค 21001 ระดับมัธยมศึกษาตอนต้นเป็นหนังสือเรียนที่จัดทำขึ้น สำหรับผู้เรียนที่เป็นนักเรียนนอกกระบวนในการศึกษาหนังสือเรียนสาระความรู้พื้นฐาน รายวิชา คณิตศาสตร์ ผู้เรียนควรปฏิบัติดังนี้

1. ศึกษาโครงสร้างรายวิชาให้เข้าใจในหัวข้อสาระสำคัญ ผลการเรียนรู้ที่คาดหวังและขอบข่ายเนื้อหา
2. ศึกษารายละเอียดเนื้อหาของแต่ละบทอย่างละเอียด และทำกิจกรรมตามที่กำหนด แล้วตรวจสอบกับแนวตอบกิจกรรมที่กำหนด ถ้าผู้เรียนตอบผิดควรกลับไปศึกษาและทำความเข้าใจในเนื้อหานั้นใหม่ให้เข้าใจก่อนที่จะศึกษาเรื่องต่อไป
3. ปฏิบัติกิจกรรมท้ายเรื่องของแต่ละเรื่อง เพื่อเป็นการสรุปความรู้ความเข้าใจของเนื้อหาในเรื่องนั้นๆอีกครั้ง และการปฏิบัติกิจกรรมของแต่ละเนื้อหาในแต่ละเรื่อง ผู้เรียนสามารถนำไปตรวจสอบกับครูและเพื่อนๆที่ร่วมเรียนในรายวิชาและระดับเดียวกันได้
4. แบบเรียนเล่มนี้มี 10 บท
  - บทที่ 1 จำนวนและการดำเนินการ
  - บทที่ 2 เศษส่วนและทศนิยม
  - บทที่ 3 เลขยกกำลัง
  - บทที่ 4 อัตราส่วนและร้อยละ
  - บทที่ 5 การวัด
  - บทที่ 6 ปริมาตรและพื้นที่ผิว
  - บทที่ 7 คู่อันดับและกราฟ
  - บทที่ 8 ความสัมพันธ์ของรูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ
  - บทที่ 9 สถิติ
  - บทที่ 10 ความน่าจะเป็น
  - บทที่ 11 การใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ

# โครงสร้างรายวิชาคณิตศาสตร์

## ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น

### สาระสำคัญ

ให้ผู้เรียนมีความรู้ความเข้าใจเกี่ยวกับจำนวนและการดำเนินการ เศษส่วน และทศนิยม เลขยกกำลัง อัตราส่วน สัดส่วน และร้อยละ การวัด ปริมาตร และพื้นที่ผิว คู่อันดับ และกราฟ ความสัมพันธ์ระหว่างรูปทรงเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ สถิติ ความน่าจะเป็น และการใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ

### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. ระบุหรือยกตัวอย่างเกี่ยวกับจำนวนและการดำเนินการ เศษส่วนและทศนิยม เลขยกกำลัง อัตราส่วน สัดส่วน ร้อยละ การวัด การหาปริมาตรและพื้นที่ผิว คู่อันดับและกราฟ ความสัมพันธ์ระหว่างรูปเรขาคณิตสองมิติ สามมิติ สถิติ ความน่าจะเป็นและการใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ
2. สามารถคิดคำนวณและแก้ปัญหาโจทย์ที่ใช้ในชีวิตประจำวัน

### ขอบข่ายเนื้อหา

- บทที่ 1 จำนวนและการดำเนินการ
- บทที่ 2 เศษส่วนและทศนิยม
- บทที่ 3 เลขยกกำลัง
- บทที่ 4 อัตราส่วนและร้อยละ
- บทที่ 5 การวัด
- บทที่ 6 ปริมาตรและพื้นที่ผิว
- บทที่ 7 คู่อันดับและกราฟ
- บทที่ 8 ความสัมพันธ์ระหว่างรูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ
- บทที่ 9 สถิติ
- บทที่ 10 ความน่าจะเป็น
- บทที่ 11 การใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ

### สื่อการเรียนรู้

1. ใบงาน
2. หนังสือเรียน

# บทที่ 1

## จำนวนและการดำเนินการ

### สาระสำคัญ

เรื่องของจำนวนและการดำเนินการ เป็นหลักการเบื้องต้นที่เป็นพื้นฐานในการนำไปใช้ในชีวิตจริง เกี่ยวกับการเปรียบเทียบ การบวก การลบ การคูณ และการหาร

### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. ระบุหรือยกตัวอย่างจำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และศูนย์ได้
2. เปรียบเทียบจำนวนเต็มได้
3. บวก ลบ คูณ หาร จำนวนเต็ม และอธิบายผลที่เกิดขึ้นได้
4. บอกสมบัติของจำนวนเต็มและนำความรู้เกี่ยวกับสมบัติของจำนวนเต็มไปใช้ได้

### ขอบข่ายเนื้อหา

เรื่องที่ 1 จำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และศูนย์

เรื่องที่ 2 การเปรียบเทียบจำนวนเต็ม

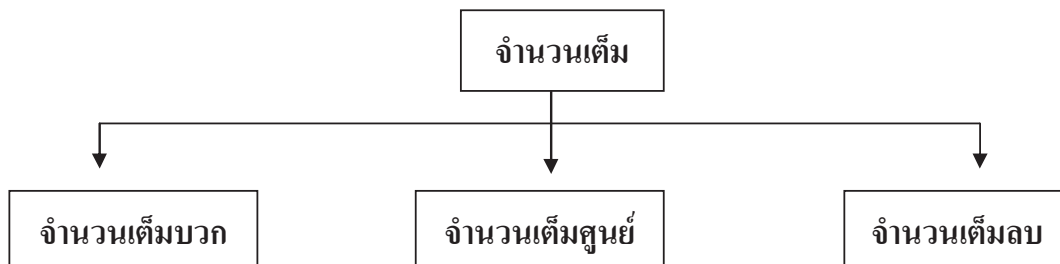
เรื่องที่ 3 การบวก การลบ การคูณ และการหารจำนวนเต็ม

เรื่องที่ 4 สมบัติของจำนวนเต็มและการนำไปใช้

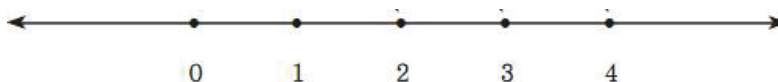


## เรื่องที่ 1 จำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และศูนย์

จำนวนเต็มประกอบไปด้วย จำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และจำนวนเต็มศูนย์ ดังโครงสร้างต่อไปนี้



**จำนวนเต็มบวก** คือ จำนวนนับ เป็นจำนวนชนิดแรกที่มนุษย์รู้จัก มีค่ามากกว่าศูนย์ จำนวนนับจำนวนแรกคือ 1 จำนวนที่อยู่ถัดไปจะเพิ่มขึ้นทีละ 1 เสมอ จะเห็นว่าไม่สามารถหาจำนวนนับที่มากที่สุด และสามารถเขียนจำนวนนับ เรียงตามลำดับได้ ดังนี้ 1, 2, 3,... ไปเรื่อยๆ จำนวนนับเหล่านี้อาจเรียกได้ว่า “จำนวนเต็มบวก” ถ้านำจำนวน 0 และจำนวนเต็มบวกมาเขียนแสดงด้วยเส้นจำนวนได้ ดังนี้

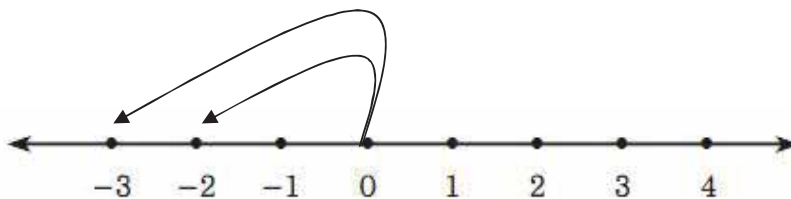


**จำนวนเต็มศูนย์** มีจำนวนเดียว คือ ศูนย์(0)

สำหรับ 0 ไม่เป็นจำนวนนับ เพราะจะไม่กล่าวว่ามีผู้เรียนจำนวน 0 คน แต่ศูนย์ก็ไม่ได้หมายความว่าไม่มีเสมอไป เช่น เมื่อกล่าวถึงอุณหภูมิ เพราะทำให้เราทราบและเกิดความรู้สึกระยะอุณหภูมิ 0 องศาเซลเซียสได้

**จำนวนเต็มลบ** หมายถึงจำนวนที่ตรงข้ามกับจำนวนเต็มบวก มีค่าน้อยกว่าศูนย์(0) มีค่าลดลงเรื่อยๆ ไม่มีที่สิ้นสุด เช่น -1, -2, -3, ....

พิจารณาจากเส้นจำนวน จะเห็นว่าจำนวนที่อยู่ทางซ้ายของ 0 เป็นระยะทาง 1 หน่วย เขียนแทนด้วย -1 อ่านว่า ลบหนึ่ง



จากจำนวนที่อยู่ทางซ้ายของ 0 สองช่อง เขียนแทนด้วย -2 อ่านว่า ลบสอง ถ้าอยู่ทางซ้ายของ 0 สามช่อง เขียนแทนด้วย -3 อ่านว่า ลบสาม

## เรื่องที่ 2 การเปรียบเทียบจำนวนเต็ม

จำนวนเต็ม 2 จำนวน เมื่อนำมาเปรียบเทียบกันจะได้ว่า จำนวนหนึ่งมากกว่าจำนวนหนึ่ง หรือ จำนวนหนึ่งน้อยกว่าอีกจำนวนหนึ่ง หรือจำนวนทั้ง 2 จำนวนเท่ากัน เพียงอย่างเดียวหนึ่งเท่านั้น

ถ้า  $a, b, c$  เป็น จำนวนธรรมชาติใดๆ แล้ว

$$a - b = c \quad \text{แล้ว } a \text{ มากกว่า } b$$

$$a - b = -c \quad \text{แล้ว } b \text{ มากกว่า } a$$

หรือ  $a$  น้อยกว่า  $b$

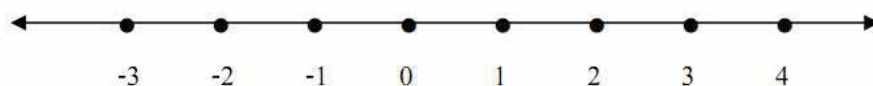
$$a - b = 0 \quad \text{แล้ว } a \text{ เท่ากับ } b$$

เครื่องหมายที่ใช้  $>$  แทนมากกว่า

$<$  แทนน้อยกว่า

$=$  แทนเท่ากับ หรือเท่ากัน

การเปรียบเทียบจำนวนเต็มสามารถเปรียบเทียบจากเส้นจำนวนได้ดังนี้



จากเส้นจำนวนจะเห็นว่า  $4 > 3 > 2 > 1 > 0 > -1 > -2 > -3$  ซึ่งจะเห็นได้ว่า จำนวนที่อยู่บนเส้นจำนวนด้านขวามีค่ามากกว่าจำนวนที่อยู่ด้านซ้ายเสมอ

### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเลือกจำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และจำนวนเต็มจากจำนวนต่อไปนี้

$$-1, \frac{4}{2}, 0, -3, \frac{500}{1000}, -\frac{500}{250}$$

จำนวนเต็มบวก ประกอบด้วย.....

จำนวนเต็มลบ ประกอบด้วย.....

จำนวนเต็ม ประกอบด้วย.....

2. จงเติมเครื่องหมาย <หรือ> เพื่อให้ประโยคต่อไปนี้เป็นจริง

1)  $-4 \dots\dots\dots 3$

2)  $-4 \dots\dots\dots -3$

3)  $-2 \dots\dots\dots -5$

4)  $4 \dots\dots\dots -2$

5)  $4 \dots\dots\dots -8$

3. จงเรียงลำดับจำนวนเต็มจากน้อยไปหามาก

1)  $-2, -8, -4, -15, -20, -7$

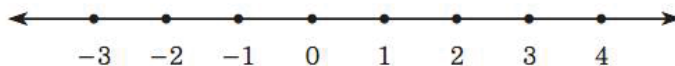
.....

2)  $4, -8, 0, -2, 16, -17$

.....

## 2.1 จำนวนตรงข้ามของจำนวนเต็ม

ถ้า  $a$  เป็นจำนวนใดๆ จำนวนตรงข้ามของ  $a$  มีเพียงจำนวนเดียว เขียนแทนด้วย  $-a$



พิจารณาจากเส้นจำนวน

จำนวนเต็มบวกและจำนวนเต็มลบจะอยู่คนละข้างของศูนย์ (0) และอยู่ห่างจาก 0 เป็นระยะเท่ากัน เช่น -3 กับ 3 เป็นจำนวนตรงข้ามกัน

### ซึ่งสรุปได้ว่า

สำหรับจำนวนเต็ม $a$ ใดๆ	จำนวนตรงข้ามของ $a$ คือ $-a$
	และจำนวนตรงข้ามของ $-a$ คือ $a$
เนื่องจากจำนวนตรงข้ามของ $(-a)$	เขียนแทนด้วย $-(-a)$
	ดังนั้น $-(-a) = a$
เช่น จำนวนตรงข้ามของ $(-3)$	เขียนแทนด้วย $-(-3)$ คือ 3

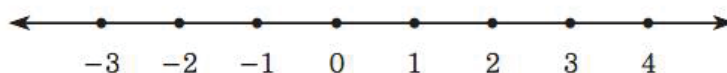
## 2.2 ค่าสัมบูรณ์ของจำนวนเต็ม

สัญลักษณ์ของค่าสัมบูรณ์ ได้แก่  $| |$

ข้อสังเกต เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใดๆ

$$|a| = \begin{cases} a & \text{เมื่อ } a > 0 \\ 0 & \text{เมื่อ } a = 0 \\ -a & \text{เมื่อ } a < 0 \end{cases}$$

พิจารณาจากเส้นจำนวนจะเห็นว่า



ค่าสัมบูรณ์ของ 2 เท่ากับ 2 เขียนในรูปสัญลักษณ์  $|2| = 2$

ค่าสัมบูรณ์ของ -2 เท่ากับ 2 เขียนในรูปสัญลักษณ์  $|-2| = 2$

ซึ่งสรุปได้ว่าค่าสัมบูรณ์ของจำนวนใดๆ เท่ากับระยะทางที่จำนวนนั้นอยู่ห่างจาก 0 บนเส้นจำนวน

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงเติมคำว่า “มากกว่า” หรือ “น้อยกว่า” หรือ “เท่ากับ”

- 1) ค่าสัมบูรณ์ของ  $(-3)$ .....ค่าสัมบูรณ์ของ 3
- 2) จำนวนตรงข้ามของ  $(-4)$  .....จำนวนตรงข้ามของ 4
- 3) จำนวนตรงข้ามของ 5 .....จำนวนตรงข้ามของ  $-5$
- 4) ค่าสัมบูรณ์ของ A.....ค่าสัมบูรณ์ของ  $(-A)$  เมื่อ A เป็นจำนวนใดๆ
- 5) จำนวนตรงข้ามของ A .....จำนวนตรงข้ามของ  $(-A)$  เมื่อ A เป็นจำนวนใดๆ

2. จงเติมเครื่องหมาย  $<$ ,  $>$  หรือ  $=$  ลงในช่องว่าง

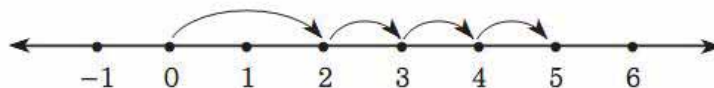
- 1)  $-(-5)$  .....5
- 2) จำนวนตรงข้ามของ 8 .....8
- 3) จำนวนตรงข้ามของ  $(-8)$ ..... $(-8)$
- 4)  $|-25|$ ..... $|-25|$
- 5)  $|-20|$ ..... $(-20)$
- 6)  $|-25|$ ..... $|-5|$
- 7) จำนวนตรงข้ามของ  $(-2)$  .....จำนวนตรงข้ามของ  $(-7)$
- 8) จำนวนตรงข้ามของ 32.....จำนวนตรงข้ามของ 77

## เรื่องที่ 3 การบวก การลบ การคูณ และการหารจำนวนเต็ม

### 3.1 การบวกจำนวนเต็ม

#### 1). การบวกจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มบวก

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาบวกกันแล้วตอบเป็นจำนวนเต็มบวก เช่น  $2 + 3 = 5$

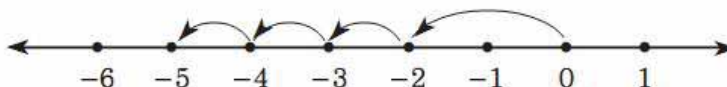


พิจารณาจากเส้นจำนวน

เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางขวา 2 ช่อง และนับเพิ่มไปทางขวาอีก 3 ช่อง จะสิ้นสุดที่ 5  
จะได้ 5 เป็นผลบวกของ 2 กับ 3

#### 2). การบวกจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มลบ

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาบวกกันแล้วตอบเป็นจำนวนเต็มลบ เช่น  $(-2) + (-3) = (-5)$



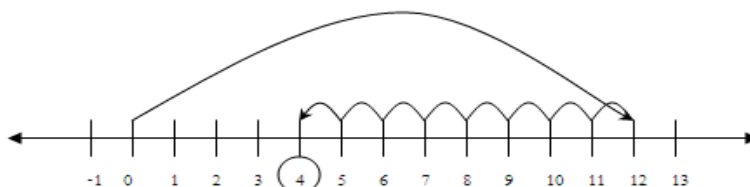
พิจารณาจากเส้นจำนวน

เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางซ้าย 2 ช่อง และนับเพิ่มไปทางซ้ายอีก 3 ช่อง จะสิ้นสุดที่ -5  
จะได้ -5 เป็นผลบวกของ -2 กับ -3

#### 3). การบวกจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มลบ

##### 3.1 กรณีที่จำนวนเต็มบวกมีค่าสัมบูรณ์มากกว่า

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาลบกันแล้วผลลัพธ์เป็นจำนวนเต็มบวก เช่น  $12 + (-8) = 4$



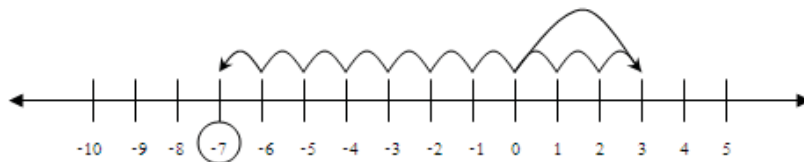
พิจารณาจากเส้นจำนวน

เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางขวา 12 ช่อง เมื่อบวกด้วย -8 ให้นับลดไปทางซ้ายอีก 8 ช่อง  
จะสิ้นสุดที่ 4

จะได้ 4 เป็นผลบวกของ 12 กับ -8

### 3.2 กรณีที่จำนวนเต็มลบมีค่าสัมบูรณ์มากกว่า

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาลบกันแล้วผลลัพธ์เป็นจำนวนเต็มลบ เช่น  $3 + (-10) = -7$



พิจารณาจากเส้นจำนวน

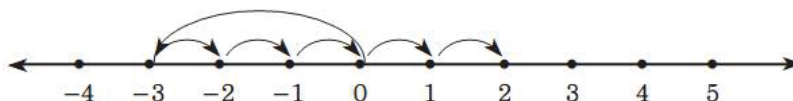
เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางขวา 3 ช่อง เมื่อบวกด้วย  $-10$  ให้นับลดไปทางซ้ายอีก 10 ช่อง จะสิ้นสุดที่  $-7$

จะได้  $-7$  เป็นผลบวกของ 3 กับ  $-10$

### 4) การบวกจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มบวก

#### 4.1 กรณีที่จำนวนเต็มบวกมีค่าสัมบูรณ์มากกว่า

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาลบกันแล้วผลลัพธ์เป็นจำนวนเต็มบวก เช่น  $(-3) + 5 = 2$



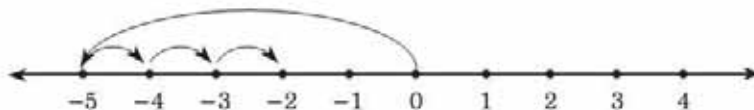
พิจารณาจากเส้นจำนวน

เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางซ้าย 3 ช่อง เมื่อบวกด้วย 5 ให้นับเพิ่มไปทางขวาอีก 5 ช่อง จะสิ้นสุดที่ 2

จะได้ 2 เป็นผลบวกของ  $-3$  กับ 3

#### 4.2 กรณีจำนวนเต็มลบมีค่าสัมบูรณ์มากกว่า

หาผลบวกด้วยการนำค่าสัมบูรณ์มาลบกันแล้วผลลัพธ์เป็นจำนวนเต็มลบ เช่น  $(-5) + 3 = -2$



พิจารณาจากเส้นจำนวน

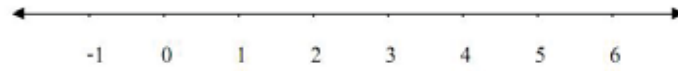
เริ่มต้นที่ 0 นับไปทางซ้าย 5 ช่อง เมื่อบวกด้วย 3 ให้นับเพิ่มไปทางขวาอีก 3 ช่อง จะสิ้นสุดที่  $-2$

จะได้  $-2$  เป็นผลบวกของ  $-5$  กับ 3

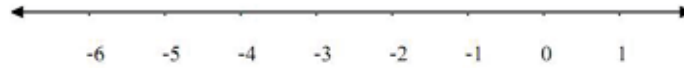
### แบบฝึกหัดที่ 3

1. จงแสดงการหาผลบวกของสองจำนวนที่กำหนดให้ โดยใช้เส้นจำนวน

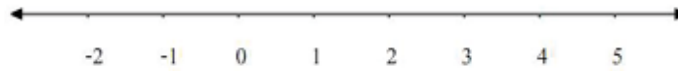
1.  $3+2$



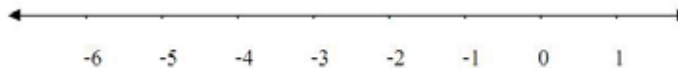
2.  $(-3)+(-2)$



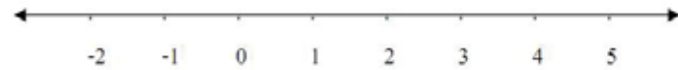
3.  $2+1$



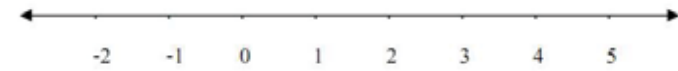
4.  $(-2)+(-1)$



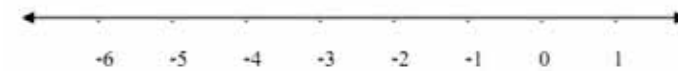
5.  $5+(-1)$



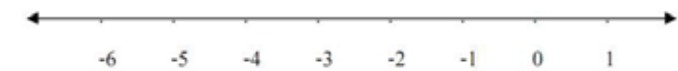
6.  $(-1)+5$



7.  $(-5)+3$



8.  $3+(-5)$





2. จากผลการบวกโดยใช้เส้นจำนวน จงเติมคำตอบต่อไปนี้ให้สมบูรณ์

ประโยคแสดงผลบวกของ $a+b$	ค่าสัมบูรณ์ของ $a$	ค่าสัมบูรณ์ของ $b$	ค่าสัมบูรณ์ของ $(a+b)$	ผลบวกของ $ a $ กับ $ b $ เท่ากันหรือไม่กับ $ a+b $
1. $3+2 = 5$	3	2	5	เท่ากัน
2. $(-3)+(-2) = -5$				
3. $2+1 = 3$				
4. $(-2)+(-1) = -3$				
5. $5+(-1) = 4$				
6. $(-1)+5 = 4$				
7. $(-5)+3 = -2$				
8. $3+(-5) = -2$				

### สรุป หลักการบวกจำนวนเต็ม

- การบวกระหว่างจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มบวก ให้นำค่าสัมบูรณ์มาบวกกัน แล้วตอบเป็นจำนวนเต็มบวก
- การบวกจำนวนเต็มลบกับจำนวนเต็มลบ ให้นำค่าสัมบูรณ์มาบวกกันแล้วตอบเป็นจำนวนเต็มลบ
- การบวกระหว่างจำนวนเต็มบวกกับจำนวนเต็มลบ ที่จำนวนเต็มบวกมีค่าสัมบูรณ์มากกว่าให้นำค่าสัมบูรณ์มาลบกัน แล้วตอบเป็นจำนวนเต็มบวก
- การบวกระหว่างจำนวนเต็มบวกกับจำนวนเต็มลบ ที่จำนวนเต็มลบมีค่าสัมบูรณ์มากกว่า ให้นำค่าสัมบูรณ์มาลบกัน แล้วคำตอบเป็นจำนวนเต็มลบ
- การบวกระหว่างจำนวนเต็มบวกกับจำนวนเต็มลบที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากัน ผลบวกเป็น 0

### 3.2 การลบจำนวนเต็ม

ทบทวนจำนวนตรงข้ามของจำนวนเต็มดังต่อไปนี้

จำนวนตรงข้ามของ 3 คือ -3

จำนวนตรงข้ามของ -3 คือ 3 และ  $3+(-3) = 0$

จำนวนตรงข้ามของ -3 เขียนแทนด้วย  $-(-3)$  ดังนี้  $-(-3) = 3$

พิจารณาการลบจำนวนเต็มสองจำนวนที่กำหนดให้ดังนี้

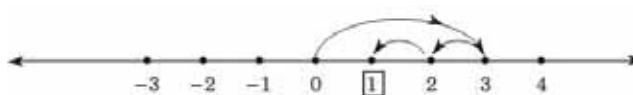
1.  $3 - 2$

2.  $3 - 5$

โดยพิจารณาทั้งสองแบบ

1. แสดงการหาผลลบของสองจำนวนที่กำหนดให้ โดยใช้เส้นจำนวน

1).  $3 - 2 = 1$



2).  $3 - 5 = -2$



2. แสดงการหาผลลบโดย กำหนดให้  $-b$  แทนจำนวนตรงข้ามของ  $b$  แล้วพิจารณาค่าของ  $a + (-b)$

ประโยคแสดงผลลัพธ์ของ $a - b$	$a$	$b$	$(-b)$	ประโยคแสดงผลลัพธ์ของ $a + (-b)$
1). $3 - 2 = 1$	3	2	$(-2)$	$3 + (-2) = 1$
2). $3 - 5 = -2$	3	5	$(-5)$	$3 + (-5) = -2$

จากการลบจำนวนเต็มสองจำนวนทั้ง 2 แบบจะเห็นได้ว่า

กำหนด  $(-b)$  เป็นจำนวนตรงข้ามของ  $b$

ผลลัพธ์ของ  $a - b$  และผลลัพธ์ของ  $a + (-b)$  มีค่าเท่ากัน

ดังนั้น การลบจำนวนเต็ม เราอาศัยการบวกตามข้อตกลงดังต่อไปนี้

$$\text{ตัวตั้ง} - \text{ตัวลบ} = \text{ตัวตั้ง} + \text{จำนวนตรงข้ามของตัวลบ}$$

นั่นคือ เมื่อ  $a$  และ  $b$  แทนจำนวนใดๆ

$$a - b = a + \text{จำนวนตรงข้ามของ } b$$

$$\text{หรือ } a - b = a + (-b)$$

แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงทำให้เป็นผลสำเร็จ

1.  $(-12) - 7$

.....

.....

2.  $7 - (-12)$

.....

.....

3.  $(-8) - (-5)$

.....

.....

4.  $(-5) - (-8)$

.....

.....

5.  $[8 - (-2)] - 6$

.....

.....

6.  $8 - [(-2) - 6]$

.....

.....

2. จงหาค่าของ  $a - b$  และ  $b - a$  เมื่อกำหนด  $a$  และ  $b$  ดังต่อไปนี้

1.  $a = 5, b = (-3)$

.....

.....

2.  $a = (-14), b = (-6)$

.....

.....

3.  $a = (-4), b = (-4)$

.....

.....

### 3.3 การคูณจำนวนเต็ม

1) การคูณจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มบวก

$$\begin{aligned}\text{เช่น } 3 \times 5 &= 5 + 5 + 5 \\ &= 15\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}7 \times 4 &= 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ &= 28\end{aligned}$$

การคูณจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มบวกนั้น ได้คำตอบเป็นจำนวนเต็ม**บวก**ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลคูณของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

2) การคูณจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มลบ

$$\begin{aligned}\text{เช่น } 3 \times (-8) &= (-8) + (-8) + (-8) \\ &= -24\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2 \times (-7) &= (-7) + (-7) \\ &= -14\end{aligned}$$

การคูณจำนวนเต็มบวกด้วยจำนวนเต็มลบ ได้คำตอบเป็นจำนวนเต็ม**ลบ**ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลคูณของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

3) การคูณจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มบวก

$$\begin{aligned}\text{เช่น } (-7) \times 4 &= 4 \times (-7) && (\text{สมบัติการสลับที่การคูณ}) \\ &= (-7) + (-7) + (-7) + (-7) \\ &= -28\end{aligned}$$

การคูณจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มบวก ได้คำตอบเป็นจำนวนเต็ม**ลบ**ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลคูณของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

4) การคูณจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มลบ

$$\begin{aligned}\text{เช่น } (-3) \times (-5) &= 15 \\ (-11) \times (-20) &= 220\end{aligned}$$

การคูณจำนวนเต็มลบด้วยจำนวนเต็มลบ ได้คำตอบเป็นจำนวนเต็ม**บวก**ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลคูณของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

แบบฝึกหัดที่ 5

จงหาผลลัพธ์

1).  $[(-3) \times (-5)] \times (-2)$

.....  
 .....  
 .....

2).  $(-3) \times [(-5) \times (-2)]$

.....  
 .....  
 .....

3).  $[4 \times (-3)] \times (-1)$

.....  
 .....  
 .....

4).  $4 \times [(-3) \times (-1)]$

.....  
 .....  
 .....

5).  $[(-5) \times (-6)] + [(-5) \times (-6)]$

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

6).  $(-5) \times [6 + (-6)]$

.....  
 .....  
 .....

7).  $[(-7) \times (-5)] + [(-7) \times 2]$

.....  
 .....  
 .....

8).  $(-7) \times [(-5) + 2]$

.....  
 .....  
 .....

9).  $[5 \times (-7)] + [5 \times 3]$

.....  
 .....  
 .....

10).  $5 \times [(-7) + 3]$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

### 3.4 การหารจำนวนเต็ม

การหารจำนวนเต็ม เมื่อ  $a$ ,  $b$  และ  $c$  แทนจำนวนเต็มใดๆที่  $b$  ไม่เท่ากับ 0 จะหาผลหารได้โดยอาศัยการคูณ ดังนี้

$$\text{ตัวตั้ง} \div \text{ตัวหาร} = \text{ผลลัพธ์} \quad \text{มีความหมายเดียวกับ} \quad \text{ผลลัพธ์} \times \text{ตัวหาร} = \text{ตัวตั้ง}$$

$$\text{ถ้า } a \div b = c \quad \text{แล้ว } a = b \times c$$

$$\text{การหารผลหาร } \frac{-25}{5} \text{ จะต้องหาจำนวนที่คูณกับ 5 แล้วได้ -25 ดังนั้น } \frac{-25}{5} = -5$$

$$\text{การหารผลหาร } \frac{25}{-5} \text{ จะต้องหาจำนวนที่คูณกับ -5 แล้วได้ 25 ดังนั้น } \frac{25}{-5} = -5$$

จากการหารผลหารข้างต้นจะได้ว่า

ถ้าทั้งตัวตั้งหรือตัวหาร ตัวใดตัวหนึ่งเป็นจำนวนเต็มลบ โดยที่อีกตัวหนึ่งเป็นจำนวนเต็มบวก คำตอบเป็นจำนวนเต็มลบ ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลหารของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

$$\text{การหารผลหาร } \frac{-25}{-5} \text{ จะต้องหาจำนวนที่คูณกับ -5 แล้วได้ -25 ดังนั้น } \frac{-25}{-5} = 5$$

$$\text{การหารผลหาร } \frac{25}{5} \text{ จะต้องหาจำนวนที่คูณกับ 5 แล้วได้ 25 ดังนั้น } \frac{25}{5} = 5$$

จากการหารผลหารข้างต้นจะได้ว่า

ถ้าทั้งตัวตั้งและตัวหารเป็นจำนวนเต็มบวกทั้งคู่หรือจำนวนเต็มลบทั้งคู่ คำตอบเป็นจำนวนเต็มบวก ที่มีค่าสัมบูรณ์เท่ากับผลหารของค่าสัมบูรณ์ของสองจำนวนนั้น

### แบบฝึกหัดที่ 6

1. จงเติมคำตอบให้สมบูรณ์เพื่อแสดงหลักของความสัมพันธ์ระหว่างการหารและการคูณ ต่อไปนี้

ประโยคที่แสดงความสัมพันธ์ $a = b \times c$	ประโยคที่แสดงความสัมพันธ์ $a \div b = c$ หรือ $a \div c = b$
$10 = 5 \times 2$	$10 \div 5 = 2$ หรือ $10 \div 2 = 5$
$35 = 7 \times 5$	
$33 = 3 \times 11$	
$(-14) = 7 \times (-2)$	$(-14) \div 7 = (-2)$ หรือ $(-14) \div (-2) = 7$
$(-21) = 7 \times (-3)$	
$(-15) = 3 \times (-5)$	
$10 = (-5) \times (-2)$	

จงหาผลหาร

1.  $17 \div 17$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

4.  $(-72) \div 9$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

2.  $23 \div (-23)$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

5.  $[(-51) \div (-17)] \div [15 \div (-5)]$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

3.  $15 \div (-3)$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

6.  $[(-72) \div 9] \div [16 \div (-2)]$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

## เรื่องที่ 4 สมบัติของจำนวนเต็มและการนำไปใช้

### 4.1 สมบัติเกี่ยวกับการบวกและการคูณจำนวนเต็ม

#### 1). สมบัติการสลับที่

ถ้า  $a$  และ  $b$  แทนจำนวนเต็มใดๆ

$$a + b = b + a \quad (\text{สมบัติการสลับที่การบวก})$$

$$a \times b = b \times a \quad (\text{สมบัติการสลับที่การคูณ})$$

#### 2) สมบัติการเปลี่ยนหมู่

ถ้า  $a$  และ  $b$  แทนจำนวนเต็มใดๆ

$$(a + b) + c = a + (b + c) \quad (\text{สมบัติการเปลี่ยนหมู่การบวก})$$

$$(a \times b) \times c = a \times (b \times c) \quad (\text{สมบัติการเปลี่ยนหมู่การคูณ})$$

#### 3) สมบัติการแจกแจง

ถ้า  $a$  และ  $b$  แทนจำนวนเต็มใดๆ

$$a + (b \times c) = ab + ac$$

$$\text{และ } (b + c) \times a = ba + ca$$

### 4.2 สมบัติของหนึ่งและศูนย์

#### 1) สมบัติของหนึ่ง

$$1) \text{ ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ แล้ว } a \times 1 = 1 \times a = a$$

$$2) \text{ ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ แล้ว } \frac{a}{1} = a$$

#### 2) สมบัติของศูนย์

$$1) \text{ ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ แล้ว } a + 0 = 0 + a = a$$

$$2) \text{ ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ แล้ว } a \times 0 = 0 \times a = 0$$

$$3) \text{ ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ ที่ไม่ใช่ } 0 \text{ แล้ว } \frac{0}{a} = 0 \text{ (เราไม่ใช่ } 0 \text{ เป็นตัวหาร)}$$

$$\text{ถ้า } a \text{ แทนจำนวนใดๆ แล้ว } \frac{a}{0} \text{ ไม่มีความหมายทางคณิตศาสตร์)}$$

$$4) \text{ ถ้า } a \text{ และ } b \text{ แทนจำนวนใดๆ และ } a \times b = 0 \text{ แล้วจะได้ } a = 0 \text{ หรือ } b = 0$$



## บทที่ 2

### เศษส่วนและทศนิยม

#### สาระสำคัญ

การอ่าน เขียนเศษส่วน และทศนิยมโดยใช้สมบัติ การบวก การลบ การคูณ การหาร การเปรียบเทียบ และการแก้โจทย์ปัญหาตามสภาพการณ์จริงได้

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

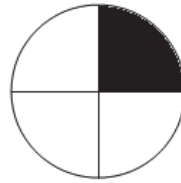
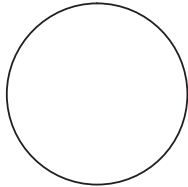
1. บอกความหมายของเศษส่วนและทศนิยมได้
2. เขียนเศษส่วนในรูปทศนิยมและเขียนทศนิยมซ้ำในรูปเศษส่วนได้
3. เปรียบเทียบเศษส่วนและทศนิยมได้
4. สามารถบวก ลบ คูณ หาร เศษส่วนและทศนิยมได้ และอธิบายผลที่เกิดขึ้นได้
5. นำความรู้เกี่ยวกับเศษส่วนและทศนิยมไปใช้แก้โจทย์ปัญหา

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- เรื่องที่ 1 ความหมายของเศษส่วนและทศนิยม
- เรื่องที่ 2 การเขียนเศษส่วนด้วยทศนิยม และการเขียนทศนิยมซ้ำเป็นเศษส่วน
- เรื่องที่ 3 การเปรียบเทียบเศษส่วนและทศนิยม
- เรื่องที่ 4 การบวก ลบ คูณ หาร เศษส่วนและทศนิยม

## เรื่องที่ 1 ความหมายของเศษส่วน และทศนิยม

1.1 เศษส่วน หมายถึง ส่วนต่างๆ ของจำนวนเต็มที่ถูกแบ่งออกเป็นส่วนเล็กๆ กัน การนำเสนอเศษส่วนสามารถนำเสนอได้ทั้งแบบรูปภาพ หรือแบบเส้นจำนวน เช่น



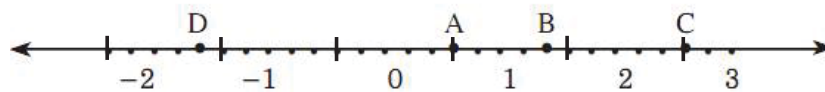
รูปวงกลม 1 วง

แบ่งออกเป็น 4 ส่วนเท่าๆ กัน

ส่วนที่แรเงาเป็น 1 ส่วนใน 4 ส่วน

เขียนแทนด้วย  $\frac{1}{4}$  อ่านว่า “เศษหนึ่งส่วนสี่”

หรือ



1 หน่วยบนเส้นจำนวนแบ่งออกเป็น 5 ส่วนเท่าๆ กัน

จุด A อยู่ห่างจาก 0 ไปทางขวามือเป็นระยะ 3 ส่วน ใน 5 ส่วน ดังนั้น A แทนด้วย  $\frac{3}{5}$

จุด B อยู่ห่างจาก 0 ไปทางขวามือเป็นระยะ 7 ส่วน ใน 5 ส่วน ดังนั้น B แทนด้วย  $\frac{7}{5}$  หรือ  $1\frac{2}{5}$

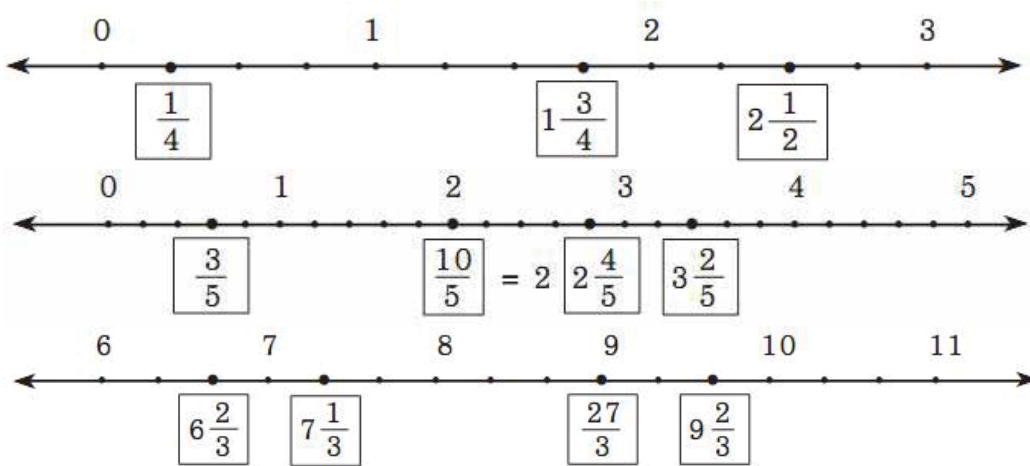
จุด C อยู่ห่างจาก 0 ไปทางขวามือเป็นระยะ 13 ส่วน ใน 5 ส่วน ดังนั้น C แทนด้วย  $\frac{13}{5}$  หรือ  $2\frac{3}{5}$

จุด D อยู่ห่างจาก 0 ไปทางซ้ายมือเป็นระยะ 8 ส่วน ใน 5 ส่วน ดังนั้น D แทนด้วย  $\frac{-8}{5}$  หรือ  $-1\frac{3}{5}$

บทนิยาม เศษส่วนเป็นจำนวนที่เขียนอยู่ในรูป  $\frac{a}{b}$  เมื่อ a และ b เป็นจำนวนเต็ม โดยที่ b ไม่เท่ากับศูนย์ เรียก a ว่า "ตัวเศษ" เรียก b ว่า "ตัวส่วน"

- $\frac{1}{5}$  อ่านว่า เศษหนึ่งส่วนห้า
- $\frac{1}{2}$  อ่านว่า เศษหนึ่งส่วนสอง
- $-\frac{3}{2}$  อ่านว่า ลบเศษสามส่วนสอง
- $-\frac{4}{3}$  อ่านว่า ลบเศษสี่ส่วนสาม

ตัวอย่างที่ 1 จงเติมเศษส่วนลงใน  ให้ถูกต้อง



1.2. ทศนิยม

ทศนิยม คือ จำนวนที่อยู่ในรูปทศนิยมประกอบด้วยสองส่วนคือ ส่วนที่เป็นจำนวนเต็ม และส่วนที่เป็นทศนิยม และมีจุด (.) คั่นระหว่างจำนวนเต็มกับส่วนที่เป็นทศนิยม

ทศนิยมแบ่งได้เป็น 2 ชนิด คือ

1. ทศนิยมแบบไม่ซ้ำ เช่น 1.5 , 2.35, 3.14, ...

2. ทศนิยมซ้ำแบ่งเป็น

- 2.1 ทศนิยมซ้ำศูนย์ เช่น 1.5000 ... เขียนแทนด้วย 1.5  
0.0030000 ... เขียนแทนด้วย 0.003

ถ้าตัวซ้ำเป็น 0 ไม่นิยมเขียน

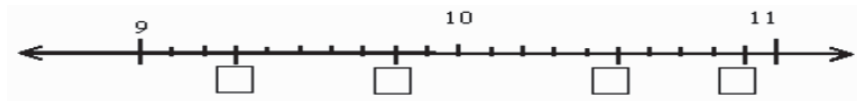
2.2 ทศนิยมที่ตัวซ้ำไม่เป็นศูนย์ เช่น

- 0.3333... เขียนแทนด้วย  $0.\overline{3}$  อ่านว่า ศูนย์จุดสามสามซ้ำ
- 1.414141... เขียนแทนด้วย  $1.\overline{41}$  อ่านว่า หนึ่งจุดสี่หนึ่งสี่หนึ่งซ้ำ
- 0.213213213... เขียนแทนด้วย  $0.\overline{213}$  อ่านว่า ศูนย์จุดสองหนึ่งสาม สองหนึ่งสามซ้ำ
- 2.10371037... เขียนแทนด้วย  $2.\overline{1037}$  อ่านว่า สองจุดหนึ่งศูนย์สามเจ็ด หนึ่งศูนย์สามเจ็ดซ้ำ

## แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเติมเศษส่วนลงใน  ให้ถูกต้อง

1)



2)



2. จงเขียนเส้นจำนวนแล้วหาจุดที่แทนจำนวนต่อไปนี้

1)  $\frac{4}{8}$ ,  $1\frac{1}{2}$ ,  $\frac{20}{8}$



2)  $1\frac{1}{2}$ ,  $4\frac{3}{6}$ ,  $\frac{29}{6}$



3. จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ให้อยู่ในรูปของทศนิยม

1.  $\frac{6}{10} = \dots\dots\dots$

2.  $\frac{12}{100} = \dots\dots\dots$

3.  $\frac{357}{1000} = \dots\dots\dots$

4.  $\frac{1}{10} + \frac{2}{100} + \frac{3}{1000} = \dots\dots\dots$

## เรื่องที่ 2 การเขียนเศษส่วนด้วยทศนิยม และการเขียนทศนิยมซ้ำเป็นเศษส่วน

### 2.1 การเขียนเศษส่วนด้วยทศนิยม

เศษส่วนและทศนิยมอาจเปลี่ยนรูปกันได้ หมายความว่า เศษส่วนสามารถเขียนในรูปของทศนิยมได้ และทศนิยมสามารถเขียนในรูปของเศษส่วนได้เช่นเดียวกัน เช่น

1. ทำส่วนให้เป็น 10 , 100 , 1,000,...

$$\begin{aligned} \text{เช่น } 0.2 &= \frac{2}{10} \\ 0.25 &= \left(2 \times \frac{1}{10}\right) + \left(5 \times \frac{1}{100}\right) \\ &= \frac{2}{10} + \frac{5}{100} \\ &= \frac{25}{100} \end{aligned}$$

เพื่อให้เกิดความรวดเร็วในการเปลี่ยนทศนิยมเป็นเศษส่วน อาจทำได้โดยการเลื่อนจุดทศนิยมและตัวหารเป็นจำนวน 10, 100 หรือ 1,000 ขึ้นอยู่กับจำนวนทศนิยม เช่น ถ้าทศนิยม 1 ตำแหน่ง ตัวที่เป็นส่วนก็จะเป็น 10 ถ้า 2 ตำแหน่ง ตัวที่เป็นส่วนก็จะเป็น 100 หรือสรุปได้ว่า จำนวน 0 ที่ถัดเลข 1 จะเท่ากับจำนวนตำแหน่งของทศนิยม

หมายเหตุ เศษส่วนที่เป็นลบเมื่อเขียนให้อยู่ในรูปทศนิยมจะได้ทศนิยมที่เป็นลบ

$$\text{เช่น } \frac{-7}{10} = -0.7, \quad \frac{-39}{1,000} = -0.039$$

### 2.2 การเขียนทศนิยมซ้ำเป็นเศษส่วน

ทศนิยมซ้ำ คือ จำนวนเต็มของทศนิยมที่ซ้ำๆ กัน เช่น 0.777... เขียนแทนด้วย  $0.\overline{7}$  เมื่อจะเขียนให้เป็นเศษส่วน สามารถทำได้ดังนี้

ตัวอย่างที่ 1 จงเปลี่ยน  $0.\overline{7}$  ให้เป็นเศษส่วน

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } 0.\overline{7} &= 0.77777... = X \\ \text{ให้ } X &= 0.77777... \quad \text{----- (1)} \\ (1) \times 10 &\text{-----} \rightarrow 10X = 7.7777... \quad \text{----- (2)} \\ (2) - (1) &\text{-----} \rightarrow 10X - X = 7.7777... - 0.777... \\ 9X &= 7 \\ X &= \frac{7}{9} \end{aligned}$$

$$\therefore 0.\overline{7} = \frac{7}{9}$$

ตัวอย่างที่ 2 จงเปลี่ยน  $1.2\overline{00}$  เป็นเศษส่วน

$$\begin{aligned} \text{จาก } 1.2\overline{00} &= 1.2131313\dots \\ \text{ให้ } x &= 1.2131313\dots \quad \text{----- (1)} \end{aligned}$$

$$(1) \times 10 \quad 10x = 12.131313\dots \quad \text{----- (2)}$$

$$(1) \times 1,000 \quad 1,000x = 1213.131313\dots \quad \text{----- (3)}$$

$$(3) - (2) \quad 1,000x - 10x = 1213 - 12$$

$$990x = 1213 - 12$$

$$x = \frac{1213 - 12}{990}$$

$$x = \frac{1201}{990}$$

$$\text{ดังนั้น } 1.2\overline{00} = \frac{1201}{990}$$

จากตัวอย่างสรุปได้ว่า การเปลี่ยนทศนิยมซ้ำเป็นเศษส่วนโดยวิธีลัด ทำได้ดังนี้

$$\begin{aligned} 1. \quad 0.34\overline{00} &= \frac{3417 - 37}{9900} \\ &= \frac{3383}{9900} \end{aligned}$$

เศษ เขียนจำนวนทั้งหมดลบด้วยจำนวนที่ไม่ซ้ำ ส่วน แทนด้วย 9 เท่ากับจำนวนที่ซ้ำและแทนด้วย 0 เท่ากับจำนวนไม่ซ้ำ

$$\begin{aligned} 2. \quad 1.3\overline{00} &= \frac{1315 - 13}{990} \\ &= \frac{1302}{990} = \frac{651}{495} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3. \quad 3.10\overline{00} &= \frac{31043 - 310}{9900} \\ &= \frac{30733}{9900} \end{aligned}$$

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงเปลี่ยนเศษส่วนต่อไปนี้ให้เป็นทศนิยม โดยการทำให้เป็น 10 , 100 , 1,000,...

1)  $\frac{9}{4}$

.....

.....

2)  $1\frac{3}{4}$

.....

.....

3)  $\frac{39}{40}$

.....

.....

4)  $\frac{7}{25}$

.....

.....

5)  $\frac{1}{8}$

.....

.....

6)  $\frac{8}{125}$

.....

.....

2. จงเปลี่ยนเศษส่วนต่อไปนี้ให้เป็นทศนิยม โดยการหารเศษส่วน

1)  $\frac{9}{11}$

.....

.....

2)  $3\frac{1}{7}$

.....

.....

3)  $\frac{7}{16}$

.....

.....

4)  $\frac{5}{4}$

.....

.....

5)  $\frac{5}{6}$

.....

.....

6)  $8\frac{3}{5}$

.....

.....

### เรื่องที่ 3 การเปรียบเทียบเศษส่วนและทศนิยม

#### 3.1 การเปรียบเทียบเศษส่วน

##### เศษส่วนที่เท่ากัน

การหาเศษส่วนที่เท่ากัน ใช้จำนวนที่ไม่เท่ากับศูนย์มาคูณหรือหารทั้งตัวเศษและตัวส่วน

$$\left. \begin{array}{l} \text{เช่น } \frac{3}{4} = \frac{3 \times 2}{4 \times 2} = \frac{6}{8} \\ \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} \text{ เป็นเศษส่วนที่เท่ากัน} \\ \frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{12}{18} = \frac{12 \div 2}{18 \div 2} = \frac{6}{9} \\ \frac{12}{18} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \text{ เป็นเศษส่วนที่เท่ากัน} \\ \frac{12}{18} = \frac{12 \div 6}{18 \div 6} = \frac{2}{3} \end{array} \right\}$$

##### เศษส่วนที่ไม่เท่ากัน

การเปรียบเทียบเศษส่วนที่ไม่เท่ากันต้องทำส่วนให้เท่ากัน โดยนำ ก.ร.น. ของตัวส่วนของเศษส่วนที่ต้องการเปรียบเทียบกัน คูณทั้งตัวเศษและตัวส่วน เมื่อตัวส่วนเท่ากันแล้วให้นำตัวเศษมาเปรียบเทียบกัน

$$\text{เช่น } \frac{4}{5} \text{ มากกว่าหรือน้อยกว่า } \frac{7}{10}$$

ก.ร.น. ของ 5 และ 10 คือ 10

$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10}$$

จะเห็นว่า  $8 > 7$

$$\text{ดังนั้น } \frac{8}{10} > \frac{7}{10} \text{ หรือ } \frac{4}{5} > \frac{7}{10}$$

ยังมีวิธีเปรียบเทียบโดยใช้ผลคูณไขว้ ถ้าผลคูณข้างใดมีค่ามากกว่าเศษส่วนข้างนั้น

จะมีค่ามากกว่า

$$\text{เช่น } \frac{4}{5} \begin{array}{l} \nearrow 7 \\ \searrow 10 \end{array}$$

เปรียบเทียบ  $4 \times 10$  กับ  $5 \times 7$  จะเห็นว่า  $40 > 35$

$$\text{ดังนั้น } \frac{4}{5} > \frac{7}{10}$$



ตัวอย่างที่ 1 จงเปรียบเทียบ  $\frac{7}{12}$  และ  $\frac{11}{18}$

วิธีที่ 1 หา ก.ร.น. ของ 12 และ 18 ได้ 36

ทำส่วนของเศษส่วนทั้งสองให้เป็น 36

$$\frac{7 \times 3}{12 \times 3} = \frac{21}{36}$$

$$\frac{11 \times 2}{18 \times 2} = \frac{22}{36}$$

จะได้  $\frac{22}{36} > \frac{21}{36}$

ดังนั้น  $\frac{11}{18} > \frac{7}{12}$

วิธีที่ 2

$$\frac{7}{12} \begin{array}{l} \swarrow \\ \searrow \end{array} \frac{11}{18}$$

ผลจากการคูณไขว้จะได้

$$\begin{array}{ccc} 7 \times 18 & \text{และ} & 12 \times 11 \\ \downarrow & & \downarrow \\ \text{จะเห็นว่า} & & 126 < 132 \end{array}$$

ดังนั้น  $\frac{7}{12} < \frac{11}{18}$

## 2.1 เปรียบเทียบทศนิยม

การเปรียบเทียบทศนิยมที่เป็นบวก ให้พิจารณาเลขโดดจากซ้ายไปขวา ถ้าเลขโดดตัวใดมีค่ามากกว่าทศนิยมจำนวนนั้นจะมีค่ามากกว่า เช่น 38.586 กับ 38.498 ทศนิยมในตำแหน่งที่ 1 ของทั้ง 2 จำนวนมีเลขโดดคือ 5 และ 4 ตามลำดับจะเห็นได้ว่า 5 มากกว่า 4 ดังนั้น 38.586 มากกว่า 38.498

การเปรียบเทียบทศนิยมที่เป็นลบ เช่น -0.7 กับ -0.8

ค่าสัมบูรณ์ของ -0.7 เท่ากับ 0.7

ค่าสัมบูรณ์ของ -0.8 เท่ากับ 0.8

จำนวนที่มีค่าสัมบูรณ์น้อยกว่าจะเป็นจำนวนที่มีค่ามากกว่า ดังนั้น

-0.7 มากกว่า -0.8

## แบบฝึกหัดที่ 3

1. ให้เติมตัวเศษหรือตัวส่วนของเศษส่วนลงใน  เพื่อให้ได้เศษส่วนที่เท่ากัน

$$1) \frac{1}{2} = \frac{\square}{18}$$

$$2) \frac{3}{4} = \frac{\square}{20}$$

$$3) \frac{7}{12} = \frac{21}{\square}$$

$$4) \frac{2}{5} = \frac{16}{\square}$$

$$5) \frac{14}{9} = \frac{\square}{36}$$

$$6) \frac{20}{100} = \frac{\square}{25}$$

$$7) \frac{9}{12} = \frac{3}{\square}$$

$$8) \frac{\square}{5} = \frac{16}{40}$$

2. ให้เติมเครื่องหมาย >, < หรือ = ลงใน  ให้ถูกต้อง

$$1) \frac{1}{5} \square \frac{1}{6}$$

$$2) \frac{2}{3} \square \frac{3}{4}$$

$$3) \frac{5}{6} \square \frac{6}{7}$$

$$4) \frac{3}{10} \square \frac{1}{3}$$

$$5) \frac{3}{8} \square \frac{1}{6}$$

$$6) \frac{7}{3} \square \frac{9}{4}$$

$$7) \frac{5}{12} \square \frac{7}{16}$$

$$8) \frac{11}{15} \square \frac{7}{10}$$

$$9) \frac{11}{4} \square \frac{22}{8}$$

$$10) \frac{7}{3} \square \frac{5}{2}$$

$$11) \frac{11}{14} \square \frac{11}{15}$$

$$12) \frac{30}{100} \square \frac{3}{10}$$

3. ให้นักศึกษาเติมเครื่องหมาย  $>$ ,  $<$  หรือ  $=$  ระหว่างจำนวนสองจำนวน

- |                                     |                                       |
|-------------------------------------|---------------------------------------|
| 1) $-0.500 \dots\dots\dots 0.501$   | 2) $103.012 \dots\dots\dots - 0.501$  |
| 3) $5.28 \dots\dots\dots 5.82$      | 4) $- 5.28 \dots\dots\dots -5.28$     |
| 5) $8.354 \dots\dots\dots 8.534$    | 6) $-8.544 \dots\dots\dots -8.534$    |
| 7) $-13.06 \dots\dots\dots 13.06$   | 8) $103.012 \dots\dots\dots -103.012$ |
| 9) $-5.125 \dots\dots\dots -5.1250$ | 10) $-7.10 \dots\dots\dots -7.01$     |

4. ให้นักศึกษาเรียงลำดับจำนวนต่อไปนี้จากค่าน้อยไปค่ามาก

- 1)  $-1.724, -1.738, 0.832, -2.000$
- 2)  $-30.710, -31.170, -31.107, 30.017$
- 3)  $83.000, -38.000, -83.001, -138.500$
- 4)  $-34.50, -37.40, -41.54, -39.62, -42.50$

## เรื่องที่ 4 การบวก ลบ คูณ หารเศษส่วนและทศนิยม

### 4.1 การบวกเศษส่วน

วิธีการหาผลบวกของเศษส่วน สามารถทำได้ดังนี้

- 1) หา ค.ร.น. ของตัวส่วน
- 2) ทำเศษส่วนแต่ละจำนวนให้มีตัวส่วนเท่ากับค.ร.น. ที่หาได้จากข้อ 1
- 3) บวกตัวเศษเข้าด้วยกัน โดยที่ตัวส่วนยังคงเท่าเดิม

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลบวก  $\frac{1}{3} + \frac{3}{4}$

วิธีทำ ค.ร.น. ของ 3 กับ 4 คือ 12

$$\begin{aligned} \frac{1}{3} + \frac{3}{4} &= \left(\frac{1 \times 4}{3 \times 4}\right) + \left(\frac{3 \times 3}{4 \times 3}\right) \\ &= \frac{4}{12} + \frac{9}{12} \\ &= \frac{4 + 9}{12} \\ &= \frac{13}{12} = 1\frac{1}{12} \\ \text{ตอบ } &1\frac{1}{12} \end{aligned}$$

### 4.2 การลบเศษส่วน

การลบเศษส่วน ใช้หลักการเดียวกันกับการลบจำนวนเต็มคือ

$\text{ตัวตั้ง} - \text{ตัวลบ} = \text{ตัวตั้ง} + \text{จำนวนตรงข้ามของตัวลบ}$
--

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลลบ  $\frac{5}{6} - \left(-\frac{7}{12}\right)$

วิธีทำ ค.ร.น. ของ 6 และ 12 คือ 12

$$\begin{aligned} \frac{5}{6} - \left(-\frac{7}{12}\right) &= \frac{5}{6} + \frac{7}{12} \\ &= \left(\frac{5 \times 2}{6 \times 2}\right) + \left(\frac{7 \times 1}{12 \times 1}\right) \\ &= \frac{10 + 7}{12} \\ &= \frac{10}{12} + \frac{7}{12} \\ &= \frac{17}{12} = 1\frac{5}{12} \\ \text{ตอบ } &1\frac{5}{12} \end{aligned}$$

## แบบฝึกหัดที่ 4

1. ให้หาผลลัพธ์ต่อไปนี้

1)  $\frac{5}{2} + \frac{7}{2}$

2)  $\frac{13}{12} - \frac{7}{12}$

3)  $\frac{7}{12} + \frac{6}{12} + \frac{11}{12}$

4)  $\frac{1}{11} + \frac{10}{11} + \frac{5}{11}$

5)  $\frac{11}{12} - \frac{5}{12} - \frac{4}{12}$

6)  $\frac{7}{24} + \frac{6}{24} - \frac{11}{24}$

2. ให้เติมจำนวนลงใน  ให้ประโยคเป็นจริง

1)  $\frac{3}{8} + \text{} = \frac{9}{8}$

2)  $\frac{5}{6} + \text{} = 1\frac{5}{6}$

3)  $\text{} - \frac{5}{8} = \frac{7}{8}$

4)  $\text{} - \frac{4}{3} = \frac{1}{3}$

5)  $\frac{3}{8} + \left(\frac{7}{8} - \text{}\right) = \frac{3}{8}$

3. ให้หาจำนวนมาเติมลงใน  แล้วทำให้ประโยคเป็นจริง

$$1) \frac{2}{3} - \frac{1}{6} = \square$$

$$2) \frac{6}{7} - \frac{3}{14} = \square$$

$$3) 1\frac{1}{2} - 1\frac{1}{3} = \square$$

$$4) 4\frac{2}{3} - 2\frac{1}{6} = \square$$

$$5) 3\frac{3}{4} - 2 = \square$$

$$6) 2\frac{2}{8} - 1\frac{2}{3} = \square$$

$$7) 3\frac{1}{9} - 1\frac{1}{6} = \square$$

$$8) 4\frac{1}{7} - \frac{5}{28} = \square$$

4. ให้หาผลลัพธ์ต่อไปนี้

$$1) \frac{3}{7} + \left( \frac{2}{5} + \frac{4}{7} \right)$$

$$2) \left( \frac{7}{10} + \frac{5}{9} \right) + \frac{4}{9}$$

$$3) \left( \frac{3}{5} + \frac{7}{8} \right) + \frac{2}{5}$$

$$4) 4\frac{2}{11} + \left( 2\frac{1}{3} - \frac{7}{33} \right)$$

#### 4.5 การคูณเศษส่วน

ผลคูณของเศษส่วนสองจำนวน คือ เศษส่วนซึ่งมีตัวเศษเท่ากับผลคูณของตัวเศษสองจำนวนและตัวส่วนเท่ากับผลคูณของตัวส่วนสองจำนวนนั้น

เมื่อ  $\frac{a}{b}$  และ  $\frac{c}{d}$  เป็นเศษส่วน ซึ่ง  $b, d \neq 0$

ผลคูณของ  $\frac{a}{b}$  และ  $\frac{c}{d}$  หาได้จากกฎ  $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลคูณของจำนวน  $\frac{2}{7} \times \frac{3}{5}$

วิธีทำ  $\frac{2}{7} \times \frac{3}{5}$

$$= \frac{2 \times 3}{7 \times 5}$$

$$= \frac{6}{35}$$

ตอบ  $\frac{6}{35}$

ตัวอย่างที่ 2 จงหาผลคูณของ  $\frac{1}{2} \times \frac{2}{5} \times \frac{25}{101}$

วิธีทำ  $\frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{5}{101}$

$$= \frac{1 \times 1 \times 5}{1 \times 1 \times 101}$$

$$= \frac{5}{101}$$

ตอบ  $\frac{5}{101}$



## แบบฝึกหัดที่ 5

จงหาผลคูณต่อไปนี้

1)  $2\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{5}$

2)  $1\frac{1}{5} \times \frac{5}{9}$

3)  $5\frac{2}{11} \times 1\frac{1}{9}$

4)  $16\frac{2}{3} \times \frac{7}{10}$

5)  $\frac{5}{16} \times 2\frac{2}{3} \times 1\frac{2}{5}$

6)  $6\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{6}$

7)  $\frac{15}{49} \times \frac{24}{25} \times \frac{35}{18}$

8)  $\frac{24}{25} \times \frac{10}{27} \times \frac{11}{25} \times \frac{10}{22}$

#### 4.6 การหารเศษส่วน

การหารจำนวนที่เป็นเศษส่วนไม่มีสมบัติการสลับที่และสมบัติการจัดหมู่

เมื่อ  $\frac{a}{b}$  และ  $\frac{c}{d}$  แทนเศษส่วนใดๆ และ

พิจารณาผลหารที่เกิดจากการหาร  $\frac{a}{b}$  ด้วย  $\frac{c}{d}$  ดังนี้

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{\frac{a}{b} \times \frac{d}{d}}{\frac{c}{d} \times \frac{d}{d}} = \frac{\frac{a}{b} \times \frac{d}{1}}{\frac{c}{1}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

$$\text{ดังนั้น } \frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลหารของ  $\left(-\frac{5}{24}\right) \div \left(-\frac{20}{21}\right)$

$$\text{วิธีทำ } \left(-\frac{5 \div 5}{24 \div 3}\right) \times \left(-\frac{21 \div 3}{20 \div 5}\right) = \frac{(-1) \times (-7)}{8 \times 4}$$

$$= \frac{7}{32}$$

$$\text{ตอบ } \frac{7}{32}$$

## แบบฝึกหัดที่ 6

1. จงหาผลลัพธ์ต่อไปนี้

1)  $\frac{4}{5} \div \frac{5}{8}$

2)  $\frac{10}{11} \div \frac{5}{2}$

3)  $\frac{9}{24} \div \frac{6}{12}$

4)  $\frac{15}{16} \div \frac{5}{24}$

5)  $\frac{99}{100} \div \frac{11}{25}$

6)  $1\frac{1}{2} \div 3$

2. จงทำให้เป็นผลสำเร็จ

1)  $\frac{9}{17} \times \left(4\frac{1}{5} - 3\frac{4}{9}\right)$

2)  $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right) \div \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right)$

3)  $3\frac{2}{3} \times 1\frac{1}{6} \div \frac{11}{12}$

4)  $3\frac{3}{7} \times 1\frac{2}{5} \div \frac{3}{10}$

#### 4.7 การนำความรู้เรื่องเศษส่วนไปใช้ในการแก้โจทย์ปัญหา

##### โจทย์ปัญหาเศษส่วน

การทำโจทย์ปัญหาเศษส่วน ควรกำหนดจำนวนทั้งหมดเป็น 1 หน่วย แล้วดำเนินการตามโจทย์

เช่น นักเรียนห้องหนึ่ง เป็นชาย  $\frac{3}{5}$  ของจำนวนนักเรียนในห้อง

ดังนั้น ห้องนี้เป็นนักเรียนหญิง  $1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$  ของจำนวนนักเรียนในห้อง

ตัวอย่างที่ 1 ถังใบหนึ่งจุน้ำ 140 ลิตร มีน้ำอยู่  $\frac{3}{4}$  ถัง หลังจากใช้น้ำไปจำนวนหนึ่งจะ

เหลือน้ำอยู่  $\frac{1}{2}$  ถัง จงหาว่าใช้น้ำไปเท่าไร

วิธีทำ	มีน้ำในถัง	$\frac{3}{4} \times 140 = 105$ ลิตร
	หลังจากใช้น้ำเหลือน้ำในถัง	$\frac{1}{2} \times 140 = 70$ ลิตร
	ดังนั้นใช้น้ำไปจำนวน	$105 - 70 = 35$ ลิตร

## แบบฝึกหัดที่ 7

1. ให้หาคำตอบของโจทย์ปัญหาต่อไปนี้

1) ตอมีเงิน 320 บาท ซื้อรองเท้า  $\frac{2}{5}$  ของเงินทั้งหมด ซื้อเสื้อ  $\frac{5}{16}$  ของเงินที่เหลือ จงหาว่าตอเหลือเงินเท่าไร

2) ห้องประชุมห้องหนึ่งมีความยาวเป็น  $3\frac{3}{4}$  ของความกว้าง และความกว้างเป็น  $4\frac{2}{5}$  ของความสูง ถ้าห้องสูง  $3\frac{1}{2}$  เมตร และมีนักเรียน 462 คน จงหาว่า โดยเฉลี่ยนักเรียนคนหนึ่งมีอากาศหายใจกี่ลูกบาศก์เมตร

3) จ้างคนปลูกหญ้าบนสนามรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง  $6\frac{4}{5}$  เมตร ยาว  $10\frac{1}{2}$  เมตร ในราคาตารางเมตรละ 45 บาท จะต้องจ่ายเงินทั้งหมดเท่าไร

4) โทรทัศน์เครื่องหนึ่งประกาศลดราคาลง  $\frac{1}{4}$  ของราคาที่เปิดไว้เดิม แต่ผู้ซื้อเป็นเพื่อนกับผู้ขายลดให้อีก  $\frac{1}{5}$  ของราคาที่ประกาศลดแล้วในครั้งแรก ซึ่งปรากฏว่าผู้ซื้อจ่ายไป 4,200 บาท จงหาว่าโทรทัศน์เครื่องนี้ปีตราคาดิมไว้เท่าไร

5) ในการเดินทางครั้งหนึ่งเสียค่าที่พัก  $\frac{2}{5}$  ของค่าใช้จ่ายทั้งหมด ค่าเดินทาง  $\frac{1}{4}$  ของค่าใช้จ่ายทั้งหมดค่าใช้จ่ายอื่น ๆ คิดเป็นเงิน 1,470 บาท จงหาว่าค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นเงินเท่าไร

#### 4.8 การบวก และการลบทศนิยม

การหาผลบวกของทศนิยมใดๆ จะใช้หลักเกณฑ์ดังนี้

1. การหาผลบวกระหว่างทศนิยมที่เป็นบวก ให้นำค่าสัมบูรณ์มาบวกกันแล้วตอบเป็นจำนวนบวก
2. การหาผลบวกระหว่างทศนิยมที่เป็นลบ ให้นำค่าสัมบูรณ์มาบวกกันแล้วตอบเป็นจำนวนลบ
3. การหาผลบวกระหว่างทศนิยมที่เป็นบวกกับทศนิยมที่เป็นลบ ให้นำค่าสัมบูรณ์มาลบกันแล้วตอบเป็นจำนวนบวกหรือจำนวนลบตามจำนวนที่มีค่าสัมบูรณ์มากกว่า

การหาผลลบของทศนิยมใด ๆ ใช้ข้อตกลงเดียวกันกับที่ใช้ในการหาผลลบของจำนวนเต็ม คือ

$$\text{ตัวตั้ง} - \text{ตัวลบ} = \text{ตัวตั้ง} + \text{จำนวนตรงข้ามของตัวลบ}$$

สรุป การบวกและการลบทศนิยม จะต้องตั้งให้จุดทศนิยมตรงกันก่อน แล้วจึงบวก ลบ จำนวนในแต่ละหลัก ถ้าจำนวนตำแหน่งทศนิยมไม่เท่ากัน นิยมเติมศูนย์ข้างท้ายเพื่อให้จำนวนตำแหน่งทศนิยมเท่ากัน

## แบบฝึกหัดที่ 8

1. จงเติมผลลัพธ์ต่อไปนี้

- |  |   |
|--|---|
| 1) $0.81 + 0.18 = \dots\dots\dots$       | 2) $(-0.9) + (0.7) = \dots\dots\dots$       |
| 3) $(-0.8) + 0.7 = \dots\dots\dots$      | 4) $0.8 + (-0.7) = \dots\dots\dots$         |
| 5) $(-15.2) + (-1.5) = \dots\dots\dots$  | 6) $(-9.8) + (-2.7) = \dots\dots\dots$      |
| 7) $54.82 - 4.73 = \dots\dots\dots$      | 8) $(-9.06) - 6.09 = \dots\dots\dots$       |
| 9) $5.78 - (-4.32) = \dots\dots\dots$    | 10) $(-0.704) - (-4.01) = \dots\dots\dots$  |
| 11) $(-17.8) - (-8.7) = \dots\dots\dots$ | 12) $(-99.14) - (-82.57) = \dots\dots\dots$ |
| 13) $-16.7 - 20 = \dots\dots\dots$       | 14) $-30 - 20.1 = \dots\dots\dots$          |
| 15) $(-1) - (-9.4782) = \dots\dots\dots$ | 16) $2 - (-0.7843) = \dots\dots\dots$       |
| 17) $-42.75 - 14.28 = \dots\dots\dots$   | 18) $-78.04 - (-14.102) = \dots\dots\dots$  |
| 19) $8.763 - 12.000 = \dots\dots\dots$   | 20) $-8.673 - (-12.000) = \dots\dots\dots$  |







## แบบฝึกหัดที่ 9

## 1. จงหาค่าของ

1)  $12.05 \times (-2.4)$

.....

2)  $-0.784 \times 0.15$

.....

3)  $(-5.134) \times (-1.3)$

.....

4)  $(-32.04) \times 1.02$

.....

## 2. จงหาค่าของ

1)  $\{(-12.4) \times 33.6\} + \{(-12.4) \times 66.4\}$

.....

2)  $\{(-3.145) \times 2.76\} + \{(-27.39) \div 18.26\}$

.....

3)  $(-14.307 - 2.809) + (6.78 \div 1.5)$

.....

4)  $\{(0.036 \div 0.15) + (-4.07 \times 1.1)\}$  ของ  $(-5.8)$

.....

5)  $(-1.58 \div 0.15) - [2 \times (-3.6)]$

.....

#### 4.11 การนำความรู้เรื่องทศนิยมไปใช้ในการแก้โจทย์ปัญหา

ตัวอย่างที่ 1 เหล็กเส้นกลมขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 1.75 เซนติเมตร ยาว 1 เมตร จะหนัก 3.862 กิโลกรัม ถ้าเหล็กเส้นขนาดเดียวกันนี้ยาว 1.25 เมตร จะหนักกี่กิโลกรัม

วิธีทำ เหล็กเส้นกลมมีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 1.75 เซนติเมตร

และยาว 100 เซนติเมตร หนัก 3.862 กิโลกรัม

ถ้ายาว 1 เซนติเมตร หนัก  $\frac{3.862}{100} = 0.03862$  กิโลกรัม

ดังนั้น เหล็กเส้นขนาดเดิมแต่ยาว 125 เซนติเมตร หนัก  $0.03862 \times 125$

$$= 4.8275 \text{ กิโลกรัม}$$

เหล็กเส้นขนาดเดิมยาว 1.25 เมตร หนัก 4.8275 กิโลกรัม

ตัวอย่างที่ 2 รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ารูปหนึ่งมีพื้นที่ 11.3364 ตารางเซนติเมตร ถ้าด้านยาวเท่ากับ 4.23 เซนติเมตร ด้านยาวยาวกว่าด้านกว้างเท่าไร

วิธีทำ พื้นที่สี่เหลี่ยมผืนผ้า = กว้าง  $\times$  ยาว

$$11.3364 = \text{กว้าง} \times 4.23$$

$$\text{ดังนั้น กว้าง} = \frac{11.3364}{4.23}$$

$$= 2.68 \text{ เซนติเมตร}$$

$$\text{ด้านยาวยาวกว่าด้านข้าง} = 4.23 - 2.68$$

$$= 1.55 \text{ เซนติเมตร}$$

$$\text{ด้านยาวยาวกว่าด้านกว้าง} = 1.55 \text{ เซนติเมตร}$$

## แบบฝึกหัดที่ 10

1. ให้นักศึกษาแก้ปัญหาโจทย์ต่อไปนี้

1) เชือกยาว 17.25 เมตร นำอีกเส้นหนึ่งยาว 5.2 เมตร มาผูกต่อกันทำให้เสียเชือกตรงรอยต่อ 0.15 เมตร นำเชือกที่ต่อแล้วมาวางเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า ให้ด้านกว้างยาวด้านละ 1.5 เมตร ด้านยาวจะยาวด้านละกี่เมตร

.....

.....

.....

.....

2. น้ำตาลถุงหนึ่งหนัก 9.35 กิโลกรัม จำนวน 16 ถุง ใช้ทำขนมเฉลี่ยแล้ววันละ 4.4 กิโลกรัม จะใช้น้ำตาลได้ทั้งหมดกี่วัน

.....

.....

.....

.....

3. ห้องรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 4.8 เมตร ยาว 9.6 เมตร นำกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาด 32 ตารางเซนติเมตร มาปูห้องจะต้องใช้กระเบื้องกี่แผ่น

.....

.....

.....

.....

4. มีทองคำแท่งหนึ่งหนัก 12.04 กรัม ซื้อมีเพิ่มอีก 25.22 กรัม แบ่งขายไปสองครั้ง หนักครั้งละ 8.02 กรัม ที่เหลือนำไปทำแหวน 5 วง หนักวงละ 3.45 กรัมเท่าๆ กัน จะเหลือทองอีกกี่กรัม

.....

.....

.....

.....

## บทที่ 3

### เลขยกกำลัง

#### สาระสำคัญ

สัญลักษณ์ของการเขียนแทนการคูณจำนวนเดียวกันซ้ำ ๆ หลาย ๆ ครั้ง เขียนแทนด้วย  $a^n$  อ่านว่า  $a$  ยกกำลัง  $n$  และการเขียนแสดงจำนวนในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์ได้

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. บอกความหมายและเขียนเลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มแทนจำนวนที่กำหนดให้ได้
2. บอกและนำเลขยกกำลังมาใช้ในการเขียนแสดงจำนวนในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์ได้
3. อธิบายการคูณและการหารของเลขยกกำลังที่มีฐานเดียวกัน และเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มได้

#### ขอบข่ายเนื้อหา

เรื่องที่ 1 ความหมายและการเขียนเลขยกกำลัง

เรื่องที่ 2 การเขียนแสดงจำนวนในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

เรื่องที่ 3 การคูณและการหารเลขยกกำลังที่มีฐานเดียวกันและเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็ม

## เรื่องที่ 1 ความหมายและการเขียนเลขยกกำลัง

เลขยกกำลัง หมายถึง การใช้สัญลักษณ์ เขียนแทนจำนวนที่เกิดขึ้นจากการคูณ ซ้ำๆ กัน หลายๆ ครั้ง เช่น  $3 \times 3 \times 3 \times 3$  สามารถเขียนแทนได้ด้วย  $3^4$  อ่านว่า สามยกกำลังสี่ ซึ่งมีบทนิยาม ดังนี้

**บทนิยาม** ถ้า  $a$  แทนจำนวนใดๆ และ  $n$  แทนจำนวนเต็มบวก “ $a$  ยกกำลัง  $n$ ” หรือ “ $a$  กำลัง  $n$ ”

เขียนแทนด้วย  $a^n = \underbrace{a \times a \times \dots \times a}_n$

เรียก  $a^n$  ว่าเลขยกกำลังที่มี  $a$  เป็นฐานและ  $n$  เป็นเลขชี้กำลัง เช่น

$$4^5 \text{ แทน } 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$$

$$4^5 \text{ มี } 4 \text{ เป็นฐาน และมี } 5 \text{ เป็นเลขชี้กำลัง}$$

สัญลักษณ์  $4^5$  อ่านว่า “สี่ยกกำลังห้า” หรือ “สี่กำลังห้า” หรือกำลังห้าของสี่

$$(-2)^6 \text{ แทน } (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)$$

$$(-2)^6 \text{ มี } (-2) \text{ เป็นฐาน และมี } 6 \text{ เป็นเลขชี้กำลัง}$$

ในการทำงานเดียวกันสัญลักษณ์  $(-2)^6$  อ่านว่า “ลบสองทั้งหมดยกกำลังหก” หรือกำลังหกของ

ลบสอง

จงพิจารณาตารางต่อไปนี้

เลขยกกำลัง	ฐาน	เลขชี้กำลัง	เขียนในรูปของการคูณ	แทนจำนวน
$3^3$	3	3	$3 \times 3 \times 3$	27
$4^5$	4	5	$4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$	1,024
$(-2)^4$	-2	4	$(-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)$	16
$\left(\frac{1}{2}\right)^2$	$\frac{1}{2}$	2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$
$x^y$	$x$	$y$	$x \times x \times x \dots (y \text{ ครั้ง})$	$x \times x \times x \dots (y \text{ ครั้ง})$

ตัวอย่าง จงตอบคำถามต่อไปนี้

1.  $8^3$  อ่านว่าอย่างไร

วิธีทำ 1.  $8^3$  อ่านว่า 8 ยกกำลัง 3

2.  $10^3$  มีจำนวนใดเป็นฐาน

2.  $10^3$  มี 10 เป็นฐาน

3.  $11^5$  มีจำนวนใดเป็นเลขชี้กำลัง

3.  $11^5$  มี 5 เป็นเลขชี้กำลัง

4.  $5^3$  มีความหมายอย่างไร

4.  $5^3$  มีความหมายเท่ากับ  $5 \times 5 \times 5$

5.  $(-5)^5$  อ่านว่าอย่างไร

5.  $(-5)^5$  อ่านว่า (-5) ลบห้าทั้งหมดยกกำลังห้า

### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ในรูปเลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มที่มีมากกว่า 1 พร้อมทั้งบอกฐานและเลขชี้กำลัง

1.1  $25 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.2  $64 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.3  $169 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.4  $729 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.5  $-32 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.6  $-243 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

1.7  $0.125 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

มี  $= \dots\dots\dots$  เป็นฐานและ  $\dots\dots\dots$  เป็นเลขชี้กำลัง

2. จงเขียนจำนวนที่แทนด้วยสัญลักษณ์ต่อไปนี้

2.1  $2^8 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.2  $(-3)^4 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.3  $(0.3)^5 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.4  $(0.02)^6 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.5  $\left(\frac{1}{3}\right)^3 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.6  $\left(\frac{2}{7}\right)^3 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.7  $(-5)^4 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.8  $-2^3 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.9  $\left(\frac{1}{10}\right)^5 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

2.10  $(0.5)^6 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

## เรื่องที่ 2 การเขียนแสดงจำนวนในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

การเขียนจำนวนที่มีค่ามากๆ ให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์ มีรูปทั่วไปเป็น  $A \times 10^n$  เมื่อ  $1 \leq A < 10$  และ  $n$  เป็นจำนวนเต็ม

พิจารณาการเขียนจำนวนที่มีค่ามาก ๆ ให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์ต่อไปนี้

$$\begin{aligned} 1. \quad 2,000 &= 2 \times 1,000 \\ &= 2 \times 10^3 \\ 2. \quad 800,000 &= 8 \times 100,000 \\ &= 8 \times 10^5 \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 1 จงเขียน 600,000,000 ให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad 600,000,000 &= 6 \times 100,000,000 \\ &= 6 \times 10^8 \\ \text{ตอบ} \quad &6 \times 10^8 \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 2 จงเขียน 73,200,000 ให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad 73,200,000 &= 732 \times 100,000 \\ &= 7.32 \times 100 \times 100,000 \\ &= 7.32 \times 10^2 \times 10^5 \\ &= 7.32 \times 10^7 \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 3 ดาวเสาร์มีเส้นผ่านศูนย์กลางยาวประมาณ 113,000,000 เมตร จงเขียนให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ดาวเสาร์มีเส้นผ่านศูนย์กลางยาวประมาณ } 113,000,000 \text{ เมตร} \\ 113,000,000 &= 113 \times 1,000,000 \\ &= 113 \times 100 \times 1,000,000 \\ &= 1.13 \times 10^2 \times 10^6 \\ &= 1.13 \times 10^8 \\ \text{ตอบ} \quad &1.13 \times 10^8 \text{ เมตร} \end{aligned}$$



## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ในรูปแบบสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

1. 400,000 =.....

=.....

2. 23,000,000,000 =.....

=.....

=.....

=.....

3. 639,000,000 =.....

=.....

=.....

=.....

4. 247,500,000 =.....

=.....

=.....

=.....

2. ดาวเสาร์อยู่ห่างจากดวงอาทิตย์ประมาณ 1,430,000,000 กิโลเมตร จงเขียนให้อยู่ในรูปแบบสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

1,430,000,000 =.....

=.....

=.....

=.....

3. สัญกรณ์วิทยาศาสตร์ในแต่ละข้อต่อไปนี้แทนจำนวนใด

3.1  $2 \times 10^6$  =.....

=.....

3.2  $4.8 \times 10^{13}$  =.....

=.....

3.3  $4.03 \times 10^9$  =.....

=.....

$$3.4 \quad 9.125 \times 10^5 = \dots\dots\dots$$

$$= \dots\dots\dots$$

### 3. การคูณและการหารเลขยกกำลังที่มีฐานเดียวกัน และเป็นเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็ม

#### 3.1 การคูณเลขยกกำลังเมื่อเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็ม

พิจารณาการคูณเลขยกกำลังที่มีฐานเป็นจำนวนเดียวกันต่อไปนี้

$$2^3 \times 2^4 = (2 \times 2 \times 2) \times (2 \times 2 \times 2 \times 2)$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$= 2^7 \text{ หรือ } 2^{3+4}$$

$$3^2 \times 3^3 = (3 \times 3) \times (3 \times 3 \times 3)$$

$$= 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$$

$$= 3^5 \text{ หรือ } 3^{2+3}$$

$$\left(\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \left\{ \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \right\} \times \left\{ \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \right\}$$

$$= \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3}\right)$$

$$= \left(\frac{1}{3}\right)^5 \text{ หรือ } \left(\frac{1}{3}\right)^{3+2}$$

การคูณเลขยกกำลังที่มีฐานเป็นจำนวนเดียวกันและมีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มบวกเป็นไปตามสมบัติของการคูณเลขยกกำลังดังนี้

เมื่อ $a$ แทนจำนวนใด ๆ $m$ และ $n$ แทนจำนวนเต็มบวก $a^m \times a^n = a^{m+n}$
---

## แบบฝึกหัดที่ 3

1. จงเขียนจำนวนที่แทนด้วยสัญลักษณ์ต่อไปนี้

$$1.1 \quad 2^5 \times 2^6 = \dots = \dots$$

$$1.2 \quad 2^5 \times 3^2 = \dots = \dots$$

$$1.3 \quad (2 \times 3)^3 = \dots = \dots$$

$$1.4 \quad (0.75)^2 = \dots = \dots$$

$$1.5 \quad \left(\frac{-1}{3}\right)^2 \times 3^2 = \dots = \dots$$

$$1.6 \quad (-3 \times 2)^3 = \dots = \dots$$

$$1.7 \quad \left(\frac{2}{5}\right)^3 \times \left(\frac{5}{2}\right)^4 = \dots = \dots$$

$$1.8 \quad \left(\frac{1}{7}\right)^6 \times \left(\frac{7}{2}\right)^5 = \dots = \dots$$

$$1.9 \quad (0.5)^3 \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \dots = \dots$$

$$1.10 \quad (-11)^2 (-11)^3 = \dots = \dots$$

2. จงเขียนผลคูณของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้ในรูปเลขยกกำลัง

$$2.1 \quad 2^2 \times 2^3 \times 2^7 = \dots = \dots$$

$$2.2 \quad (-3)^3 \times (-3) \times (-3)^5 = \dots = \dots$$

$$2.3 \quad 5 \times 625 \times 5^2 = \dots = \dots$$

$$2.4 \quad 121 \times 11 \times 11^2 = \dots = \dots$$

$$2.5 (-3)^4 \times (-3)^3 \times (-3)^7 = \dots = \dots$$

### 3.2 การหารเลขยกกำลังเมื่อเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็ม

การหารเลขยกกำลังที่มีฐานเป็นจำนวนเดียวกันและฐานไม่เท่ากับศูนย์มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มบวกในรูปของ  $a^m \div a^n$  จะพิจารณาเป็น 3 กรณี คือ เมื่อ  $m > n$ ,  $m = n$  และ  $m < n$  ดังนี้

กรณีที่ 1  $a^m \div a^n$  เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใด ๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์  $m, n$  แทนจำนวนเต็มบวก และ  $m > n$  พิจารณาการหารเลขยกกำลังต่อไปนี้

$$\begin{aligned} 1. \quad \frac{2^5}{2^2} &= \frac{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}{2 \times 2} \\ &= 2 \times 2 \times 2 \\ &= 2^3 \text{ หรือ } 2^{5-2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2. \quad \frac{3^7}{3^5} &= \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3} \\ &= 3^2 \text{ หรือ } 3^{7-5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3. \quad \frac{(-5)^8}{(-5)^3} &= \frac{(-5)(-5)(-5)(-5)(-5)(-5)(-5)(-5)}{(-5)(-5)(-5)} \\ &= (-5)(-5)(-5)(-5)(-5) \\ &= (-5)^5 \text{ หรือ } (-5)^{8-3} \end{aligned}$$

จากการหารเลขยกกำลังข้างต้นจะเห็นว่า ผลหารเป็นเลขยกกำลังที่มีฐานเป็นจำนวนเต็มและเลขชี้กำลังเท่ากับเลขชี้กำลังของตัวตั้งลบด้วยเลขชี้กำลังของตัวหาร ซึ่งเป็นไปตามสมบัติของการหารเลขยกกำลังดังนี้

เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใด ๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์  $m, n$  แทนจำนวนเต็มบวก และ  $m > n$

$$a^m \div a^n = a^{m-n}$$

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลลัพธ์  $5^{10} \div 5^4$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \frac{5^{10}}{5^4} &= 5^{10-4} \\ &= 5^6 \\ \text{ตอบ } &5^6 \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 2 จงหาผลลัพธ์  $(0.2)^6 \div (0.2)^3$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \frac{(0.2)^6}{(0.2)^3} &= (0.2)^{6-3} \\ &= (0.2)^3 \\ &= (0.2)(0.2)(0.2) \\ &= 0.008 \\ \text{ตอบ } &0.008 \end{aligned}$$

กรณีที่ 2  $a^m \div a^n$  เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใดๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์  $m, n$  แทนจำนวนเต็มบวก และ  $m = n$   
พิจารณา  $5^4 \div 5^4$

$$\begin{aligned} \text{ถ้าใช้บทนิยามของเลขยกกำลังจะได้} \quad \frac{5^4}{5^4} &= \frac{5 \times 5 \times 5 \times 5}{5 \times 5 \times 5 \times 5} \\ &= 1 \end{aligned}$$

ถ้าลองใช้สมบัติของการหารเลขยกกำลัง  $a^m \div a^n = a^{m-n}$ ,  $a \neq 0$  ในกรณีที่  $m = n$  จะได้

$$\begin{aligned} \frac{5^4}{5^4} &= 5^{4-4} \\ &= 5^0 \end{aligned}$$

แต่จากการใช้บทนิยามของเลขยกกำลังดังที่แสดงไว้ข้างต้น เราได้ว่า  $5^4 \div 5^4 = 1$

ดังนั้น เพื่อให้สมบัติของการหารเลขยกกำลัง  $a^m \div a^n = a^{m-n}$  ใช้ได้ในกรณีที่  $m = n$  ด้วยจึงต้องให้  $5^0 = 1$  ในกรณีทุกๆ ไปมีบทนิยามของ  $a^0$  ดังนี้

บทนิยาม เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใดๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์  $a^0 = 1$

จะเห็นว่า  $a^m \div a^n = a^{m-n}$ ,  $a \neq 0$  เป็นจริงในกรณีที่  $m = n$  ด้วย

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลลัพธ์  $\frac{7^3 \times 7^5}{7^8}$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \frac{7^3 \times 7^5}{7^8} &= \frac{7^{3+5}}{7^8} \\ &= \frac{7^8}{7^8} \\ &= 7^{8-8} \\ &= 7^0 \\ &= 1 \end{aligned}$$

ตอบ 1

กรณีที่ 3  $a^m \div a^n$  เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใด ๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์  $m, n$  แทนจำนวนเต็มบวก และ  $m < n$  พิจารณา  $2^5 \div 2^8$  ถ้าใช้บทนิยามของเลขยกกำลัง

$$\begin{aligned} \text{จะได้} \quad \frac{2^5}{2^8} &= \frac{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2} \\ &= \frac{1}{2 \times 2 \times 2} \\ &= \frac{1}{2^3} \end{aligned}$$

ถ้าลองใช้สมบัติของการหารเลขยกกำลัง  $a^m \div a^n = a^{m-n}$ ,  $a \neq 0$  ในกรณีที่  $m < n$  จะได้

$$\begin{aligned} \frac{2^5}{2^8} &= 2^{5-8} \\ &= 2^{-3} \end{aligned}$$

แต่จากการใช้บทนิยามของเลขยกกำลังข้างต้น เราได้ว่า  $2^5 \div 2^8 = \frac{1}{2^3}$  ดังนั้นเพื่อให้สมบัติของ

การหารเลขยกกำลัง  $a^m \div a^n = a^{m-n}$  ใช้ได้ในกรณีที่  $m < n$  ด้วยจึงต้องให้  $2^{-3} = \frac{1}{2^3}$  ในกรณีทั่ว ๆ

ไปมีบทนิยามของ  $a^{-n}$  ดังนี้

บทนิยาม เมื่อ  $a$  แทนจำนวนใด ๆ ที่ไม่ใช่ศูนย์และ  $n$  แทนจำนวนเต็มบวก

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

ตัวอย่างที่ 1 จงหาผลลัพธ์  $\frac{11^6 \times 11^4 \times 11^7}{11^{13} \times 11^3 \times 11^2}$  ในรูปเลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นบวก

$$\text{วิธีทำ } \frac{11^6 \times 11^4 \times 11^7}{11^{13} \times 11^3 \times 11^2} = \frac{11^{6+4+7}}{11^{13+3+2}}$$

$$= \frac{11^{17}}{11^{18}}$$

$$= 11^{17-18}$$

$$= 11^{-1}$$

$$= \frac{1}{11}$$

$$\text{ตอบ } \frac{1}{11}$$

## แบบฝึกหัดที่ 4

## 1. จงหาผลลัพธ์

1.1  $2^9 \div 2^2$

1.2  $3^6 \div 3$

1.3  $11^3 \div 11^6$

1.4  $\left(\frac{1}{5}\right)^4 \div \left(\frac{1}{5}\right)^2$

1.5  $(0.03)^5 \div (0.03)^4$

1.6  $(0.8)^5 \div \left(\frac{4}{5}\right)^7$

1.7  $(5^3 \times 5^4) \div 5^7$

1.8  $(7^6 \times 7) \div 7^4$

1.9  $13^2 \times (13^4 \div 13^5)$

1.10  $(m^6 \div m^7) \times m^4$  เมื่อ  $m \neq 0$

## 2. จงหาผลลัพธ์ต่อไปนี้ในรูปที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มบวก

2.1  $5^3 \times 5^{-4}$

2.2  $\frac{3^8 \times 3^{-6}}{3^2}$

2.3  $4^{-6} \div 4$

2.4  $\frac{2^6 \times 2^{-1}}{(-2)^0}$

2.5  $\frac{(1.5)^2}{(1.5)^3}$

2.6  $x^2 \div x^5$  เมื่อ  $x \neq 0$

2.7  $(a^3 \times a) \div (a^0 \times a^5)$  เมื่อ  $a \neq 0$

2.8  $\frac{m^{-7}}{m^{-5}}$  เมื่อ  $m \neq 0$



## บทที่ 4

### อัตราส่วนและร้อยละ

#### สาระสำคัญ

1. อัตราส่วนเป็นการเปรียบเทียบปริมาณ 2 ปริมาณขึ้นไป จะมีหน่วยเหมือนกัน หรือต่างกันก็ได้
2. ร้อยละเป็นอัตราส่วนแสดงการเปรียบเทียบปริมาณใดปริมาณหนึ่ง ต่อ 100

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. บอกและกำหนดอัตราส่วนได้
2. สามารถคำนวณสัดส่วนได้
3. สามารถหาค่าร้อยละได้
4. สามารถแก้โจทย์ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆ เกี่ยวกับอัตราส่วน สัดส่วน และร้อยละได้

#### ขอบข่ายเนื้อหา

เรื่องที่ 1 อัตราส่วน

เรื่องที่ 2 สัดส่วน

เรื่องที่ 3 ร้อยละ

เรื่องที่ 4 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับอัตราส่วน สัดส่วน และร้อยละ

## เรื่องที่ 1 อัตราส่วน

อัตราส่วน (Ratio) ใช้เปรียบเทียบปริมาณ 2 ปริมาณหรือมากกว่าก็ได้ โดยที่ปริมาณ 2 ปริมาณที่นำมาเปรียบเทียบกันนั้นจะมีหน่วยเหมือนกัน หรือต่างกันก็ได้

**บทนิยาม** อัตราส่วนของปริมาณ  $a$  ต่อ ปริมาณ  $b$  เขียนแทนด้วย  $a : b$  หรือ  $\frac{a}{b}$

เรียก  $a$  ว่า จำนวนแรกหรือจำนวนที่หนึ่งของอัตราส่วน

เรียก  $b$  ว่า จำนวนหลังหรือจำนวนที่สองของอัตราส่วน

(อัตราส่วน  $a : b$  หรือ  $\frac{a}{b}$  อ่านว่า  $a$  ต่อ  $b$ )

การเขียนอัตราส่วน มี 2 แบบ

1. ปริมาณ 2 ปริมาณมีหน่วยเหมือนกัน  
เช่น โต๊ะตัวหนึ่งมีความกว้าง 50 เซนติเมตร ยาว 120 เซนติเมตร  
เขียนเป็นอัตราส่วนได้ว่า  
ความกว้างต่อความยาวของโต๊ะ เท่ากับ  $50 : 120$
2. ปริมาณสองปริมาณมีหน่วยต่างกัน  
เช่น นมเปรี้ยว 4 กล่อง ราคา 23 บาท  
เขียนเป็นอัตราส่วนได้ว่า  
อัตราส่วนของนมเปรี้ยวเป็นกล่องต่อราคาเป็นบาท เป็น  $4 : 23$

ตัวอย่างเช่น

ถ้าเป็นปริมาณที่มีหน่วยเหมือนกัน อัตราส่วนจะไม่มีหน่วยเขียนกำกับ เช่น

มานะหนัก 25 กิโลกรัม มานีหนัก 18 กิโลกรัม

จะกล่าวว่าอัตราส่วนของน้ำหนักของมานะต่อมานีเท่ากับ  $25 : 18$  หรือ  $\frac{25}{18}$

ถ้าเป็นปริมาณที่มีหน่วยต่างกันอัตราส่วนจะต้องเขียนหน่วยแต่ละประเภทกำกับด้วย เช่น

สุดาสูง 160 เซนติเมตร หนัก 34 กิโลกรัม

อัตราส่วนความสูงต่อน้ำหนักของสุดา เท่ากับ  $160 \text{ เซนติเมตร} : 34 \text{ กิโลกรัม}$

### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเขียนอัตราส่วนจากข้อความต่อไปนี้

1). ระยะทางในแผนที่ 1 เซนติเมตร แทนระยะทางจริง 100 กิโลเมตร

.....

2). รถยนต์แล่นได้ระยะทาง 200 กิโลเมตร ในเวลา 3 ชั่วโมง

.....

3). โรงเรียนแห่งหนึ่งมีครู 40 คน นักเรียน 1,000 คน

.....

4). อัตราการเต้นของหัวใจมนุษย์เป็น 72 ครั้งต่อนาที

.....

2. สลากกินแบ่งรัฐบาลแต่ละงวดเป็นเลข 6 หลัก เช่น 889748 ซึ่งมีหมายเลขต่างกันทั้งหมด 1,000,000 ฉบับ ในจำนวนทั้งหมดนี้มีสลากที่ถูกรางวัลเลขท้าย 2 ตัวทั้งหมด 10,000 ฉบับ ถูกรางวัลเลขท้าย 3 ตัว 4,000 ฉบับ และถูกรางวัลที่ 1 อีก 1 ฉบับ

จงเขียนอัตราส่วนแสดงการเปรียบเทียบจำนวนต่อไปนี้

1) จำนวนที่ถูกรางวัลที่ 1 ต่อทั้งหมด

.....

2) จำนวนที่ถูกรางวัลเลขท้าย 3 ตัวต่อทั้งหมด

.....

3) จำนวนที่ถูกรางวัลเลขท้าย 2 ตัวต่อทั้งหมด

.....

4) อัตราส่วนของสลากที่ถูกรางวัลเลขท้าย 2 ตัว ต่อเลขท้าย 3 ตัว

.....

3. พ่อค้าจัดลูกกวาดคละสีขนาดเท่ากันลงในขวดโหลเดียวกัน โดยนับเป็นชุดดังนี้ “ลูกกวาดสีแดง 3 เม็ด สีเขียว 2 เม็ด สีเหลือง 5 เม็ด” จงหา

1) อัตราส่วนจำนวนลูกกวาดสีแดงต่อลูกกวาดทั้งหมด

.....

2) อัตราส่วนของจำนวนลูกกวาดสีแดงต่อลูกกวาดสีเหลือง

.....


3) ถ้าสุ่มหยิบลูกกวาดขึ้นมาจากโหลจำนวน 5 เม็ด น่าจะได้ลูกกวาดสีใดมากที่สุด เพราะเหตุใด

.....


.....

## อัตราส่วนที่เท่ากัน

การหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้ ทำได้โดยการคูณหรือหารอัตราส่วนทั้งตัวแรก และตัวที่สองด้วยจำนวนเดียวกัน ตามหลักการ ดังนี้

 หลักการคูณ เมื่อคูณแต่ละจำนวนในอัตราส่วนใดด้วยจำนวนเดียวกัน โดยที่จำนวนนั้นไม่เท่ากับศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่ที่เท่ากับอัตราส่วนเดิม

$$\text{นั่นคือ } \frac{a}{b} = \frac{a \times c}{b \times c} = \frac{a \times d}{b \times d} \text{ เมื่อ } c \neq 0 \text{ และ } d \neq 0$$

 หลักการหาร เมื่อหารแต่ละจำนวนในอัตราส่วนใดด้วยจำนวนเดียวกัน โดยที่จำนวนนั้นไม่เท่ากับศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่เท่ากับอัตราส่วนเดิม

$$\text{นั่นคือ } \frac{a}{b} = \frac{a \div c}{b \div c} = \frac{a \div d}{b \div d} \text{ เมื่อ } c \neq 0 \text{ และ } d \neq 0$$

## ตัวอย่าง

จงหาอัตราส่วนอีก 3 อัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนด

วิธีทำ  $3 : 4$  หรือ  $\frac{3}{4}$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 4}{4 \times 4} = \frac{12}{16}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 9}{4 \times 9} = \frac{27}{36}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 11}{4 \times 11} = \frac{33}{44}$$

 ดังนั้น  $\frac{12}{16}$ ,  $\frac{27}{36}$ ,  $\frac{33}{44}$  เป็นอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วน  $3 : 4$

การตรวจสอบการเท่ากันของอัตราส่วนใดๆ ทำได้โดยใช้ลักษณะการคูณไขว้ได้โดยใช้วิธีดังนี้

เมื่อ  $a, b, c$  และ  $d$  เป็นจำนวนนับ

1) ถ้า  $a \times d = b \times c$  แล้ว  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

$$2) \text{ ถ้า } a \times d \neq b \times c \text{ แล้ว } \frac{a}{b} \neq \frac{c}{d}$$

ตัวอย่าง จงตรวจสอบว่าอัตราส่วนในแต่ละข้อต่อไปนี้เท่ากันหรือไม่

$$1) \frac{3}{4} \text{ และ } \frac{5}{6}$$

$$2) \frac{26}{30} \text{ และ } \frac{39}{45}$$

$$1) \text{ พิจารณาการคูณไขว้ของ } \frac{3}{4} \text{ และ } \frac{5}{6}$$

$$\text{เนื่องจาก } 3 \times 6 = 18$$

$$4 \times 5 = 20$$

$$\text{ดังนั้น } 3 \times 6 \neq 4 \times 5$$

$$\text{นั่นคือ } \frac{3}{4} \neq \frac{5}{6}$$

$$2) \text{ พิจารณาการคูณไขว้ของ } \frac{26}{30} \text{ และ } \frac{39}{45}$$

$$\text{เนื่องจาก } 26 \times 45 = 1,170$$

$$30 \times 39 = 1,170$$

$$\text{ดังนั้น } 26 \times 45 = 30 \times 39$$

$$\text{นั่นคือ } \frac{26}{30} = \frac{39}{45}$$

### แบบฝึกหัดที่ 2

1. ถ้าอัตราการแลกเปลี่ยนเงินดอลลาร์ต่อเงินหนึ่งบาทเท่ากับ 1 : 43 จงเติมราคาเงินในตาราง

เงินดอลลาร์	1	2	3	10	20
เงินบาท					

2. จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้ต่อไปนี้มาอีก 3 อัตราส่วน

$$1) \frac{2}{3} = \dots\dots\dots$$

$$2) \frac{5}{9} = \dots\dots\dots$$

3. จงตรวจสอบว่าอัตราส่วนต่อไปนี้เท่ากันหรือไม่

อัตราส่วนที่กำหนดไว้	พิจารณาการคูณไขว้	ผลการตรวจสอบ
1) $\frac{5}{6}$ กับ $\frac{10}{12}$	$5 \times 12 = 10 \times 6$ เพราะ $60 = 60$	$\frac{5}{6} = \frac{10}{12}$
2) $\frac{3}{4}$ กับ $\frac{4}{5}$	$3 \times 5 \neq 4 \times 4$ เพราะ $15 \neq 16$	$\frac{3}{4} \neq \frac{4}{5}$
3) $\frac{6}{8}$ กับ $\frac{7}{9}$		
4) $\frac{12}{10}$ กับ $\frac{18}{15}$		
5) $\frac{0.3}{10}$ กับ $\frac{6}{200}$		

4. จงทำให้อัตราส่วนต่อไปนี้ มีหน่วยเดียวกันและอยู่ในรูปอย่างง่าย

ตัวอย่าง อัตราส่วนความกว้างต่อความยาวของโต๊ะเป็น 50 เซนติเมตร : 1.2 เมตร

มีความหมายเหมือนกับ

50 เซนติเมตร : 1.2 x 100 เซนติเมตร

ดังนั้น อัตราส่วนความกว้างต่อความยาวของโต๊ะเป็น 50 : 120 หรือ 5 : 12

1) อัตราส่วนของจำนวนวันที่นาย ก. ทำงาน ต่อชั่วโมงที่นาย ข. ทำงาน เป็น 2 วัน : 10 ชั่วโมง ดังนั้น  
อัตราส่วนเวลาที่นาย ก. ทำงาน ต่อเวลาที่นาย ข. ทำงานเป็น

.....  
.....

2) อัตราส่วนของระยะทางจากบ้านไปตลาด ต่อระยะทางจากบ้านไปโรงเรียนเป็น 200 เมตร : 1.5 กิโลเมตร  
ดังนั้น อัตราส่วนของระยะทางจากบ้านไปตลาด ต่อระยะทางจากบ้านไปโรงเรียนเป็น

.....  
.....



### แบบฝึกหัดที่ 3

1. พ่อแบ่งเงินให้ลูกสามคนโดยกำหนด

อัตราส่วนของจำนวนเงินลูกคนโต ต่อคนกลาง ต่อคนเล็กเป็น 5 : 3 : 2 จงหาอัตราส่วนต่อไปนี้

1) อัตราส่วนจำนวนเงินที่ลูกคนโตได้รับต่อลูกคนเล็ก

.....  
 .....

2) อัตราส่วนจำนวนเงินที่ลูกคนเล็กได้รับต่อลูกคนกลาง

.....  
 .....

3) อัตราส่วนจำนวนเงินที่ลูกคนกลางได้รับต่อเงินทั้งหมด

.....  
 .....

4) อัตราส่วนจำนวนเงินที่ลูกคนเล็กได้รับต่อเงินทั้งหมด

.....  
 .....

2. เศรษฐีคนหนึ่งได้เขียนพินัยกรรมไว้ก่อนจะเสียชีวิตว่า ถ้าภรรยาที่กำลังตั้งครรภ์คลอดลูกเป็นชายให้แบ่งเงินในพินัยกรรมเป็นอัตราส่วนเงินของภรรยาต่อบุตรชายเป็น 1 : 2 แต่ถ้าคลอดลูกเป็นหญิงให้แบ่งเงินในพินัยกรรมเป็นอัตราส่วนเงินของภรรยาต่อบุตรหญิงเป็น 2 : 1 เมื่อเศรษฐีคนนี้เสียชีวิตลงปรากฏว่าภรรยาคลอดลูกแฝด เป็นชาย 1 คน หญิง 1 คน จงหาอัตราส่วนของเงินในพินัยกรรมของภรรยาต่อบุตรชาย ต่อบุตรหญิง

.....  
 .....



## เรื่องที่ 2 สัดส่วน

สัดส่วนเป็นการเขียนแสดงการเท่ากันของอัตราส่วนสองอัตราส่วน

เช่น  $a : b = c : d$  หรือ  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  อ่านว่า เอต่อบี เท่ากับซีต่อดี

ตัวอย่างที่ 1 จงหาค่า  $m$  ในสัดส่วน  $\frac{3}{m} = \frac{5}{12}$

วิธีที่ 1  $\frac{3}{m} = \frac{5}{12}$

$$\frac{3}{m} = \frac{5 \times \frac{3}{3}}{12 \times \frac{3}{3}} \quad (\text{ทำเศษให้เท่ากับ 3 โดยคูณด้วย } \frac{3}{3})$$

$$\frac{3}{m} = \frac{3}{7.2}$$

ดังนั้น  $m$  มีค่าเท่ากับ 7.2

วิธีที่ 2  $\frac{3}{m} = \frac{5}{12}$

$$\frac{3}{m} = \frac{5}{12} \quad (\text{คูณไขว้})$$

$$\frac{3 \times 12}{5} = m$$

ดังนั้น  $m = 7.2$

### แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงเขียนสัดส่วนจากอัตราส่วนต่อไปนี้

1) 3 ต่อ 4 เท่ากับ 6 ต่อ 8 .....

2) A ต่อ 7 เท่ากับ 9 ต่อ 27 .....

3) 12 ต่อ 10 เท่ากับ B ต่อ 5 .....

4) 5 ต่อ 4 เท่ากับ 65 ต่อ D .....

2. จงหาค่าตัวแปรจากสัดส่วนที่กำหนดให้ต่อไปนี้

1)  $\frac{A}{3} = \frac{12}{15}$

.....

2)  $\frac{3}{B} = \frac{21}{28}$

.....

### การแก้โจทย์ปัญหาโดยใช้สัดส่วน

ในชีวิตประจำวันเราจะพบสถานการณ์ที่ต้องแก้ไขปัญหาโดยการใช้หลักการคิดคำนวณ เช่น

กำหนดอัตราส่วนของเครื่องดื่มโกโก้สำเร็จรูป 1 ถ้วย ต่อผงโกโก้ 2 ช้อนโต๊ะ ต่อน้ำตาล

1 ช้อนโต๊ะ ต่อน้ำดื่มสุก 1 ถ้วย เท่ากับ 1 : 2 : 1 : 1

ถ้ามีผงโกโก้ทั้งหมด 30 ช้อนโต๊ะ

สมมติว่า ชงเครื่องดื่มได้ A ถ้วย ใช้น้ำตาล B ช้อนโต๊ะ ครีมน้ำแข็ง C ช้อนโต๊ะ และน้ำดื่มสุก D ถ้วย

ดังนั้น อัตราส่วนของจำนวนถ้วยโกโก้ที่ชงได้ต่อจำนวนผงโกโก้ เท่ากับ 1 ถ้วย ต่อ 2 ช้อนโต๊ะ หรือ

A ถ้วย ต่อ 30 ช้อนโต๊ะ

$$\text{นั่นคือ} \quad 1 : 2 = A : 30$$

$$\text{หรือ} \quad \frac{1}{2} = \frac{A}{30}$$

$$\text{จะได้ว่า} \quad 1 \times 30 = A \times 2$$

$$A = 15$$

ดังนั้น ผงโกโก้ 30 ช้อนโต๊ะ จะชงเครื่องดื่มได้ 15 ถ้วย

ตัวอย่างซื้อส้มโอมา 3 ลูก ราคา 50 บาท ถ้ามีเงิน 350 บาท จะซื้อส้มโอในอัตราเดิมได้กี่ลูก

วิธีทำ สมมติ มีเงิน 350 บาท ซื้อส้มโอได้ A ลูก

ราคาของส้มโอ 50 บาท ซื้อได้ 3 ลูก

$$\frac{\text{จำนวนส้มโอ}}{\text{ราคาส้มโอ}} = \frac{A}{350} = \frac{3}{50}$$

$$\text{จะได้ว่า} \quad A \times 50 = 3 \times 350$$

$$\frac{A \times 50}{50} = \frac{3 \times 350}{50}$$

$$A = 21$$

จะซื้อส้มโอได้ 21 ลูก



### เรื่องที่ 3 ร้อยละ

ในชีวิตประจำวันผู้เรียนจะเห็นว่าเราเกี่ยวข้องกับร้อยละอยู่เสมอ เช่น การซื้อขาย กำไรขาดทุน การลดหรือการเพิ่มที่คิดเป็นร้อยละ การคิดภาษีมูลค่าเพิ่ม ฯลฯ

คำว่า ร้อยละ หรือ เปอร์เซนต์ เป็นอัตราส่วนแสดงการเปรียบเทียบปริมาณใดปริมาณหนึ่งต่อ 100 เช่น

$$\text{ร้อยละ } 50 \text{ หรือ } 50\% \text{ เขียนแทนด้วย } 50:100 \text{ หรือ } \frac{50}{100}$$

$$\text{ร้อยละ } 7 \text{ หรือ } 7\% \text{ เขียนแทนด้วย } 7:100 \text{ หรือ } \frac{7}{100}$$

การเขียนอัตราส่วนใดให้อยู่ในรูปร้อยละ จะต้องเขียนอัตราส่วนนั้นให้อยู่ในรูปที่มีจำนวนหลังอัตราส่วนเป็น 100 ดังตัวอย่างต่อไปนี้

$$\frac{4}{5} = \frac{80}{100} = 80\%$$

$$0.2 = \frac{2}{10} = \frac{20}{100} = 20\%$$

การเขียนร้อยละให้เป็นอัตราส่วนทำได้โดยเขียนอัตราส่วนที่มีจำนวนหลังเป็น 100 ดังตัวอย่างต่อไปนี้

$$33\% = \frac{33}{100}$$

$$25.75\% = \frac{25.75}{100} = \frac{2575}{10000} = \frac{103}{400}$$

ตัวอย่าง จงเขียน  $\frac{3}{7}$  ให้อยู่ในรูปร้อยละ

วิธีทำวิธีที่ 1 ทำให้อัตราส่วน  $\frac{3}{7}$  โดยมีจำนวนหลังของอัตราส่วนเป็น 100

$$\frac{3}{7} = \frac{3 \times \frac{100}{7}}{7 \times \frac{100}{7}} = \frac{300}{100}$$

ดังนั้น  $\frac{3}{7}$  คิดเป็นร้อยละ  $\frac{300}{7}$  หรือ  $\frac{300}{7}\%$

วิธีที่ 2 สมมติ  $\frac{3}{7} =$  ร้อยละ A หรือ  $\frac{A}{100}$

$$3 \times 100 = A \times 7$$

$$A = \frac{3 \times 100}{7} = \frac{300}{7}$$

### การคำนวณเกี่ยวกับร้อยละ

ผู้เรียนเคยคำนวณโจทย์ปัญหาเกี่ยวกับร้อยละมาแล้วโดยไม่ได้ใช้สัดส่วนต่อไปนี้จะเป็นการนำความรู้เรื่องสัดส่วนมาใช้คำนวณเกี่ยวกับร้อยละ ซึ่งจะพบใน 3 ลักษณะ ดังตัวอย่างต่อไปนี้

1. 25% ของ 60 เท่ากับเท่าไร หมายความว่า ถ้ามี 25 ส่วนใน 100 ส่วน แล้วจะมีกี่ส่วนใน 60 ส่วน

ให้มี  $a$  ส่วนใน 60 ส่วน

$$\text{เขียนสัดส่วนได้ดังนี้ } \frac{a}{60} = \frac{25}{100}$$

$$\text{จะได้ } a \times 100 = 60 \times 25$$

$$a = \frac{60 \times 25}{100}$$

$$\text{ดังนั้น } a = 15$$

นั่นคือ 25% ของ 60 คือ 15

2. 9 เป็นกี่เปอร์เซ็นต์ของ 45 หมายความว่า ถ้ามี 9 ส่วนใน 45 ส่วน แล้วจะมีกี่ส่วนใน 100 ส่วน

ให้ 9 เป็น  $x\%$  ของ 45

$$x\% \text{ หมายถึง } \frac{x}{100}$$

$$\text{เขียนสัดส่วนได้ดังนี้ } \frac{9}{45} = \frac{x}{100}$$

$$\text{จะได้ } 9 \times 100 = 45 \times x$$

$$x = \frac{9 \times 100}{45}$$

$$\text{ดังนั้น } x = 20$$

นั่นคือ 9 เป็น 20% ของ 45

3. 8 เป็น 25% ของจำนวนใด หมายความว่า ถ้ามี 25 ส่วนใน 100 ส่วน แล้วจะมี 8 ส่วนในกี่ส่วน

ให้ 8 เป็น 25% ของ  $y$

$$\text{เขียนสัดส่วนได้ดังนี้ } \frac{8}{y} = \frac{25}{100}$$

$$\text{จะได้ } 8 \times 100 = y \times 25$$

$$y = \frac{8 \times 100}{25}$$

$$\text{ดังนั้น } y = 32$$

นั่นคือ 8 เป็น 25% ของ 32

## แบบฝึกหัดที่ 6

## 1. จงแสดงวิธีหาคำตอบ

1) 15% ของ 600 เท่ากับเท่าไร

.....

.....

.....

.....

2) 120% ของ 40 เท่ากับเท่าไร

.....

.....

.....

.....

3) 28 คิดเป็นกี่เปอร์เซ็นต์ ของ 400

.....

.....

.....

.....

4) 1.5 เป็นกี่เปอร์เซ็นต์ของ 6

.....

.....

.....

.....

5) 180 เป็น 30 % ของจำนวนใด

.....

.....

.....

.....

6) 0.125 เป็น 25% ของจำนวนใด

.....

.....

.....

.....

## เรื่องที่ 4 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับอัตราส่วน สัดส่วน และร้อยละ

ให้นักเรียนพิจารณาตัวอย่างโจทย์ปัญหาและวิธีแก้ปัญหาลักษณะเกี่ยวกับร้อยละ โดยใช้สัดส่วน หรืออัตราส่วน ต่อไปนี้

ตัวอย่าง 1 ในหมู่บ้านแห่งหนึ่งมีคนอาศัยอยู่ 1,200 คน 6% ของจำนวนคนที่อาศัยอยู่ในหมู่บ้านทำงานในโรงงานลับประดกระป๋อง จงหาจำนวนคนงานที่ทำงานในโรงงานแห่งนี้

วิธีทำ

ให้จำนวนคนที่ทำงานในโรงงานลับประดกระป๋อง เป็น  $s$  คน

อัตราส่วนของจำนวนคนที่ทำงานในโรงงานต่อจำนวนคนทั้งหมด เป็น  $\frac{s}{1,200}$

อัตราส่วนดังกล่าวคิดเป็น  $6\% = \frac{6}{100}$

เขียนสัดส่วนได้ดังนี้  $\frac{s}{1,200} = \frac{6}{100}$

จะได้  $s \times 100 = 1,200 \times 6$

$$s = \frac{1,200 \times 6}{100}$$

ดังนั้น  $s = 72$

นั่นคือ จำนวนคนงานที่ทำงานในโรงงานลับประดกระป๋องเป็น 72 คน

ตอบ 72 คน

ตัวอย่างที่ 2

โรงเรียนแห่งหนึ่งมีนักเรียน 1,800 คน นักเรียนคนที่หนักเกิน 60 กิโลกรัมมีอยู่ 81 คน จงหาว่าจำนวนนักเรียนที่หนักเกิน 60 กิโลกรัม คิดเป็นกี่เปอร์เซ็นต์ของจำนวนนักเรียนทั้งหมด

วิธีทำ

ให้จำนวนนักเรียนที่หนักเกิน 60 กิโลกรัม เป็น  $n\%$  ของจำนวนนักเรียนทั้งหมด

เขียนสัดส่วนได้ดังนี้  $\frac{n}{100} = \frac{81}{1,800}$

จะได้  $n \times 1,800 = 100 \times 81$

$$n = \frac{100 \times 81}{1,800}$$

ดังนั้น  $n = 4.5$

นั่นคือ จำนวนนักเรียนที่หนักเกิน 60 กิโลกรัมคิดเป็น 4.5% ของจำนวนนักเรียนทั้งหมด

ตอบ 4.5 เปอร์เซ็นต์





4. แผ่นผังสนามหญ้าแห่งหนึ่งกว้าง 5 เซนติเมตร ยาว 8 เซนติเมตร ใช้มาตราส่วน 1 เซนติเมตร : 50 เมตร จงหาว่าสนามหญ้าแห่งนี้มีพื้นที่เท่าไร

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

5. นกน้อยฝากเงินไว้กับธนาคารเป็นเวลา 2 ปี อัตราดอกเบี้ยร้อยละ 3 ต่อปี คิดดอกเบี้ยทบต้นทุก 12 เดือนและถูกหักภาษีดอกเบี้ย 15% ถ้านกน้อยฝากเงินไว้ 10,000 บาท ครบ 2 ปี จะมีเงินในบัญชีเท่าไร

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

6. วีระซื้อรถยนต์คันหนึ่งราคา 200,000 บาท นำไปขายต่อได้กำไรร้อยละ 20 ต่อมาเอาเงินทั้งหมดไปเล่นหุ้นขาดทุนร้อยละ 20 วีระจะมีเงินเหลือจากการเล่นหุ้นเท่าไร

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

## บทที่ 5

### การวัด

#### สาระสำคัญ

1. การวัดความยาวพื้นที่ ที่มีหน่วยต่างกันสามารถนำมาเปรียบเทียบกันได้
2. เครื่องมือการวัด ต้องเลือกใช้ให้เหมาะสมกับสิ่งที่จะวัด
3. การคาดคะเนเกิดจากประสบการณ์ของผู้สังเกตเป็นสำคัญ

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. บอกการเปรียบเทียบหน่วยความยาวพื้นที่ในระบบเดียวกันและต่างระบบได้
2. เลือกใช้หน่วยการวัดเกี่ยวกับความยาวและพื้นที่ได้อย่างเหมาะสม
3. แสดงการหาพื้นที่ของรูปเรขาคณิตได้
4. สามารถแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับพื้นที่สถานการณ์ต่าง ๆ ในชีวิตประจำวันได้
5. อธิบายวิธีการคาดคะเนและนำวิธีการไปใช้ในการคาดคะเนเวลา ระยะทาง ขนาด น้ำหนัก

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- เรื่องที่ 1 การเปรียบเทียบหน่วยความยาวและพื้นที่
- เรื่องที่ 2 การเลือกใช้หน่วยการวัด ความยาวและพื้นที่
- เรื่องที่ 3 การหาพื้นที่ของรูปเรขาคณิต
- เรื่องที่ 4 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับพื้นที่ในสถานการณ์ต่าง ๆ
- เรื่องที่ 5 การคาดคะเนเวลา ระยะทาง ขนาด น้ำหนัก

## เรื่องที่ 1 การเปรียบเทียบหน่วยความยาวและพื้นที่

### การวัด

การวัดเป็นเรื่องที่มีความสำคัญ และจำเป็นต่อชีวิตประจำวันอย่างมากในทุกยุคทุกสมัย ในแต่ละถิ่นฐานแต่ละประเทศ จะมีหน่วยการวัดที่แตกต่างกันออกไป และเมื่อโลกเจริญก้าวหน้าทั้งด้านเทคโนโลยีและการสื่อสาร จึงมีความจำเป็นที่ต้องมีความชัดเจนของการสื่อสารความหมายเกี่ยวกับปริมาณของการวัด หน่วยการวัด เพื่อให้เกิดความสะดวกในการนำมาเปรียบเทียบ และเพื่อประโยชน์ในการใช้งาน

โดยทั่วไปคนเรามักจะคุ้นเคยกับการวัด หมายถึง การชั่ง การตวง การวัดความยาว การจับเวลา เป็นต้น ในความเป็นจริงนั้นการวัดมีหลายอย่างเช่น

1. การวัดความยาว มีหน่วยเป็น มิลลิเมตร เซนติเมตร นิ้ว ฟุต เมตร กิโลเมตร
2. การวัดพื้นที่ มีหน่วยเป็น ตารางวา ตารางเมตร งาน ไร่
3. การชั่ง มีหน่วยเป็น กรัม ชีด ปอนด์ ตัน
4. การตวง มีหน่วยเป็น ลูกบาศก์เซนติเมตร ลิตร ถัง
5. การวัดอุณหภูมิ มีหน่วยเป็น องศาเซลเซียส องศาฟาเรนไฮต์
6. การวัดเวลา มีหน่วยเป็น วินาที นาที ชั่วโมง วัน ปี
7. การวัดความเร็วหรืออัตราเร็ว มีหน่วยเป็น กิโลเมตร/ชั่วโมง

### 1.1 การเปรียบเทียบการวัดความยาว

หน่วยการวัดความยาวที่นิยมใช้กันในประเทศไทย

#### หน่วยการวัดความยาวในระบบอังกฤษ

12	นิ้ว	เท่ากับ	1	ฟุต
3	ฟุต	เท่ากับ	1	หลา
1,760	หลา	เท่ากับ	1	ไมล์

#### หน่วยการวัดความยาวในระบบเมตริก

10	มิลลิเมตร	เท่ากับ	1	เซนติเมตร
100	เซนติเมตร	เท่ากับ	1	เมตร
1,000	เมตร	เท่ากับ	1	กิโลเมตร

#### หน่วยการวัดความยาวในมาตราไทย

12	นิ้ว	เท่ากับ	1	คืบ
2	คืบ	เท่ากับ	1	ศอก

4	ศอก	เท่ากับ 1	วา
20	วา	เท่ากับ 1	เส้น
400	เส้น	เท่ากับ 1	โยชน์
กำหนดการเทียบ	1 วา	เท่ากับ 2	เมตร

#### หน่วยการวัดความยาวในระบบอังกฤษเทียบกับระบบเมตริก ( โดยประมาณ )

1	นิ้ว	เท่ากับ 2.54	เซนติเมตร
1	หลา	เท่ากับ 0.9144	เมตร
1	ไมล์	เท่ากับ 1.6093	กิโลเมตร

#### ตัวอย่าง การเปรียบเทียบหน่วยการวัดในระบบเดียวกันและต่างระบบกัน

1. สูดาสสูง 160 เซนติเมตร อยากทราบว่าสูดาสสูงกี่เมตร

เนื่องจาก 100 เซนติเมตร เท่ากับ 1 เมตร และสูดาสสูง 160 เซนติเมตร  
 ดังนั้น สูดาสสูง  $\frac{160}{100} = 1.60$  เมตร

2. ความกว้างของรั้วบ้านด้านติดถนนเป็น 1.05 กิโลเมตร อยากทราบว่าความกว้างของรั้วบ้านด้านติดกับถนนเป็นกี่เมตร

เนื่องจาก 1 กิโลเมตร เท่ากับ 1,000 เมตร และรั้วบ้านกว้าง 1.05 กิโลเมตร  
 ดังนั้น ความกว้างของรั้วบ้านเป็น  $1.05 \times 1,000 = 1,050$  เมตร

#### 1.2 การเปรียบเทียบการวัดพื้นที่

##### หน่วยการวัดพื้นที่ที่สำคัญ ที่ควรรู้จัก

##### หน่วยการวัดพื้นที่ในระบบเมตริก

1	ตารางเซนติเมตร	เท่ากับ 100	หรือ $10^2$	ตารางมิลลิเมตร
1	ตารางเมตร	เท่ากับ 10,000	หรือ $10^4$	ตารางเซนติเมตร
1	ตารางกิโลเมตร	เท่ากับ 1,000,000	หรือ $10^6$	ตารางเมตร

##### หน่วยการวัดพื้นที่ในระบบอังกฤษ

1	ตารางฟุต	เท่ากับ 144	หรือ $12^2$	ตารางนิ้ว
1	ตารางหลา	เท่ากับ 9	หรือ $3^2$	ตารางนิ้ว
1	เอเคอร์	เท่ากับ 4,840	ตารางหลา	
1	ตารางไมล์	เท่ากับ 640	เอเคอร์	
หรือ 1	ตารางไมล์	เท่ากับ 1,760 <sup>2</sup>	ตารางหลา	

### หน่วยการวัดพื้นที่ในมาตราไทย

	100	ตารางวา	เท่ากับ 1	งาน
	4	งาน	เท่ากับ 1	ไร่
หรือ	400	ตารางวา	เท่ากับ 1	ไร่

### หน่วยการวัดพื้นที่ในมาตราไทยเทียบกับระบบเมตริก

	1	ตารางวา	เท่ากับ 4	ตารางเมตร
	1	งาน	เท่ากับ 400	ตารางเมตร
หรือ	1	ไร่	เท่ากับ 1,600	ตารางเมตร
	1	ตารางกิโลเมตร	เท่ากับ 625	ไร่

### หน่วยการวัดพื้นที่ในระบบอังกฤษกับระบบเมตริก (โดยประมาณ)

	1	ตารางนิ้ว	เท่ากับ 6.4516	ตารางเซนติเมตร
	1	ตารางฟุต	เท่ากับ 0.0929	ตารางเมตร
	1	ตารางหลา	เท่ากับ 0.8361	ตารางเมตร
	1	เอเคอร์	เท่ากับ 4046.856	ตารางเมตร (2.529 ไร่)
	1	ตารางไมล์	เท่ากับ 2.5899	ตารางกิโลเมตร

### ตัวอย่าง

1. ที่ดิน 12.5 ตารางกิโลเมตร คิดเป็นกี่ตารางเมตร

เนื่องจากพื้นที่ 1 ตารางกิโลเมตร เท่ากับ  $10^6$  ตารางเมตร

ดังนั้นพื้นที่ 12.5 ตารางกิโลเมตร เท่ากับ  $12.5 \times 10^6$

$$= 1.25 \times 10^7 \text{ ตารางเมตร}$$

**ตอบ**  $1.25 \times 10^7$  ตารางเมตร

2. พื้นที่ชั้นล่างของบ้านรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง 6 วา ยาว 12 วา ผู้รับเหมาก่อพื้นคิดค่าปูพื้นตารางเมตรละ 37 บาท จะต้องเสียค่าปูพื้นเป็นเงินเท่าไร

พื้นที่ชั้นล่างของบ้านมีความกว้าง 6 วา

ความยาว 12 วา

ดังนั้น พื้นที่ชั้นล่างของบ้านมีพื้นที่เป็น  $6 \times 12 = 72$  ตารางวา

พื้นที่ 1 ตารางวา เท่ากับ 4 ตารางเมตร

ถ้าคิดพื้นที่เป็นตารางเมตร พื้นที่ชั้นล่างของบ้านมีพื้นที่เป็น

$$72 \times 4 = 288 \text{ ตารางเมตร}$$

ดังนั้น เสียค่าปูพื้นเป็นเงิน  $288 \times 37 = 10,656$  บาท

**ตอบ** 10,656 บาท

### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเติมหน่วยความยาวหรือหน่วยพื้นที่ที่เหมาะสมกับข้อความต่อไปนี้
  - 1) ไม้้อคชนิดบางมีความหนาแผ่นละ 4 .....
  - 2) สมุดปกอ่อนมีความกว้าง 16.5 .....ยาว 24.....หนา 4 .....
  - 3) จังหวัดเชียงใหม่และจังหวัดเลยอยู่ห่างกันประมาณ 1,600 .....
  - 4) สนามฟุตบอลแห่งหนึ่งมีความกว้าง 45 ..... มีความยาว 90 ..... และถ้าวิ่งรอบสนามแห่งนี้สามรอบ จะได้ระยะทาง 1 .....
  - 5) แผ่นดิสก์มีความกว้าง 9 ..... ยาว 9.4 ..... และหนา 3 .....
  - 6) กระดาษ A4 มีพื้นที่ประมาณ 630 .....
  - 7) ห้องเรียนมีพื้นที่ประมาณ 80 .....
  - 9) การวัดความยาวของที่ดินในประเทศไทยนิยมใช้หน่วยเป็น ..... หรือ..... และอาจบอกจำนวนพื้นที่ของที่ดินตามมาตราไทยเป็น .....หรืออาจบอกโดยใช้มาตรเมตริกเป็น ..... ก็ได้
  - 10) แม่น้ำโขงช่วงจังหวัดมุกดาหารมีความกว้างประมาณ 200 .....
2. จงเติมค่าลงในช่องว่างที่กำหนดให้ถูกต้อง
  - 1) พื้นที่ 1 ไร่ เท่ากับ ..... ตารางเมตร
  - 2) พื้นที่ 17 ตารางเมตร คิดเป็นพื้นที่ ..... ตารางเซนติเมตร
  - 3) ที่ดิน 3,119 ตารางวา เท่ากับที่ดิน ..... (ตอบเป็นไร่ งาน ตารางวา)
  - 4) กระดาษแผ่นหนึ่งมีพื้นที่ 720 ตารางนิ้ว กระดาษแผ่นนี้มีพื้นที่ ..... ตารางฟุต
  - 5) พื้นที่ 2 ตารางกิโลเมตร คิดเป็นพื้นที่ ..... ตารางเซนติเมตร (ตอบในรูป  $A \times 10^n$  เมื่อ  $1 \leq A < 10$  และ n เป็นจำนวนเต็ม)
  - 6) สวนสาธารณะแห่งหนึ่งมีพื้นที่ 5 ไร่ 2 งาน 22 ตารางวา แล้วสวนสาธารณะแห่งนี้จะมีพื้นที่ ..... ตารางวา
  - 7) ที่นา 2,900,000 ตารางเมตร เท่ากับที่นา ..... ตารางกิโลเมตร
  - 8) โลหะแผ่นหนึ่งมีพื้นที่ 3 ตารางฟุต โลหะแผ่นนี้จะมีพื้นที่ ..... ตารางนิ้ว
  - 9) พื้นที่ 9.5 ตารางวา จะเท่ากับ ..... ตารางเมตร
  - 10) ลุงสอนมีที่ดินอยู่ 2 งาน 68 ตารางวา คิดเป็นพื้นที่ ..... ตารางเมตร แล้วถ้าลุงสอนขายที่ดินไป ตารางเมตรละ 875 บาท ลุงสอนจะได้รับเงิน ..... บาท แสดงว่าที่ดินของลุงสอน ราคาไร่ละ..... บาท

### 3. จงตอบคำถามต่อไปนี้ พร้อมแสดงวิธีทำ

- 1) ส่วนแห่งหนึ่งมีพื้นที่ 4,800 ตารางเมตร คิดเป็นพื้นที่กี่ไร่
- 2) พื้นที่ 25 ตารางฟุต คิดพื้นที่กี่ตารางเซนติเมตร
- 3) ลุงแดงแบ่งที่ดินให้ลูกชาย 3 คน โดยแบ่งให้ลูกชายคนโตได้ 2 ไร่ ลูกชายคนกลาง 850 ตารางวา และลูกชายคนเล็กได้ 3,000 ตารางเมตร อยากทราบว่าใครได้ส่วนแบ่งที่ดินมากที่สุด
- 4) พื้นที่ 5,625 ไร่ คิดเป็นพื้นที่ กี่ตารางกิโลเมตร
- 5) สมเกียรติซื้อ โลหะแผ่นชนิดหนึ่ง 3 ตารางเมตร ราคา 456 บาท สมนึกซื้อ โลหะแผ่นชนิดเดียวกัน 4 ตารางวา ราคา 567 บาท อยากทราบว่าใครซื้อได้ถูกกว่ากัน ตารางเมตรละกี่บาท (กำหนด 1 หลา = 90 เซนติเมตร)

## เรื่องที่ 2 การเลือกใช้หน่วยการวัดความยาวและพื้นที่

การวัดความยาว หรือการวัดพื้นที่ ควรเลือกใช้หน่วยการวัดที่เป็นมาตรฐาน และเหมาะสมกับสิ่งที่ต้องการวัด เช่น

- ความหนาของกระเบื้องหรือความหนาของกระดาษ ใช้หน่วยวัดเป็น "มิลลิเมตร"
- ความยาวของกระเป๋าคือความสูงของนักเรียน ใช้หน่วยวัดเป็น "เซนติเมตร"
- ความยาวของถนน ความสูงของตึก ใช้หน่วยวัดเป็น "เมตร"
- ระยะทางจากกรุงเทพฯ ถึงนครศรีธรรมราช ใช้หน่วยวัดเป็น "กิโลเมตร"

### แบบฝึกหัดที่ 2

#### 1. จงเติมหน่วยการวัดที่เหมาะสมลงในช่องว่าง

1. ความยาวของรั้วโรงเรียน .....
2. ความหนาของหนังสือ .....
3. ระยะทางจากกรุงเทพฯ ถึงเชียงใหม่.....
4. น้ำหนักของแตงโม .....
5. เวลาที่นักเรียนใช้ในการวิ่งแข่งในระยะทาง 100 เมตร.....
6. อุณหภูมิห้อง .....
7. พื้นที่สวน .....
8. ปริมาณของน้ำ 1 เข็วยอก .....
9. ส่วนสูงของนักเรียน .....
10. น้ำหนักของข้าวสาร 1 ถุง .....

## เรื่องที่ 3 การหาพื้นที่ของรูปเรขาคณิต

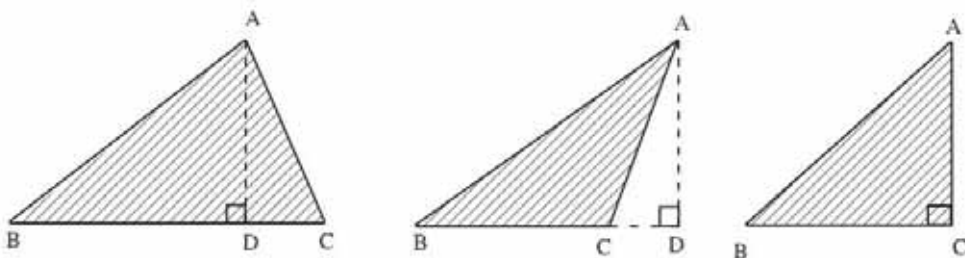
### 1. รูปสามเหลี่ยม

รูปสามเหลี่ยม คือ รูปปิดที่มีด้านสามด้าน มุมสามมุม เมื่อกำหนดให้ด้านใดด้านหนึ่งเป็นฐานของรูปสามเหลี่ยม แล้วมุมที่อยู่ตรงข้ามกับฐานจะเป็นมุมยอด และถ้าลากเส้นตรงจากมุมยอดมาตั้งฉากกับฐานหรือส่วนต่อของฐานจะเรียกเส้นตั้งฉากว่าส่วนสูง

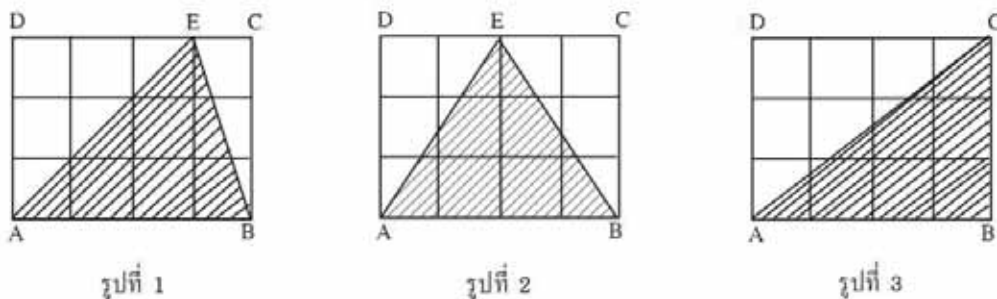
จากรูปสามเหลี่ยม ABC ให้กำหนด BC เป็นฐาน

เรียก A ว่า มุมยอด

เรียก AD ว่า ส่วนสูง



การคำนวณหาพื้นที่รูปสามเหลี่ยม



จากรูปที่ 1 รูปที่ 2 รูปที่ 3 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า ABCD แต่ละรูปเท่ากับ 12 ตารางหน่วย และพื้นที่สามเหลี่ยมแต่ละรูปเท่ากับครึ่งหนึ่งของพื้นที่รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า

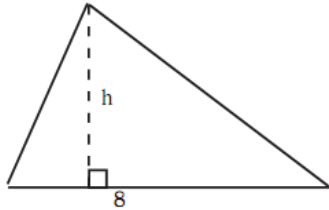
จากสูตร พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า = ฐาน  $\times$  สูง

ดังนั้น พื้นที่รูปสามเหลี่ยม =  $\frac{1}{2} \times$  ฐาน  $\times$  สูง



ตัวอย่าง รูปสามเหลี่ยมรูปหนึ่งพื้นที่ 40 ตารางเซนติเมตร และมีฐานยาว 8 เซนติเมตร จะมีความสูงกี่เซนติเมตร

วิธีทำ



ให้ความสูงของสามเหลี่ยม  $h$  เซนติเมตร

$$\text{สูตร พื้นที่ } \triangle = \frac{1}{2} \times \text{ฐาน} \times \text{สูง}$$

$$40 = \frac{1}{2} \times 8 \times h$$

$$\frac{40 \times 2}{8} = h$$

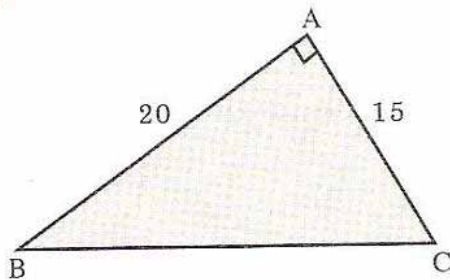
$$10 = h$$

ดังนั้น ความสูงของสามเหลี่ยมเท่ากับ 10 เซนติเมตร

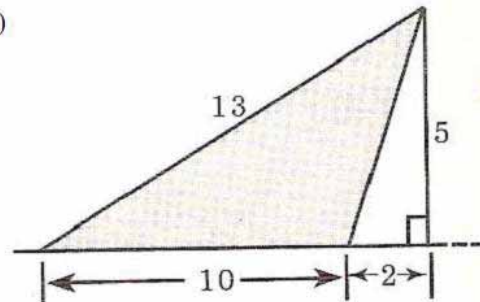
### แบบฝึกหัดที่ 3

1. จงหาพื้นที่ส่วนที่แรเงาของรูปต่อไปนี้ ตัวเลขที่เขียนกำกับด้านไว้ถือเป็นความยาวของด้าน และมีหน่วยเป็นหน่วยความยาว

1)



2)



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2. รูปสามเหลี่ยมหนึ่งรูปมีพื้นที่ 90 ตารางเซนติเมตร มีฐานยาว 12 เซนติเมตร จะมีความสูงกี่เซนติเมตร

.....

.....

.....

.....

.....

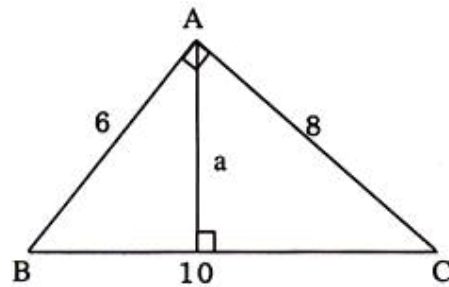
.....

.....

.....

.....

3. สามเหลี่ยมมุมฉาก ABC มีมุม BAC เป็นมุมฉาก และกำหนดความยาวของด้านดังรูป จงหาความยาวของด้าน A



.....

.....

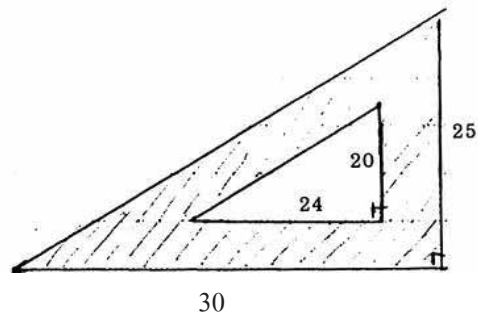
.....

.....

.....

.....

4. จงหาพื้นที่ของส่วนที่แรเงาของไม้ฉากรูปสามเหลี่ยม ซึ่งมีขนาดตามรูป (ความยาวที่กำหนดมีหน่วยเป็น เซนติเมตร)



.....

.....

.....

.....

.....

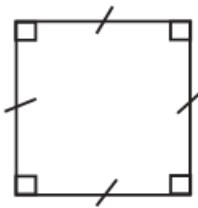
.....

.....

## 2. รูปสี่เหลี่ยม

2.1 พื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก

บทนิยาม รูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก คือ รูปสี่เหลี่ยมที่มีมุมแต่ละมุมเป็นมุมฉาก



รูปสี่เหลี่ยมมุมฉากมี 2 ชนิด คือ

ก) รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส

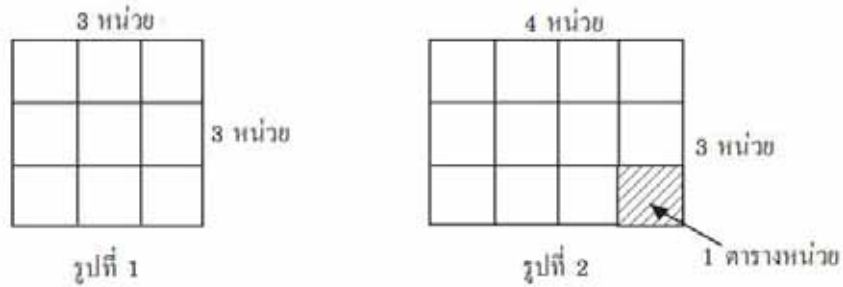
เป็นรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีด้านทุกด้านยาวเท่ากัน



ข) รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า

เป็นรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีด้านตรงข้ามยาวเท่ากัน

ถ้าแบ่งรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากออกเป็นตาราง ๆ โดยแบ่งด้านกว้างและด้านยาวออกเป็นส่วนๆ เท่าๆ กัน แล้วลากเส้นเชื่อมจุดแบ่งดังรูป



จากรูปตารางเล็กๆ ที่เกิดจากแบ่งแต่ละรูป จะมีความกว้าง 1 หน่วย และยาว 1 หน่วย คิดเป็น พื้นที่ 1 ตารางหน่วย

การหาพื้นที่ของสี่เหลี่ยมมุมฉากรูปที่ 1

สี่เหลี่ยมมุมฉากรูปที่ 1 มีด้านกว้าง 3 หน่วย ด้านยาว 3 หน่วย เมื่อแบ่งแล้วได้จำนวนตาราง 9 ตาราง หรือมีพื้นที่ 9 ตารางหน่วย

สี่เหลี่ยมมุมฉากรูปที่ 2 มีด้านกว้าง 3 หน่วย ด้านยาว 4 หน่วย เมื่อแบ่งแล้วได้จำนวนตาราง 12 ตาราง หรือมีพื้นที่ 12 ตารางหน่วย

การหาพื้นที่ดังกล่าว สามารถคำนวณได้จากผลคูณของด้านกว้างและด้านยาว

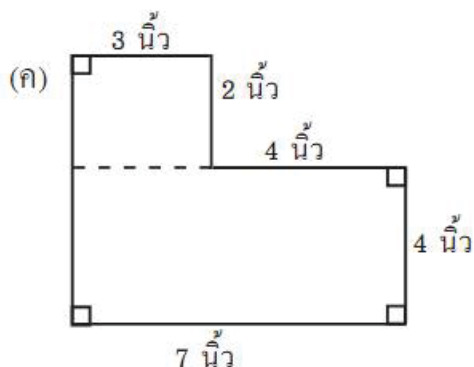
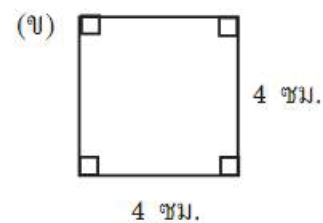
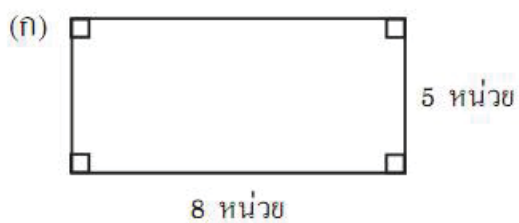
นั่นคือ พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก = ด้านกว้าง x ด้านยาว

ในกรณีที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส จะมีด้านกว้างเท่ากับด้านยาว

นั่นคือ พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก = ด้าน x ด้าน

หรือ พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก = (ด้าน)<sup>2</sup>

ตัวอย่างจงหาพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมต่อไปนี้



## วิธีทำ

$$\begin{aligned}
 \text{(ก) พ.ท. สี่เหลี่ยมผืนผ้า} &= \text{กว้าง} \times \text{ยาว} \\
 &= 5 \times 8 \\
 &= 40 \text{ ตารางหน่วย}
 \end{aligned}$$

ดังนั้น พื้นที่สี่เหลี่ยมผืนผ้า เท่ากับ 40 ตารางหน่วย ตอบ

$$\begin{aligned}
 \text{(ก) พ.ท. สี่เหลี่ยมผืนผ้า} &= \text{ด้าน} \times \text{ด้าน} \\
 &= 4 \times 4 \\
 &= 16 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

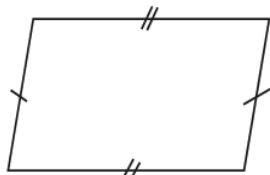
ดังนั้น พื้นที่สี่เหลี่ยมผืนผ้า เท่ากับ 16 ตารางเซนติเมตร ตอบ

$$\begin{aligned}
 \text{(ก) พ.ท. สี่เหลี่ยมผืนผ้า} &= (2 \times 3) + (4 \times 7) \\
 &= 6 + 28 \\
 &= 34 \text{ ตารางนิ้ว}
 \end{aligned}$$

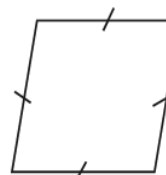
ดังนั้น พื้นที่สี่เหลี่ยมผืนผ้า เท่ากับ 34 ตารางนิ้ว ตอบ

## 2.2 พื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน

บทนิยาม รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน คือ รูปสี่เหลี่ยมที่มีด้านตรงข้ามขนานกันสองคู่



รูปที่ 1

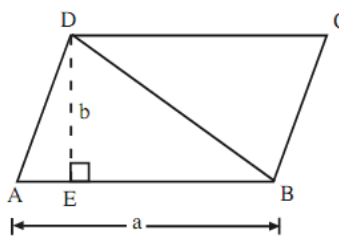


รูปที่ 2

การหาพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน



รูปที่ 1



รูปที่ 2

ถ้ารูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน ABCD กำหนด  $a$  แทนความยาวของด้าน  $AB$  และ  $b$  แทนความสูง  $DE$  จากรูปที่ 1 ลากเส้นทแยงมุม  $\overline{BD}$  และลาก  $\overline{DE}$  ให้ตั้งฉากกับ  $\overline{AB}$  ดังรูปที่ 2 เราสามารถใช้พื้นที่ของรูปสามเหลี่ยมหาสูตรพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน ABCD ได้ดังนี้

พื้นที่ของ  $\square ABCD$  เท่ากับผลบวกของพื้นที่  $\triangle ABD$  และพื้นที่  $\triangle CDB$

เนื่องจาก พื้นที่  $\triangle ABD$  เท่ากับ พื้นที่  $\triangle CDB$

ดังนั้น พื้นที่  $\square ABCD = 2$  เท่าของพื้นที่  $\triangle ABD$

$$= 2 \times \left( \frac{1}{2} \times a \times b \right)$$

สูตรพื้นที่ รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน = ความยาวของฐาน  $\times$  ความสูง

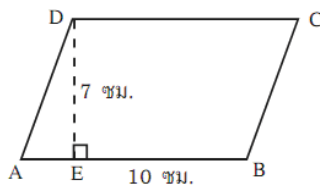
รูปสี่เหลี่ยมด้านขนานที่มีด้านทุกด้านยาวเท่ากันและมุมไม่เป็นมุมฉาก เรียกว่า รูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน

ในกรณีเป็นรูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน ถ้าลากเส้นทแยงมุม แบ่งรูปสี่เหลี่ยมออกเป็นรูปสามเหลี่ยมสองรูป และได้สูตรดังนี้

สูตรพื้นที่  $\square$  ขนมเปียกปูน =  $\frac{1}{2} \times$  ผลคูณของเส้นทแยงมุม

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่ของสี่เหลี่ยมด้านขนาน ABCD

วิธีทำ

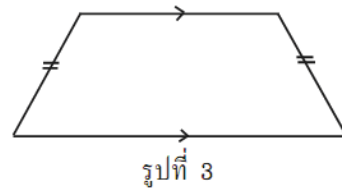
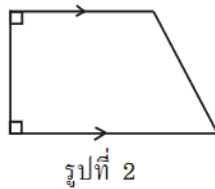
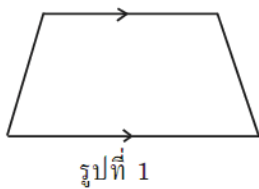


$$\begin{aligned}
 \text{รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน} &= \text{ฐาน} \times \text{สูง} \\
 &= AB \times AB \\
 &= 10 \times 7 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

ดังนั้น พื้นที่สี่เหลี่ยมด้านขนาน ABCD = 70 ตารางเซนติเมตร ตอบ

### 2.3 พื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมคางหมู

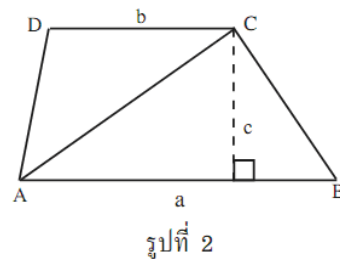
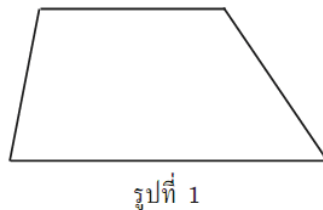
บทนิยาม รูปสี่เหลี่ยมคางหมู คือรูปสี่เหลี่ยมที่มีด้านขนานกันหนึ่งคู่เท่านั้น



รูปสี่เหลี่ยมทั้งสามรูป แต่ละรูปมีด้านขนานกันเพียง 1 คู่เท่านั้น รูปสามเหลี่ยมทั้งสามรูปจึงเป็นสี่เหลี่ยมคางหมู

รูปสี่เหลี่ยมรูปที่ 2 มีด้านที่ไม่ขนานกัน 1 ด้าน ตั้งฉากกับด้านคู่ขนาน เรียกรูปสี่เหลี่ยมคางหมูนี้ว่า สี่เหลี่ยมคางหมูมุมฉาก

รูปสี่เหลี่ยมรูปที่ 3 มีด้านที่ไม่ขนานกันยาวเท่ากัน เรียกรูปสี่เหลี่ยมคางหมูนี้ว่า สี่เหลี่ยมคางหมูหน้าจั่ว



รูปสี่เหลี่ยมคางหมู ABCD มีด้าน AB ขนานกับด้าน CD ลาก  $\overline{CE}$  ให้ตั้งฉากกับ  $\overline{AB}$  และลากเส้นทแยงมุม AC ดังรูปที่ 2

กำหนด a แทนความยาวของด้าน AB

b แทนความยาวของด้าน CD

c แทนความสูง

เราสามารถห้พื้นที่ของรูปสามเหลี่ยมหาสูตรพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมคางหมู ABCD ได้ดังนี้

พื้นที่  $\square ABCD$  เท่ากับ ผลบวกของ พื้นที่  $\triangle ABC$  และพื้นที่  $\triangle ACD$

$$\text{จากพื้นที่ } \triangle ABC = \frac{1}{2} \times a \times c$$

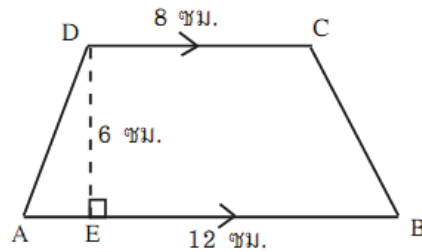
$$\text{พื้นที่ } \triangle ACD = \frac{1}{2} \times b \times c$$

$$\text{ดังนั้น พื้นที่ } \square ABCE = \left( \frac{1}{2} \times a \times e \right) + \left( \frac{1}{2} \times b \times e \right) = \frac{1}{2} \times c \times (a + b)$$

$$\text{สูตร พื้นที่ } \square \text{ คางหมู} = \frac{1}{2} \times \text{สูง} \times \text{ผลบวกด้านคู่ขนาน}$$

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่ของสี่เหลี่ยม ABCD

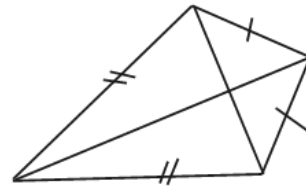
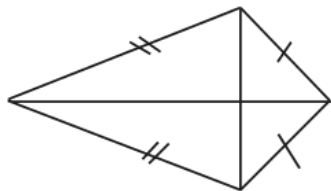
วิธีทำ



$$\begin{aligned} \text{พื้นที่สี่เหลี่ยมคางหมู } ABCD &= \frac{1}{2} \times \text{สูง} \times \text{ผลบวกด้านคู่ขนาน} \\ &= \frac{1}{2} \times DE \times (AB + DC) \\ &= \frac{1}{2} \times 6 \times (12 + 8) \\ &= 3 \times 20 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{ดังนั้น พื้นที่สี่เหลี่ยมคางหมู } ABCD &= 60 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

## 2.4 พื้นที่ของสี่เหลี่ยมรูปว่าว

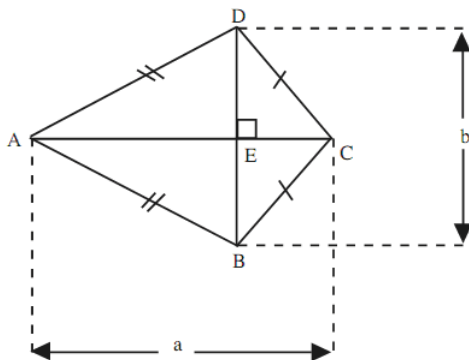
บทนิยาม รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว คือ รูปสี่เหลี่ยมที่มีด้านประชิดกันยาวเท่ากันสองคู่



เมื่อลากเส้นทแยงมุมของรูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว จะพบว่า เส้นทแยงมุมตัดกันเป็นมุมฉาก และแบ่งครึ่งซึ่งกันและกัน



การหาพื้นที่รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว



รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว ABCD มี  $\overline{AB} = \overline{AD}$  และ  $\overline{BC} = \overline{CD}$

กำหนด a แทนความยาวของเส้นทแยงมุม AC

b แทนความยาวของเส้นทแยงมุม BD

เส้นทแยงมุม AC และ BD ตัดกันที่จุด E

ทำให้ DE ตั้งฉากกับ AC

BE ตั้งฉากกับ AC

เราสามารถใช้พื้นที่รูปสามเหลี่ยมหาสูตรพื้นที่สี่เหลี่ยมรูปว่าว ABCD ได้ดังนี้

พื้นที่  $\square ABCD$  เท่ากับ ผลบวกของ พื้นที่  $\triangle ACD$  และพื้นที่  $\triangle ABC$

$$\text{จาก } \triangle ABC = \frac{1}{2} \times a \times \left( \frac{1}{2} \times b \right)$$

$$\triangle ADC = \frac{1}{2} \times a \times \left( \frac{1}{2} \times b \right)$$

$$\text{ดังนั้น พื้นที่ } \square ABCD = \left[ \frac{1}{2} \times a \times \left( \frac{1}{2} \times b \right) \right] + \left[ \frac{1}{2} \times a \times \left( \frac{1}{2} \times b \right) \right]$$

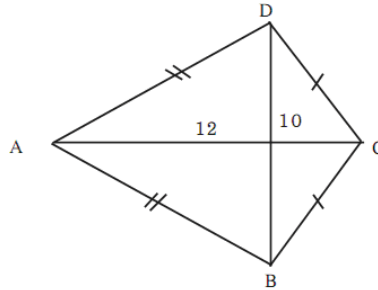
$$\text{พื้นที่ } \square ABCD = \frac{1}{2} \times a \times \left[ \left( \frac{1}{2} \times b \right) + \left( \frac{1}{2} \times b \right) \right]$$

$$= \frac{1}{2} \times a \times \left[ \frac{b}{2} + \frac{b}{2} \right]$$

$$= \frac{1}{2} \times a \times b$$

<p>สูตร พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปว่าว = <math>\frac{1}{2} \times</math> ผลคูณของเส้นทแยงมุม</p>
--

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว ABCD ที่มี  $\overline{BD} = 10$  เซนติเมตร และ  $\overline{AC} = 12$  เซนติเมตร  
วิธีทำ

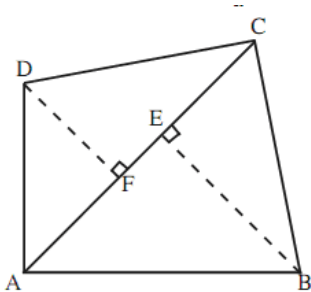


$$\begin{aligned} \text{พื้นที่รูปว่าว} &= \frac{1}{2} \times \text{ผลคูณของเส้นทแยงมุม} \\ &= \frac{1}{2} \times AC \times BD \\ &= \frac{1}{2} \times 12 \times 10 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

ดังนั้น พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว ABCD = 60 ตารางเซนติเมตร

## 2.5 พื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมใดๆ

รูปสี่เหลี่ยมใดๆ เป็นรูปสี่เหลี่ยมที่ไม่เข้าลักษณะของรูปสี่เหลี่ยมข้างต้น การหาพื้นที่อาจทำได้โดยลากเส้นทแยงมุม แล้วหาพื้นที่ของรูปสามเหลี่ยมที่เกิดขึ้น



จากรูปสี่เหลี่ยม ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมใดๆ จากเส้นทแยงมุม AC  
จากจุด B ลากเส้น  $\overline{BE}$  ให้ตั้งฉากกับ  $\overline{AC}$   
จากจุด D ลากเส้น  $\overline{DF}$  ให้ตั้งฉากกับ  $\overline{AC}$   
ซึ่งเส้น  $\overline{BE}$  และ  $\overline{DF}$  เรียกว่า เส้นกึ่ง

พื้นที่  $\square ABCD$  เท่ากับ ผลบวกของ พื้นที่  $\triangle ABC$  และพื้นที่  $\triangle ADC$

$$\text{จากพื้นที่ } \triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BE}$$

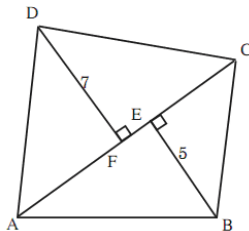
$$\text{พื้นที่ } \triangle ABD = \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{DF}$$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น พื้นที่ } \square ABCD &= \left( \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BE} \right) + \left( \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{DF} \right) \\ &= \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times (\overline{BE} + \overline{DF}) \end{aligned}$$

สูตร พื้นที่สี่เหลี่ยมใดๆ  $= \frac{1}{2} \times$  ความยาวของเส้นทแยงมุม  $\times$  ผลบวกของความยาวของเส้นกึ่ง

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยม ABCD มี AC = 10 เซนติเมตร เส้นกึ่ง DF = 7 เซนติเมตร และ EB = 5 เซนติเมตร

วิธีทำ



$$\begin{aligned}
 \text{พื้นที่ } \square ABCD &= \frac{1}{2} \times \text{เส้นทแยงมุม} \times \text{ผลบวกของความยาวของเส้นกึ่ง} \\
 &= \frac{1}{2} \times AC \times (BE + DF) \\
 &= \frac{1}{2} \times 10 \times (7 + 5) \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

ดังนั้น พื้นที่  $\square ABCD = 60$  ตารางเซนติเมตร

#### แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงหาพื้นที่ของรูปสี่เหลี่ยมจตุรัส

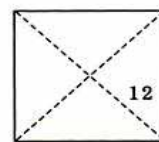
1) รูป  $\square$  จตุรัส

ด้านยาวด้านละ 8 เซนติเมตร



2) รูป  $\square$  จตุรัส

เส้นทแยงมุมยาว 12 เซนติเมตร



3) รูป  $\square$  สี่เหลี่ยมผืนผ้า

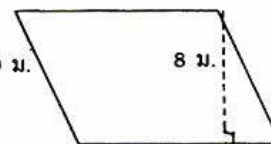
4 ซม.



7 ซม.

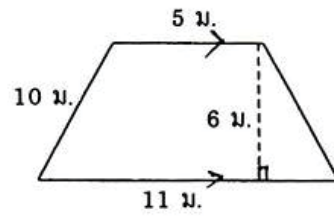
4) รูป  $\square$  ด้านขนาน

10 ม.

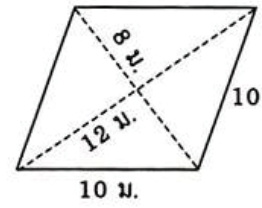


12 ม.

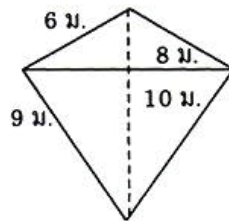
5) รูป □ กางหมู



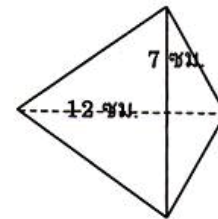
6) รูป □ ขนมหงอก



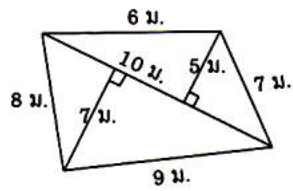
7) รูป □ รูปว่าว



8) รูป □ รูปว่าว



9) รูป □ ใด ๆ

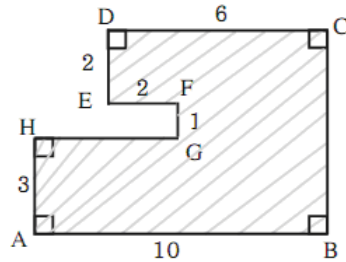




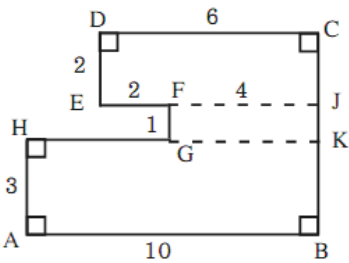
### 2.6 พื้นที่รูปหลายเหลี่ยม

การหาพื้นที่รูปหลายเหลี่ยม ใช้วิธีแบ่งรูปหลายเหลี่ยม เป็นรูปสี่เหลี่ยมย่อยๆ แล้ว หาพื้นที่ของรูปแต่ละรูปนำผลลัพธ์มารวมกัน แต่บางครั้งอาจใช้วิธีต่อเติมรูปเพื่อให้เกิดรูปเหลี่ยมใหม่แล้วนำมาหักลบกัน ดังตัวอย่าง

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่รูปเหลี่ยมที่แรเงา



วิธีทำ ลากต่อ  $\overline{EF}$  และ  $\overline{HG}$  ทำให้เกิดเป็นรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากย่อย 3 รูป คือ  $\square DEJC$ ,  $\square FGKJ$ ,  $\square ABKH$



จากรูป  $EJ = 6$  เซนติเมตร

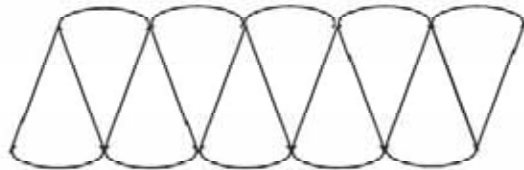
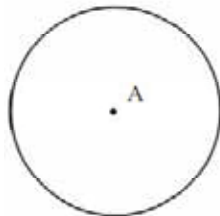
$FJ = 4$  เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{พื้นที่รูปหลายเหลี่ยม } ABCDEFGH &= \text{พ.ท.} \square DEJC + \text{พ.ท.} \square FGKJ + \text{พ.ท.} \square ABKH \\ &= (2 \times 6) + (1 \times 4) + (3 \times 10) \\ &= 12 + 4 + 30 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

ดังนั้น พื้นที่รูปหลายเหลี่ยม  $ABCEFGH = 46$  ตารางเซนติเมตร

### 2.7 พื้นที่รูปวงกลม

การหาพื้นที่ของรูปวงกลมโดยวิธีแบ่งออกเป็นส่วนเล็กๆ แล้วนำแต่ละส่วนมาสลับกัน ดังรูป



จะเห็นได้ว่า ถ้ายิ่งแบ่งส่วนย่อยให้มีจำนวนมากขึ้นรูปสี่เหลี่ยมที่ได้จะมีรูปใกล้เคียงกับรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า โดยมีส่วนสูงใกล้เคียงกับรัศมีของวงกลม

ความยาวของฐาน ใกล้เคียงกับครึ่งหนึ่งของเส้นรอบวง หรือ  $\frac{1}{2}(2\pi r) = \pi r$

$$\begin{aligned} \text{จากสูตร พื้นที่} \square \text{ผืนผ้า} &= \text{ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= (\pi r) \times r \\ &= \pi r^2 \end{aligned}$$

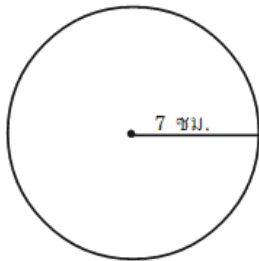
$$\text{สูตร พื้นที่วงกลม} = \pi r^2$$

เมื่อ  $\pi = \frac{22}{7}$  หรือ 3.14 โดยประมาณ

r แทนความยาวรัศมี

ตัวอย่าง จงหาพื้นที่วงกลมที่มีรัศมียาว 7 เซนติเมตร

วิธีทำ

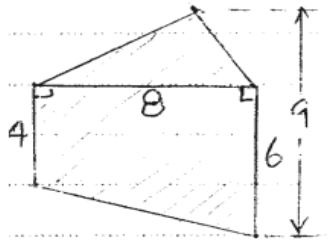


$$\begin{aligned} \text{พื้นที่วงกลม} &= \pi r^2 \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่วงกลม} &= 154 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

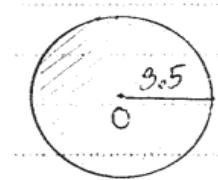
## แบบฝึกหัดที่ 5

1. จงหาพื้นที่ส่วนที่แรเงา ตัวเลขที่เขียนกำกับด้านมีหน่วยเป็นเซนติเมตร และจุด O แทนจุดศูนย์กลางของวงกลม

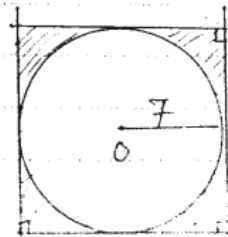
1)



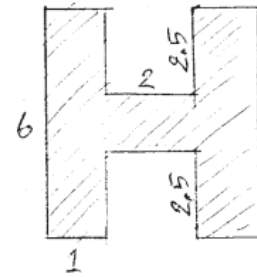
2)



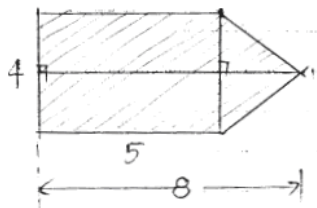
3)



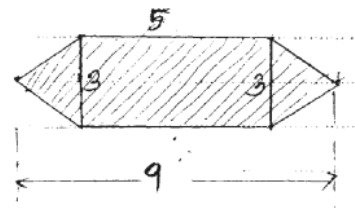
4)



5)



6)

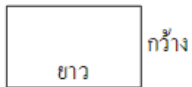


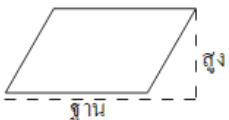


## สรุปสูตรการหาพื้นที่

### 1. พื้นที่ (Surface area)

การหาพื้นที่สี่เหลี่ยม

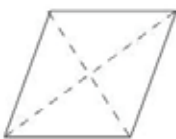
1)  พ.ท. □ พื้นผ้า = กว้าง × ยาว

2)  พ.ท. □ ด้านขนาน = ฐาน × สูง

เส้นทแยงมุมตัดกันเป็นมุมฉาก

3)  พ.ท. □ จตุรัส = ด้าน × ด้าน = (ด้าน)<sup>2</sup>

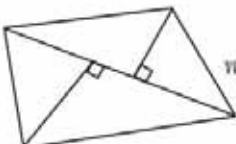
พ.ท. □ จตุรัส =  $\frac{1}{2}$  × ผลคูณของเส้นทแยงมุม

4)  พ.ท. □ ขนมเปียกปูน = ฐาน × สูง

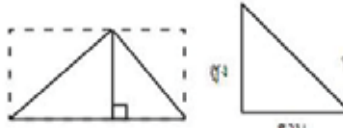
พ.ท. □ ขนมเปียกปูน =  $\frac{1}{2}$  × ผลคูณของเส้นทแยงมุม

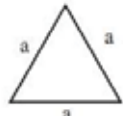
5)  พ.ท. □ รูปว่าว =  $\frac{1}{2}$  × ผลคูณของเส้นทแยงมุม

6)  พ.ท. □ ทางหญ้า =  $\frac{1}{2}$  × สูง × ผลบวกของด้านคู่ขนาน

7)  พ.ท. □ ด้านไม่เท่า =  $\frac{1}{2}$  × เส้นทแยงมุม × ผลบวกของเส้นกึ่ง

## พื้นที่สามเหลี่ยม

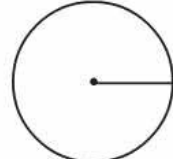
1)  พ.ท.  $\triangle$  ใด ๆ =  $\frac{1}{2} \times \text{ฐาน} \times \text{สูง}$

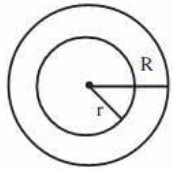
2)  พ.ท.  $\triangle$  ด้านเท่า =  $\frac{\sqrt{3}}{4} \times a^2$

3)  พ.ท.  $\triangle$  ใด ๆ =  $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

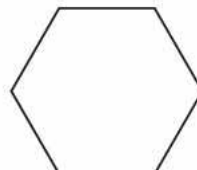
เมื่อ  $a, b, c$  เป็นความยาวของด้านทั้งสาม  $s = \frac{a+b+c}{2}$

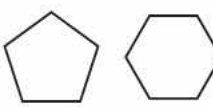
## พื้นที่วงกลมและวงแหวน

1)  พ.ท. วงกลม =  $\pi r^2$  เส้นรอบวง =  $2\pi r$   
 $r$  แทน รัศมี  
 $\pi$  ประมาณ  $\frac{22}{7}$  หรือ 3.1416

2)  พ.ท. วงแหวน =  $\pi(R^2 - r^2)$   
 $R$  แทน รัศมีของวงกลมรูปใหญ่  
 $r$  แทน รัศมีของวงกลมรูปเล็ก

## พื้นที่หลายเหลี่ยมด้านเท่ามุมเท่า

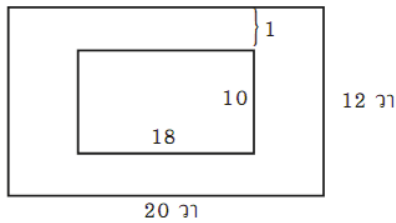
1)  พ.ท. หลายเหลี่ยมด้านเท่า =  $\frac{3\sqrt{3}}{2} \times (\text{ด้าน})^2$

2)  พ.ท. หลายเหลี่ยมด้านเท่า  
 $= \frac{1}{2} \times \text{เส้นรอบรูป} \times \text{เส้นตั้งฉากจากจุดศูนย์กลางไปยังด้าน}$

## เรื่องที่ 4 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับพื้นที่ในสถานการณ์ต่างๆ

ตัวอย่าง ที่ดินรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง 12 เมตร ยาว 20 วา ต้องการทำถนนในที่ดินกว้าง 1 วา โดยรอบถนนจะมีพื้นที่ที่ติดราววา

วิธีทำ



$$\begin{aligned}
 \text{พื้นที่ทั้งหมด} &= 12 \times 20 \\
 &= 240 \text{ ตารางวา} \\
 \text{พื้นที่รูปใน} &= 10 \times 18 \\
 &= 180 \text{ ตารางวา} \\
 \text{พื้นที่ถนน} &= 240 - 180 \\
 \therefore \text{พื้นที่ถนน} &= 60 \text{ ตารางวา}
 \end{aligned}$$

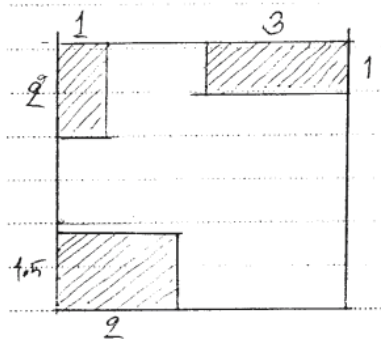
ตัวอย่าง ห้องๆ หนึ่ง 6.5 เมตร กว้าง 4 เมตร ต้องการปูกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ซึ่งมีความกว้างด้านละ 25 เซนติเมตร จะต้องใช้กระเบื้องกี่แผ่น

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{ห้องหนึ่งมีความยาว } 6.5 \text{ เซนติเมตร} &= 650 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{ความกว้าง } 4 \text{ เมตร} &= 400 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ห้อง} &= 400 \times 650 = 260,000 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่กระเบื้อง} &= 25 \times 25 = 625 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{ต้องใช้กระเบื้อง} &= \frac{260,000}{625} = 416 \text{ แผ่น}
 \end{aligned}$$

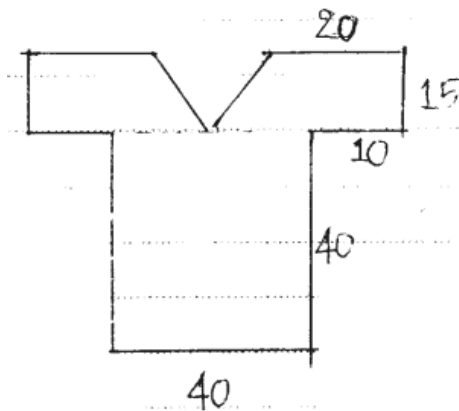
ดังนั้น ต้องใช้กระเบื้อง 416 แผ่น

## แบบฝึกหัดที่ 6

1. แผนผังบ้านหลังหนึ่งมีลักษณะและขนาดดังรูป ถ้าบริเวณที่แรเงาต้องการเทพูนซีเมนต์ โดยเสียค่าใช้จ่ายตารางเมตรละ 250 บาท จะต้องเสียค่าใช้จ่ายทั้งหมดกี่บาท กำหนดความยาวมีหน่วยเป็นเมตร



2. ต้องการตัดเสื่อตัวหนึ่งมีลักษณะดังรูป จะต้องใช้ผ้ากี่ตารางเมตร (ไม่คิดตะเข็บ) ความยาวที่กำหนดมีหน่วยเป็นเซนติเมตร



## เรื่องที่ 5 การคาดคะเนเวลา ระยะทาง ขนาด น้ำหนัก

ในชีวิตประจำวันบางครั้งเราอาจต้องการทราบรายละเอียดเกี่ยวกับเวลา ระยะทาง ขนาด หรือน้ำหนัก ของสิ่งต่างๆ แต่ไม่สะดวกที่จะวัดสิ่งต่างๆ เหล่านั้น เนื่องจากมีข้อจำกัดบางประการ ตัวอย่างเช่น ต้องการวัดความยาว และความกว้างของสนามฟุตบอลของโรงเรียน แต่ไม่มีอุปกรณ์ที่เหมาะสม ทำให้ต้องมีที่ประมาณอย่างคร่าวๆ ซึ่งในบางครั้งอาจจะถูกต้อง หรืออาจผิดไปจากความเป็นจริงบ้าง เราเรียกวิธีการประมาณในลักษณะนี้ว่า การคาดคะเน

การคาดคะเนปริมาณต่างๆ เช่น ช่วงเวลา ระยะทาง ขนาด และน้ำหนักของสิ่งต่างๆ ผู้คาดคะเนมักใช้สายตารวมกับประสบการณ์ของผู้คาดคะเนเอง ซึ่งในการคาดคะเนแต่ละครั้งอาจถูกต้องพอดี หรืออาจมีข้อผิดพลาดเกิดขึ้นบ้างก็ได้ เราเรียกข้อผิดพลาดนี้ว่า ความคลาดเคลื่อนและความคลาดเคลื่อนคำนวณได้จากผลต่างของปริมาณที่คาดคะเนไว้กับปริมาณที่วัดได้จริง เช่น

คะเนว่าหนังสือเรียนกว้าง 15 เซนติเมตร ยาว 20 เซนติเมตร และหนา 1 เซนติเมตร แต่เมื่อวัดจริงพบว่าหนังสือเรียนกว้าง 14.6 เซนติเมตร ยาว 20.9 เซนติเมตร และหนา 1 เซนติเมตร ดังนั้นคะเนความกว้างและความยาวของหนังสือเรียนคลาดเคลื่อนไป 0.4 และ 0.9 ตามลำดับ ( $15.0$  เซนติเมตร  $-$   $14.6$  เซนติเมตร  $=$   $0.4$  เซนติเมตร และ  $20.9$  เซนติเมตร  $-$   $20$  เซนติเมตร  $=$   $0.9$  เซนติเมตร ส่วนความหนาคาดคะเนได้ถูกต้องไม่คลาดเคลื่อนเลย )

หมายเหตุ บางครั้งอาจพบการใช้สัญลักษณ์  $\pm$  ตามความคลาดเคลื่อน เช่น เครื่องบรรจุน้ำได้ขวดละ 1,000 ลูกบาศก์เซนติเมตร  $\pm$  5 ลูกบาศก์เซนติเมตร หมายความว่า โดยปกติแล้วน้ำดื่มที่บรรจุขวดโดยเครื่องนี้จะมีปริมาตร 1,000 ลูกบาศก์เซนติเมตร แต่อาจจะมีบางขวดที่มีปริมาตรมากกว่าหรือน้อยกว่า 1,000 ลูกบาศก์เซนติเมตร ซึ่งปริมาตรที่คลาดเคลื่อนนี้ไม่เกิน 5 ลูกบาศก์เซนติเมตร นั่นคือ น้ำดื่มที่บรรจุขวดจะมีปริมาตรตั้งแต่ 995 ลูกบาศก์เซนติเมตร ถึง 1,005 ลูกบาศก์เซนติเมตร

### แบบฝึกหัดที่ 7

1. จงคาดคะเนเวลาหรือช่วงเวลาที่ให้เหมาะสมกับสถานการณ์ต่อไปนี้
  - 1) ไฟาใกล้สว่าง อากาศเย็นสบาย ไม้ตัวผู้ตีปีกและส่งเสียงขัน มีน้ำค้างจับตามยอดหญ้า น่าจะเป็นเวลาประมาณ.....นาฬิกา
  - 2) เมื่ออยู่กลางแจ้งดวงอาทิตย์อยู่ตรงศีรษะพอดี เงาของตัวเองอยู่บนพื้นที่ยื่นอยู่พอดี น่าจะเป็นเวลาประมาณ.....นาฬิกา
  - 3) ในจังหวัดทางภาคเหนือเป็นเวลาเช้าตรู่ ไฟาสว่างแล้ว แต่ยังไม่เห็นพระอาทิตย์ ท้องฟ้าหมกขมัวอากาศหนาวเย็นจัด น่าจะเป็นฤดู.....และควรจะเป็นช่วงเดือน.....
  
2. จงวงกลมล้อมรอบข้อที่เหมาะสมที่สุด สำหรับใช้หน่วยในการคาดคะเน ระยะทาง น้ำหนัก หรือขนาดของสิ่งต่อไปนี้
  - 1) ความยาวของกัตเตอร์
 

ก. 1.5 มิลลิเมตร	ข. 15 เซนติเมตร	ค. 15 เมตร
------------------	-----------------	------------
  - 2) น้ำหนักของมะพร้าว 1 ผล
 

ก. 1 กรัม	ข. 1 กิโลกรัม	ค. 1 ตัน
-----------	---------------	----------
  - 3) ปริมาณของนม 1 กล่อง
 

ก. $4 \times 5 \times 12$ เซนติเมตร <sup>3</sup>	ข. $4 \times 5 \times 12$ ฟุต <sup>3</sup>	ค. $4 \times 5 \times 12$ เมตร <sup>3</sup>
--	--	---
  - 4) รถกระบะ
 

4.1 มีน้ำหนัก	ก. 10 กิโลกรัม	ข. 100 กิโลกรัม	ค. 1 ตัน
4.2 ความกว้าง	ก. 160 เซนติเมตร	ข. 16 ฟุต	ค. 16 เมตร
4.3 ความยาว	ก. 5 ฟุต	ข. 5 เมตร	ค. 5 วา
4.4 ความสูง	ก. 160 มิลลิเมตร	ข. 1,600 มิลลิเมตร	ค. 16,000 มิลลิเมตร
  - 5) เก้าอี้หนัง
    - 5.1 กว้าง ยาว สูง
 

ก. $40 \times 50 \times 80$ มิลลิเมตร <sup>3</sup>	ข. $40 \times 50 \times 80$ เซนติเมตร <sup>3</sup>	ค. $4 \times 5 \times 8$ เมตร <sup>3</sup>
--	--	--
    - 5.2 น้ำหนัก
 

ก. 10 กิโลกรัม	ข. 100 กิโลกรัม	ค. 1 ตัน
----------------	-----------------	----------

3. ทางหลวงสายพหลโยธินกรุงเทพฯ-แม่สาย ยาว 952 กิโลเมตร รถประจำทางปรับอากาศวิ่งบนทางหลวงสายนี้ตลอดเส้นทางด้วยอัตราเร็ว 80-100 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

- (1) รถประจำทางปรับอากาศใช้เวลาวิ่งตลอดเส้นทางนานเท่าไร
- (2) ถ้ารถออกจากกรุงเทพฯ ประมาณ 18.00 นาฬิกา จะถึงแม่สายในช่วงใด
- (3) ถ้าต้องการให้ถึงแม่สายประมาณเที่ยงวันที่ 16 กันยายน จะต้องออกจากกรุงเทพฯ เวลาเท่าไร

4. ลิฟต์ของโรงแรมแห่งหนึ่งบรรจุผู้โดยสารได้ทีละไม่เกิน 10 คน (600 กิโลกรัม) บางครั้งมีผู้โดยสารเข้าลิฟต์เพียง 8 คน ลิฟต์จะมีเสียงเตือน บางครั้งมีผู้โดยสาร 12 คน ลิฟต์ไม่มีเสียงเตือนยังใช้งานได้เป็นเพราะเหตุใด จงอธิบาย

5. ทางหลวงสายเพชรเกษม (กรุงเทพฯ-บ้านคลองพราน จังหวัดนราธิวาส) 1,352 กิโลเมตร ทางหลวงสายมิตรภาพ (กรุงเทพฯ-จังหวัดหนองคาย) 508 กิโลเมตร ทางหลวงสายสุขุมวิท (กรุงเทพฯ-จังหวัดตราด) 400 กิโลเมตร

- (1) ถ้าขับรถจากบ้านคลองพรานตามทางหลวงสายเพชรเกษมผ่านกรุงเทพฯ แล้วมุ่งสู่จังหวัดหนองคายตามทางหลวงสายมิตรภาพ ด้วยอัตราเร็วในช่วง 90-100 กิโลเมตรต่อชั่วโมง จะใช้เวลาประมาณกี่ชั่วโมง
- (2) ถ้าเดินทางจากกรุงเทพฯ ไปตามทางหลวงสายเพชรเกษม เวลา 12.00 นาฬิกา วันนี้ จะถึงจังหวัดนราธิวาสเมื่อใด โดยใช้อัตราความเร็ว 100 กิโลเมตรต่อชั่วโมง
- (3) ถ้าต้องการเดินทางจากกรุงเทพฯ ไปจังหวัดตราดทางหลวงสายสุขุมวิท และถึงจังหวัดตราดประมาณเที่ยงวัน จะต้องออกจากกรุงเทพฯ เวลาใด เมื่อใช้อัตราความเร็ว 80 กิโลเมตรต่อชั่วโมง
- (4) ให้นักเรียนเปรียบเทียบความยาวของทางหลวงทั้งสามสาย

## บทที่ 6

### ปริมาตรและพื้นที่ผิว

#### สาระสำคัญ

การหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของ ปริซึม พีระมิด ทรงกระบอก กรวย ทรงกลม จำเป็นจะต้องรู้กระบวนการคิด และการใช้สูตร เพื่อสะดวกในการคำนวณอันจะเป็นประโยชน์ต่อการนำไปใช้ในชีวิตจริง

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. อธิบายลักษณะและสมบัติของปริซึม พีระมิด ทรงกระบอก กรวย ทรงกลม หาปริมาตรและพื้นที่ผิวของปริซึมได้
2. สามารถหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของทรงกระบอกได้
3. สามารถหาปริมาตรของพีระมิด กรวยและทรงกลมได้
4. เปรียบเทียบหน่วย ความจุ หรือหน่วยปริมาตรในระบบเดียวกันหรือต่างระบบ และเลือกใช้หน่วยการวัดเกี่ยวกับความจุหรือปริมาตรได้อย่างเหมาะสม
5. ใช้ความรู้เกี่ยวกับปริมาตรและพื้นที่ผิวแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่าง ๆ ได้
6. ใช้การคาดคะเนเกี่ยวกับปริมาตรและพื้นที่ผิวในสถานการณ์ต่าง ๆ ได้อย่างเหมาะสม

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- เรื่องที่ 1 ลักษณะสมบัติและการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึม
- เรื่องที่ 2 การหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของทรงกระบอก
- เรื่องที่ 3 การหาปริมาตรของพีระมิด กรวยและทรงกลม
- เรื่องที่ 4 การเปรียบเทียบหน่วยปริมาตร
- เรื่องที่ 5 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับปริมาตรและพื้นที่ผิว
- เรื่องที่ 6 การคาดคะเนปริมาตรและพื้นที่ผิว

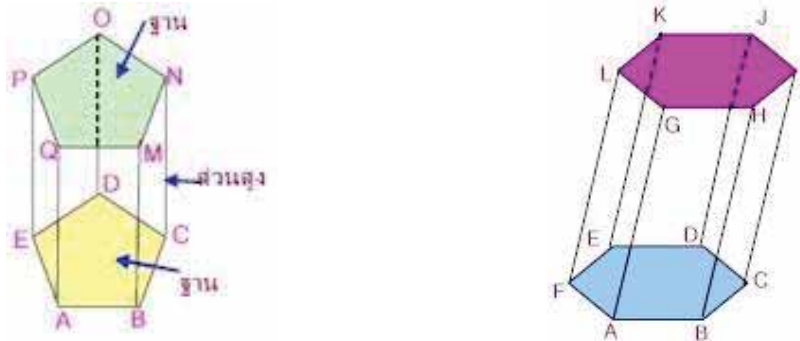


## เรื่องที่ 1 ลักษณะสมบัติและการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึม

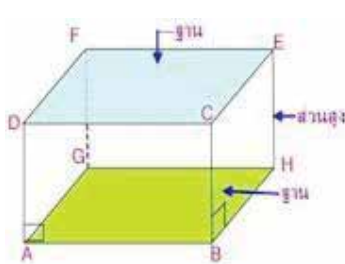
### พื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึม

รูปเรขาคณิตสามมิติที่มีหน้าตัด (ฐาน) ทั้งสองเป็นรูปหลายเหลี่ยมที่เท่ากันทุกประการและอยู่ในระนาบที่ขนานกันมีหน้าข้างเป็นรูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน เรียกว่าปริซึม

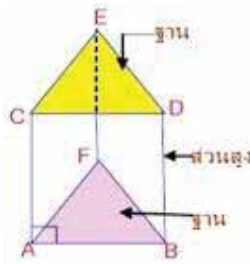
ส่วนต่างๆ ของปริซึมมีชื่อเรียกดังนี้



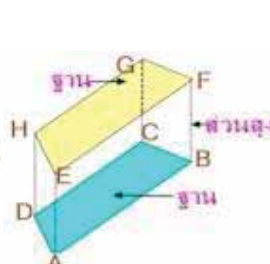
เราเรียกชื่อปริซึมชนิดต่าง ๆ ตามลักษณะของฐานของปริซึมดังตัวอย่าง



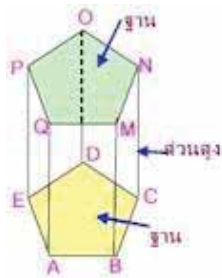
ปริซึมสี่เหลี่ยมผืนผ้า



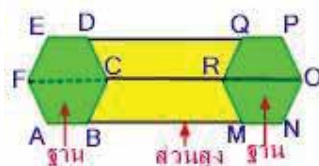
ปริซึมสามเหลี่ยม



ปริซึมสี่เหลี่ยมคางหมู



ปริซึมห้าเหลี่ยม

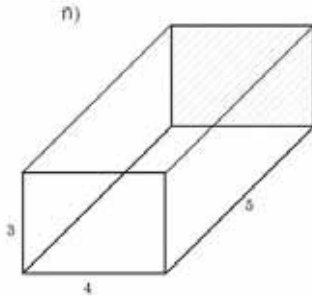


ปริซึมหกเหลี่ยม

สูตร	การหาพื้นที่ผิวของปริซึม	=	พื้นที่ผิวข้าง + พื้นที่ผิวน้ำตัด
	ปริมาตรปริซึม	=	พื้นที่ฐาน x สูง

ตัวอย่าง 1 จงหาพื้นที่ผิวของปริซึมต่อไปนี้ กำหนดความยาวที่หน่วยเป็นเซนติเมตร

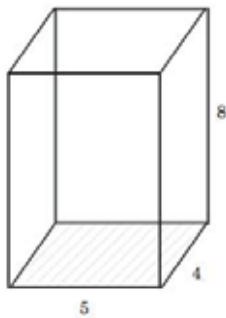
วิธีทำ



$$\begin{aligned}
 \text{พื้นที่ผิวด้านข้าง 4 ด้าน} &= 2(3 \times 5) + 2(4 \times 5) \\
 &= 70 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่หน้าตัด} &= 2(3 \times 4) \\
 &= 24 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ผิวของปริซึม} &= 70 + 24 \\
 &= 94 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

ตัวอย่าง 2 จงหาปริมาตรของปริซึมต่อไปนี้ (ความยาวที่กำหนดให้มีหน่วยเป็นเมตร)

วิธีทำ

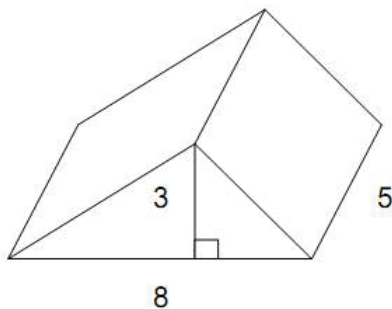


$$\begin{aligned}
 \text{ปริมาตรปริซึม} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\
 &= (4 \times 5) \times 8 \\
 &= 160 \text{ ลูกบาศก์เมตร}
 \end{aligned}$$

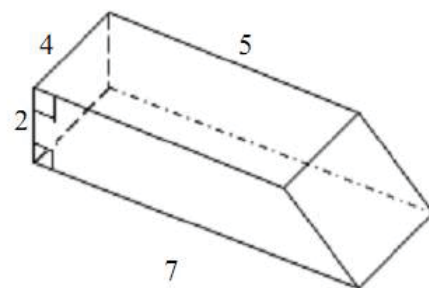
### แบบฝึกหัดที่ 1

จงหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึมต่อไปนี้

1)

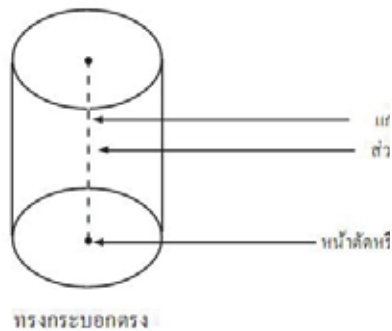


2)



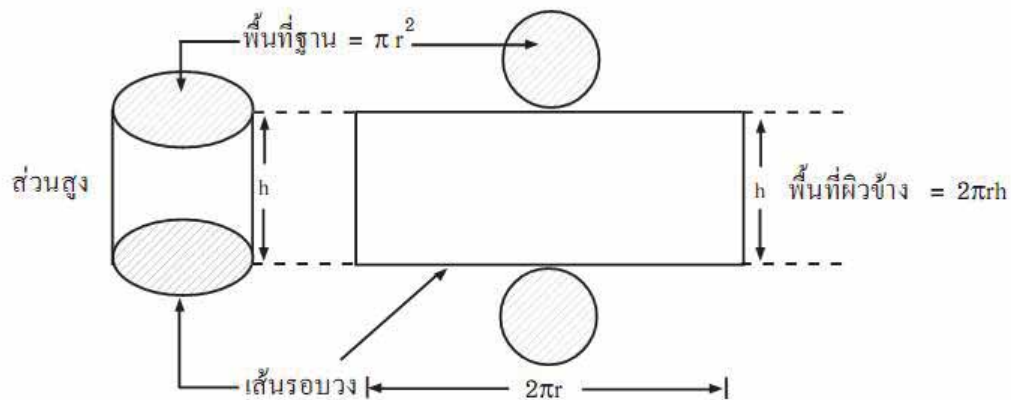
## เรื่องที่ 2 การหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของทรงกระบอก

ทรงกระบอก คือ ทรงสามมิติที่มีฐานเป็นรูปวงกลมที่เท่ากันทุกประการ และอยู่ในระนาบที่ขนานกัน ซึ่งเมื่อตัดทรงสามมิตินี้ด้วยระนาบที่ขนานกับฐานแล้วจะได้รอยตัดเป็นวงกลมที่เท่ากันทุกประการกับฐานเสมอ



### พื้นที่ผิวของทรงกระบอก

เมื่อคลี่ผิวข้างของทรงกระบอกใด ๆ พบว่า จะเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีความยาวเท่ากับเส้นรอบวงฐานวงกลม และส่วนสูงเท่ากับ ความสูงของทรงกระบอก



สูตร	พื้นที่ผิวของทรงกระบอก	=	พื้นที่ผิวข้าง + พื้นที่ฐานทั้งสอง
		=	$2\pi rh + 2\pi r^2$
	เมื่อ	r แทน	รัศมีของฐานของทรงกระบอก
		h แทน	ความสูงของทรงกระบอก

ปริมาตรทรงกระบอก

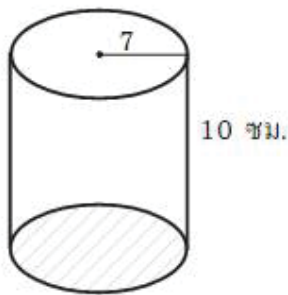
$$\begin{aligned} \text{จาก ปริมาตรของปริซึม} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ \text{ปริมาตรทรงกระบอก} &= \pi r^2 h \end{aligned}$$

สูตร ปริมาตรทรงกระบอก = $\pi r^2 h$
-------------------------------------

ตัวอย่างที่ 5 ครอบง้อมทรงกระบอกใบหนึ่งมีรัศมี 7 เซนติเมตร และสูง 10 เซนติเมตร

- ก) ต้องการปิดกระดาดรอบข้างและปิดฝาทั้งสองจะต้องใช้กระดาดกี่ตารางเซนติเมตร  
ข) ครอบง้อมใบนี้มีความจุกี่ลูกบาศก์เซนติเมตร

วิธีทำ



$$\begin{aligned} r &= 7 \\ h &= 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ก) พื้นที่ฐานทั้งหมด} &= 2\pi r^2 \\ &= 2 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \\ &= 308 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่ผิวข้าง} &= \text{ความยาวรอบฐาน} \times \text{สูง} \\ &= 2\pi r \times h \\ &= 2 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 10 \\ &= 440 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่ผิวครอบง้อม} &= 308 + 440 \\ &= 748 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ข) ปริมาตร} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= \pi r^2 h \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 10 \\ &= 1,540 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

ดังนั้น ก. ต้องใช้กระดาด 748 ตารางเซนติเมตร

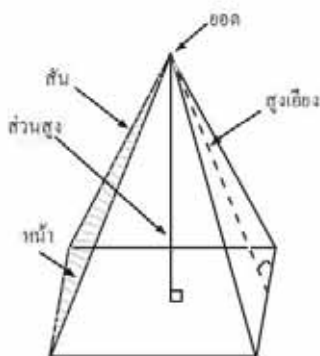
ข. ครอบง้อมมีความจุ 1,540 ลูกบาศก์เซนติเมตร



## เรื่องที่ 3 การหาปริมาตรของพีระมิด กรวยและทรงกลม

### 3.1 พื้นที่ผิวและปริมาตรของพีระมิด

พีระมิด คือ ทรงสามมิติที่มีฐานเป็นรูปเหลี่ยมใดๆ มียอดแหลม ซึ่งไม่อยู่ในระนาบเดียวกับฐาน และหน้าทุกหน้าเป็นรูปสามเหลี่ยม ที่มีจุดยอดร่วมกันที่ยอดแหลม



พีระมิดฐานสี่เหลี่ยม



พีระมิดฐานหกเหลี่ยม



พีระมิดฐานสามเหลี่ยม

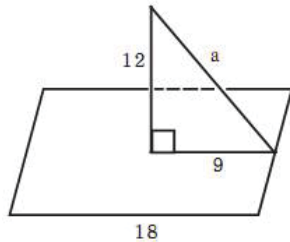
ลักษณะของพีระมิดตรง

1. หน้าของพีระมิดตรงเป็นรูปสามเหลี่ยมหน้าจั่ว
2. สันของพีระมิดตรงจะยาวเท่ากันทุกเส้น
3. ความสูงเอียงของพีระมิดตรง ด้านเท่า มุมเท่า จะยาวเท่ากันทุกเส้น
4. ปริมาตรของพีระมิด เป็นหนึ่งในสามของปริมาตร ปริซึมที่มีฐานเท่ากับพีระมิด และมีส่วนสูงเท่ากับพีระมิด

สูตร	พื้นที่ผิวข้างของพีระมิด	=	$\frac{1}{2} \times$ ความยาวรอบฐาน $\times$ สูงเอียง
	พื้นที่ผิวทั้งหมดของพีระมิด	=	พื้นที่ผิวข้าง + พื้นที่ฐาน
	ปริมาตรของพีระมิด	=	$\frac{1}{3} \times$ พื้นที่ฐาน $\times$ สูง

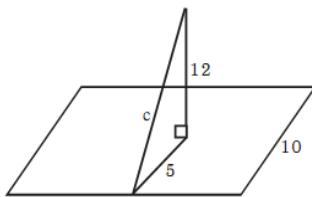
ตัวอย่างที่ 3 พีระมิดฐานสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 10 เซนติเมตร ยาว 18 เซนติเมตร และความสูงของพีระมิดเป็น 12 เซนติเมตร จงหาความสูงเอียงของพีระมิดทั้งสองด้าน

1. ความสูงเอียงด้านกว้าง



$$\begin{aligned} a^2 &= 12^2 + 9^2 \\ &= 144 + 81 \\ a^2 &= 225 \\ a &= 15 \text{ เซนติเมตร} \end{aligned}$$

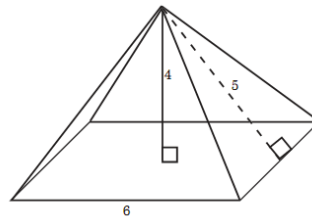
2. ความสูงเอียงด้านยาว



$$\begin{aligned} c^2 &= 5^2 + 12^2 \\ &= 25 + 144 \\ &= 169 \\ c &= 13 \text{ เซนติเมตร} \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 4 พีระมิดแห่งหนึ่งมีฐานเป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ยาวด้านละ 6 เมตร สูงเอียง 5 เมตร และสูงตรง 4 เมตร จงหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของพีระมิด

วิธีทำ



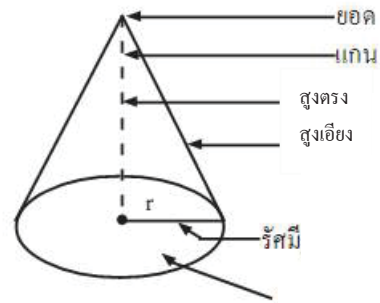
$$\begin{aligned} \text{พื้นที่ผิวข้างของพีระมิด} &= \frac{1}{2} \times \text{ความยาวรอบฐาน} \times \text{สูงเอียง} \\ &= \frac{1}{2} \times (6 \times 4) \times 5 \\ &= 60 \text{ ตารางเมตร} \\ \text{พื้นที่ฐาน} &= 6 \times 6 \\ &= 36 \text{ ตารางเมตร} \\ \text{ดังนั้นพื้นที่ผิวของพีระมิด} &= 60 + 36 = 96 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{ปริมาตรของพีระมิด} &= \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= \frac{1}{3} \times 36 \times 4 \\ &= 48 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \end{aligned}$$





### 3.2 พื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกรวย

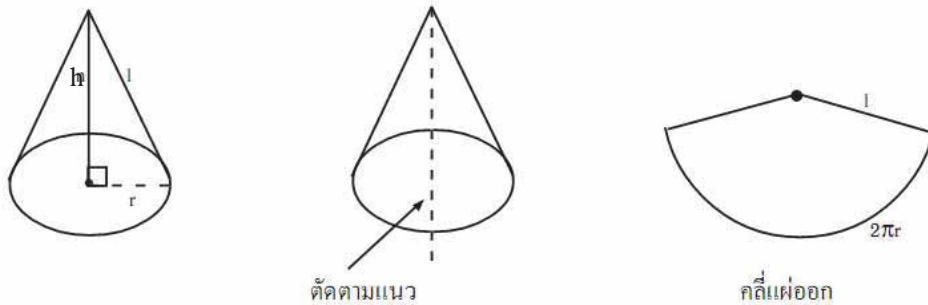
กรวย คือ ทรงสามมิติที่มีฐานเป็นรูปวงกลม มียอดแหลมที่ไม่อยู่บนระนาบเดียวกับฐาน และเส้นที่ต่อระหว่างจุดยอดกับจุดใด ๆ บนเส้นรอบวงของฐาน เรียกเส้นตรงนี้ว่า “สูงเอียง”



กรวยตรง

พื้นที่ผิวของกรวย

การหาพื้นที่ผิวเอียงของกรวย ทำได้โดยตัดกรวยตามแนวสูงเอียงแล้วคลี่แผ่ออกจะเกิดเป็นรูปสามเหลี่ยมฐานโค้ง



<p>สูตร พื้นที่ผิวของกรวย <math>= \pi r l + \pi r^2</math></p> <p>เมื่อ <math>r</math> เป็นรัศมีของฐานกรวย</p> <p><math>l</math> เป็นความยาวของสูงเอียง</p>
---

ปริมาตรของกรวย

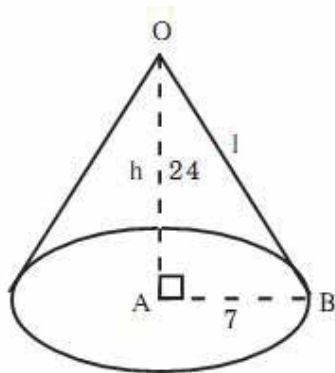
ความสัมพันธ์ของปริมาตรของกรวยกับทรงกระบอก จะเหมือนกับความสัมพันธ์ของปริซึมกับพีระมิด ที่มีส่วนสูงและพื้นที่ฐานเท่ากัน นั่นคือ

ปริมาตรของกรวย เป็น  $\frac{1}{3}$  ของปริมาตรของทรงกระบอก ที่มีพื้นที่ฐานและส่วนสูงเท่ากับกรวย

สูตร ปริมาตรของกรวย = $\frac{1}{3} \times \pi r^2 h$ เมื่อ r แทน รัศมีของฐานกรวย h แทน ความสูงของกรวย
---

ตัวอย่างที่ 6 จงหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของกรวย ซึ่งสูง 24 เซนติเมตร และเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร

วิธีทำ



$$\text{รัศมี} = \frac{14}{2} = 7 \text{ เซนติเมตร}$$

หาความสูงเอียง (l) จาก  $\triangle ABO$

$$l^2 = 24^2 + 7^2$$

$$= 576 + 49 = 625$$

$$l = 25 \text{ เซนติเมตร}$$

$$\begin{aligned} \text{พื้นที่ผิวข้าง} &= \pi r l \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 25 \\ &= 550 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{พื้นที่ฐาน} &= \pi r^2 \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \\ &= 154 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{พื้นที่ผิวทั้งหมด} &= \text{พื้นที่ผิวข้าง} + \text{พื้นที่ฐาน} \\ &= 550 + 154 \\ &= 704 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ปริมาตรของกรวย} &= \frac{1}{3} \times \pi r^2 h \\ &= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 24 \\ &= 1,232 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

พื้นที่ผิวทั้งหมด 704 ตารางเซนติเมตร

ปริมาตรของกรวย 1,232 ลูกบาศก์เซนติเมตร

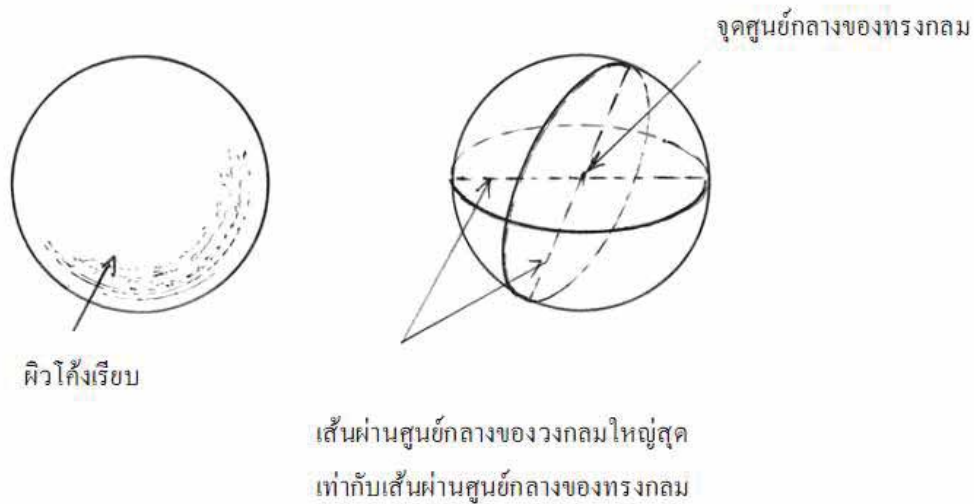


### 3.3 พื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกลม

ทรงกลม คือ ทรงสามมิติที่มีผิวโค้งเรียบ และจุดทุกจุดอยู่บนผิวโค้งอยู่ห่างจากจุดคงที่จุดหนึ่งเป็นระยะเท่ากัน

จุดคงที่ เรียกว่า จุดศูนย์กลางของทรงกลม

ระยะที่เท่ากัน เรียกว่า รัศมีของทรงกลม



พื้นที่ผิวของทรงกลม

พื้นที่ผิวของทรงกลม เป็นสี่เท่าของพื้นที่วงกลม ซึ่งมีรัศมีเท่ากับรัศมีของทรงกลม

$$\text{จาก พื้นที่ของรูปวงกลม} = \pi r^2$$

$$\text{ดังนั้น พื้นที่ผิวของทรงกลม} = 4 \pi r^2$$

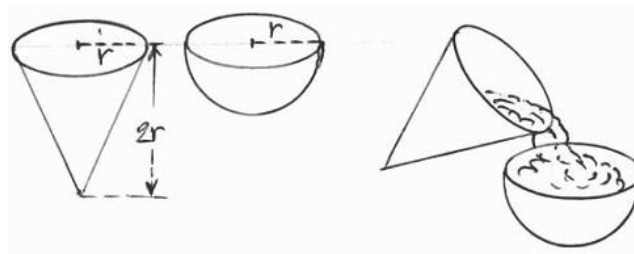
$$\text{สูตร พื้นที่ผิวของทรงกลม} = 4 \pi r^2$$

ปริมาตรของทรงกลม

ปริมาตรของทรงกลมอาจหาได้จากการทดลองหาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาตรของครึ่งวงกลมกับปริมาตรของกรวย

ข้อกำหนด 1) ครึ่งของทรงกลมที่มีรัศมี  $r$  หน่วย

2) กรวยที่มีรัศมีเท่ากับครึ่งทรงกลม  $r$  หน่วย และส่วนสูงของกรวย ( $h$ ) เป็น 2 เท่าของรัศมีฐานของกรวย คือ  $2r$  หน่วย



สูตร ปริมาตรของทรงกลม	$= \frac{4}{3} \pi r^3$
เมื่อแทน r รัศมีของทรงกลม	

ตัวอย่างที่ 7 จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของลูกโลกพลาสติก ซึ่งมีรัศมียาว 7 เซนติเมตร

วิธีทำ



พื้นที่ผิวทรงกลม	=	$4 \pi r^2$
	=	$4 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7$
	=	616 ตารางเซนติเมตร
ปริมาตรทรงกลม	=	$\frac{4}{3} \pi r^3$
	=	$\frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7$
	=	$\frac{4,312}{3}$
	=	1,437.3 ลูกบาศก์เซนติเมตร

พื้นที่ผิวของทรงกลม = 616 ตารางเซนติเมตร

ปริมาตรของทรงกลม = 1,437.3 ลูกบาศก์เซนติเมตร

### แบบฝึกหัดที่ 5

1. จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของทรงกลมซึ่งมีเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2. ทรงกลมมีปริมาตร 38,808 ลูกบาศก์เซนติเมตร จงหารัศมีและพื้นที่ผิว

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

3. ทรงกลมมีพื้นที่ผิว 616 ตารางนิ้ว จงหาปริมาตรของทรงกลม

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

4. โลหะกลมลูกหนึ่ง รัศมีภายนอก 21 เซนติเมตร รัศมีภายใน 7 เซนติเมตร จงหาปริมาตรเนื้อโลหะ

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

## เรื่องที่ 4 การเปรียบเทียบหน่วยปริมาตร

การตวง คือ การนำสิ่งที่ต้องการหาปริมาตรใส่ในภาชนะที่ใช้สำหรับตวง หน่วยการตวงที่นิยมและใช้กันมาก คือ ลิตร

$$\begin{aligned} 1 \text{ ลิตร} &= 1,000 \text{ มิลลิลิตร} \\ 1,000 \text{ ลิตร} &= 1 \text{ กิโลลิตร} \end{aligned}$$

เมื่อเทียบกับหน่วยปริมาตร

หน่วยการตวงในมาตราไทย เป็นหน่วยการตวงที่นิยมใช้กันมาก คือ

$$\begin{aligned} 1 \text{ ถัง} &= 20 \text{ ลิตร(ทะนานหลวง)} \\ 1 \text{ เกวียน} &= 100 \text{ ถัง} \\ 1 \text{ เกวียน} &= 2 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\ 1 \text{ เกวียน} &= 2,000 \text{ ลิตร} \\ \\ 1 \text{ ลิตร} &= 1,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ 10 \text{ มิลลิลิตร} &= 1 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์เมตร} &= 1,000 \text{ ลิตร} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์เมตร} &= 1,000,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ \\ 1 \text{ แกลลอน} &= 4.546 \text{ ลิตร} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} &= 16.103235 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} &= 0.0164 \text{ ลิตร} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์ฟุต} &= 1.728 \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \\ 1 \text{ ลูกบาศก์ฟุต} &= 28.32 \text{ ลิตร} \\ 1 \text{ บาร์เรล} &= 158.98 \text{ ลิตร} \end{aligned}$$

ตัวอย่างที่ 1 อ่างน้ำทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากใบหนึ่งกว้าง 30 เซนติเมตร ยาว 50 เซนติเมตร และสูง 40 เซนติเมตร

1. อ่างใบนี้จุน้ำกี่ลิตร
2. ถ้ามีน้ำบรรจุเต็มอ่างและน้ำ 1 ลูกบาศก์เซนติเมตรหนัก 1 กรัม จงหาน้ำหนักของน้ำในอ่างใบนี้

วิธีทำ. ปริมาตรของอ่างน้ำ = ความกว้าง  $\times$  ความยาว  $\times$  ความสูง  
แทนค่า

$$\begin{aligned} \text{ปริมาตรของอ่างน้ำ} &= 30 \times 50 \times 40 \\ &= 60,000 \quad \text{ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

เมื่อเทียบกับหน่วยปริมาตร

$$1,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} = 1 \text{ ลิตร}$$

$$60,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} = \frac{60,000}{1,000} = 60 \text{ ลิตร}$$

2. น้ำ 1 ลูกบาศก์เซนติเมตรหนัก 1 กรัม

$$\text{น้ำ } 60,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตรหนัก } 60,000 \text{ กรัม} = \frac{60,000}{1,000} = 60 \text{ กิโลกรัม}$$

ตอบ 60 กิโลกรัม

ตัวอย่างที่ 2 ถังเก็บน้ำฝนทรงกระบอกเส้นผ่านศูนย์กลางภายใน 3 เมตร สูง 5 เมตร คิดเป็นปริมาตรของน้ำกี่ลิตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตร} &= \pi r^2 h \\ &= \frac{22}{7} \times 1.5 \times 1.5 \times 5 \\ &= 35.36 \quad \text{ลูกบาศก์เมตร} \\ &= 35.36 \times 1,000,000 \quad \text{ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ &= 35,360,000 \quad \text{ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

เนื่องจาก 1,000 ลูกบาศก์เซนติเมตร = 1 ลิตร

$$\text{ดังนั้น } 35,360,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} = \frac{35,360,000}{1,000} = 35,360 \text{ ลิตร}$$



### แบบฝึกหัดที่ 6

1. สระแห่งหนึ่งเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กั้นสระกว้าง 5 วา ลึก 3 เมตร ยาว 15 เมตร ถ้าใช้เครื่องสูบน้ำออกจากสระได้น้ำทีละ 9,000 ลิตร จะต้องใช้เวลาสูบน้ำเท่าไร

.....

.....

.....

2. อ่างเลี้ยงปลาทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากกว้าง 90 เซนติเมตร ยาว 1.2 เมตร จุน้ำ 540 ลิตร ต้องการปูกระเบื้องภายในอ่างด้วยแผ่นกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ยาวด้านละ 10 เซนติเมตร ต้องใช้กระเบื้องอย่างน้อยที่สุดเท่าไร

.....

.....

.....

3. น้ำยาบ้วนปากขวดหนึ่งปริมาตรสุทธิ 700 มิลลิลิตร ใช้บ้วนปากครั้งละ 10 มิลลิลิตร วันละ 2 ครั้ง จะใช้ได้กี่วัน

.....

.....

.....

.....

4. ถังน้ำทรงลูกบาศก์ยาวด้านละ 2 เมตร จุน้ำได้กี่ลิตร

.....

.....

.....

5. ถังทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากวัดภายในกว้าง 90 เซนติเมตร ยาว 1.50 เซนติเมตร สูง 1.20 เมตร บรรจุน้ำเต็มถึง ถ้าต้องการตวงน้ำจากถังใส่แกลอนซึ่งมีความจุ 4.5 ลิตร จะได้น้ำทั้งหมดกี่แกลอน

.....

.....

.....

## เรื่องที่ 5 การแก้โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับปริมาตรและพื้นที่ผิว

ตัวอย่าง ลังกระดาษบรรจุกล่องซีดี วัดความยาวภายในได้กว้าง 12 เซนติเมตร บรรจุ ยาว 14 เซนติเมตร และสูง 15 เซนติเมตร และบรรจุกล่องซีดีเต็มลังพอดี ลังกระดาษนี้มีปริมาตรเท่าไร และถ้าหยิบกล่องซีดีออกมา 1 กล่อง ซึ่งมีปริมาตร 270 ลูกบาศก์เซนติเมตร กล่องซีดีจะหนาเท่าไร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{ลังกระดาษมีปริมาตร} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\
 &= (12 \times 14) \times 15 \\
 &= 2,520 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{กล่องซีดี 1 กล่อง มีปริมาตร} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{หนา} \\
 270 &= (12 \times 15) \times \text{หนา} \\
 \text{หนา} &= \frac{270}{12 \times 15} \\
 \text{กล่องใส่ซีดีมีความหนา} &= 1.5 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{ลังกระดาษมีปริมาตร} \quad 2,520 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

ตัวอย่าง น้ำขึ้นครึ่งวงกลมรัศมี 3 นิ้ว ตักน้ำใส่ถังทรงกระบอกที่มีรัศมี 10 นิ้ว และสูง 27 นิ้ว ก็ครึ่งน้ำจึงจะเต็มถัง

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตรน้ำ 1 ชั้น} &= \frac{1}{2} \text{ ของปริมาตรของทรงกลม} \\
 &= \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \pi r^3 \\
 &= \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \pi \times 3 \times 3 \times 3 \\
 &= 18 \pi \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \\
 \text{ปริมาตรถังทรงกระบอก} &= \pi r^2 h \\
 &= \pi \times 10^2 \times 27 \\
 &= 2,700 \pi \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \\
 \text{จะต้องตักน้ำ} &= \frac{2,700 \pi}{18 \pi} \text{ ครั้ง} \\
 &= 150 \text{ ครั้ง} \\
 \text{ตอบ} \quad &150 \text{ ครั้ง}
 \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 7

1. ถังเก็บน้ำมันของปั๊มแห่งหนึ่งเป็นรูปทรงกลม มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 7 เมตร ต้องการทาสีครึ่งทรงกลมบน โดยเสียค่าทาสีตารางเมตรละ 40 บาท ต้องเสียค่าทาสีกี่บาท

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2. หินอ่อนทรงลูกบาศก์มีขนาดด้านละ 2.1 เมตร ถ้าต้องการกลึงให้เป็นรูปทรงกลมให้มีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางเท่ากับความยาวของด้านลูกบาศก์ จงหาว่าต้องกลึงหินออกไปปริมาตรเท่าใด

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

3. นำแท่งตะกั่วทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากกว้าง 8 นิ้ว ยาว 11 นิ้ว หนา 5 นิ้ว ไปหลอมเป็นลูกปืนทรงกลมขนาดรัศมี 1 นิ้ว จะหลอมได้กี่ลูก

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

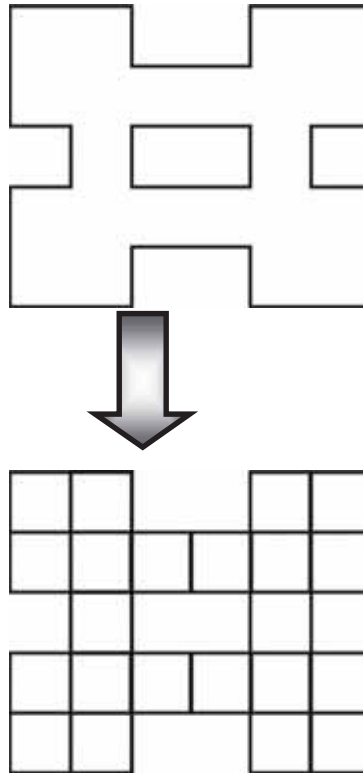
.....

## เรื่องที่ 6 การคาดคะเนเกี่ยวกับปริมาตรและพื้นที่ผิว

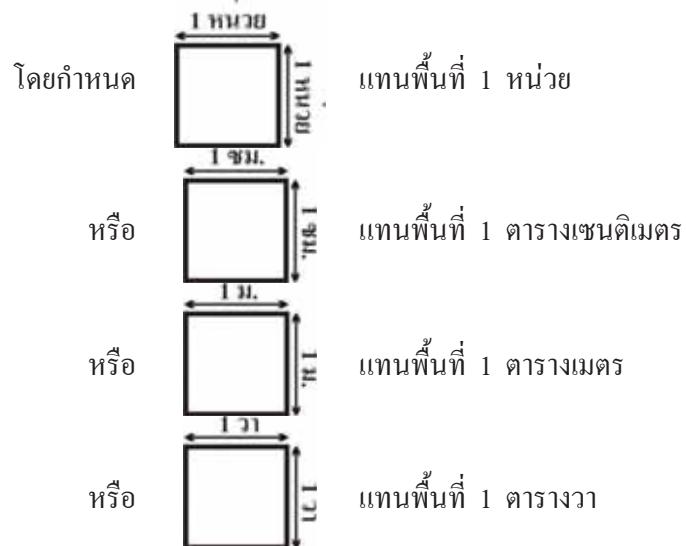
การคาดคะเนพื้นที่ เป็นการประมาณพื้นที่อย่างคร่าวๆ จากการมองโดยอาศัยประสบการณ์และความรู้เกี่ยวกับขนาดและความยาวมาช่วยในการเปรียบเทียบและตัดสินใจ เพื่อให้ใกล้เคียงกับพื้นที่จริงมากที่สุด หน่วยพื้นที่ที่นิยมใช้ คือ ตารางเซนติเมตร( $\text{ซม.}^2$ ) ตารางเมตร( $\text{ม.}^2$ ) และตารางวา( $\text{วา}^2$ )


การคาดคะเนพื้นที่ของรูปหลายเหลี่ยม

ตัวอย่าง จงคะเนหาพื้นที่รูปหลายเหลี่ยมต่อไปนี้



วิธีคิด ในบางครั้งการหาพื้นที่รูปหลายเหลี่ยมต่างๆ ที่ไม่ได้ระบุหน่วยความยาว เราอาจจะใช้วิธีการสร้างหน่วยตาราง 1 หน่วย คลุมพื้นที่ดังกล่าว



จากรูปภาพนับรูป  ได้ 22 รูป ซึ่งแทนพื้นที่ 22 ตารางหน่วย ดังนั้นพื้นที่รูปหลายเหลี่ยม = 22 ตารางหน่วย

การคาดคะเนปริมาตรของสิ่งของและความจุของภาชนะ



## บทที่ 7

# คู่อันดับและกราฟ

### สาระสำคัญ

คู่อันดับ เป็นการจับคู่ระหว่างสมาชิกสองตัวจากกลุ่ม เพื่อนำไปจัดทำกราฟบนระนาบพิกัด หาปริมาณ ความเกี่ยวข้องของปริมาณสองชุด

### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. อ่านและอธิบายความหมายคู่อันดับได้
2. อ่านและแปลความหมายกราฟบนระนาบพิกัดตามที่กำหนดให้ได้
3. เขียนกราฟแสดงความเกี่ยวข้องของปริมาณสองชุดที่กำหนดให้ได้

### ขอบข่ายเนื้อหา

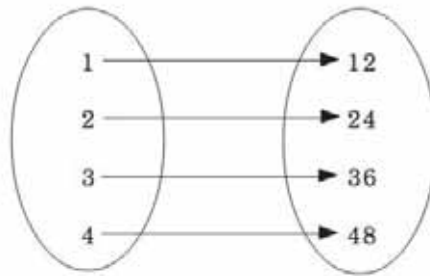
- เรื่องที่ 1 คู่อันดับ
- เรื่องที่ 2 กราฟของคู่อันดับ
- เรื่องที่ 3 การนำคู่อันดับและกราฟไปใช้

## เรื่องที่ 1 คู่อันดับ

คู่อันดับ (Ordered pairs) เป็นการจับคู่ระหว่างสมาชิกสองตัวจากกลุ่ม 2 กลุ่มที่มีความสัมพันธ์ภายใต้เงื่อนไขที่กำหนด เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์  $(a, b)$  อ่านว่า คู่อันดับเอบี

เรียก  $a$  ว่า สมาชิกตัวหน้า หรือสมาชิกตัวที่หนึ่ง

และเรียก  $b$  ว่า สมาชิกตัวหลัง หรือสมาชิกตัวที่สองดังแผนภาพ



เขียนเป็นคู่อันดับได้ดังนี้  $(1, 12), (2, 24), (3, 36), (4, 48)$

หมายเหตุ คู่อันดับ  $(1, a) \neq (a, 1)$

ถ้ากำหนด  $(a, b)$  และ  $(x, y)$  เป็นคู่อันดับ 2 คู่ใดๆ จะได้ว่า  $(a, b) = (x, y)$  ก็ต่อเมื่อ  $a = x$  และ  $b = y$

เช่น 1.  $(x, y) = (5, 12)$

ดังนั้น  $x = 5$  และ  $y = 12$

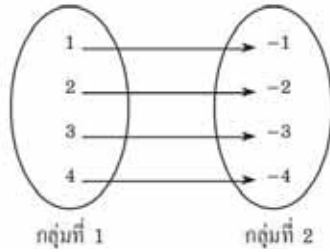
2.  $(x-3, y-2) = (0, 0)$

วิธีทำ  $x-3=0$  และ  $y-2=0$

ดังนั้น  $x=3$  และ  $y=2$

## แบบฝึกหัดที่ 1

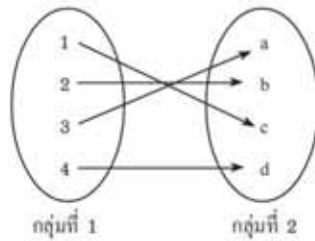
1. จงเขียนคู่อันดับจากแผนภาพที่กำหนดให้ต่อไปนี้



1)

.....

2)



3)

กลุ่มที่ 1	กลุ่มที่ 2
1	0
2	-1
3	-2
4	-3
5	-4

.....

2. จงหาค่า  $x$  และ  $y$  จากเงื่อนไขที่กำหนดให้ในแต่ละข้อต่อไปนี้

1).  $(x,y) = (4,3)$

.....

.....



$$2). (x,y) = (y,2)$$

.....  
.....

$$3). (x,0) = (6,y)$$

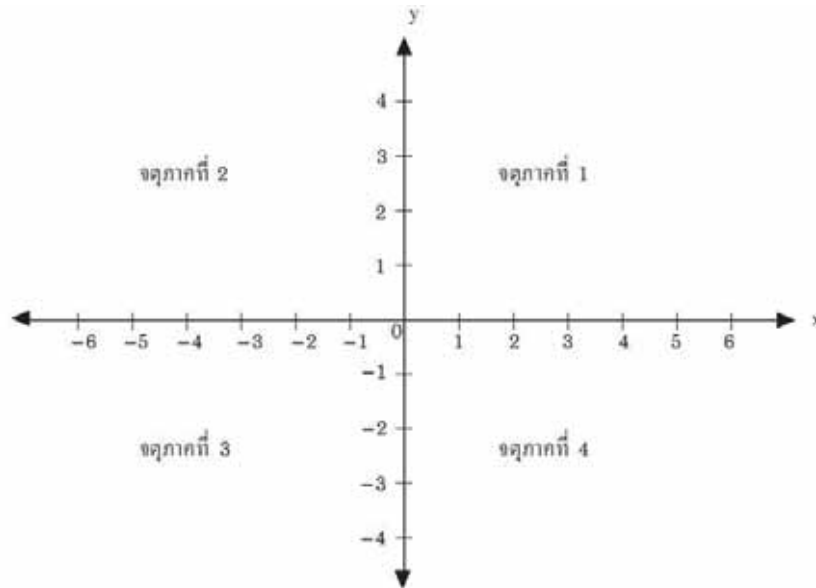
.....  
.....

$$4). (x+1,y) = (5,4)$$

.....  
.....

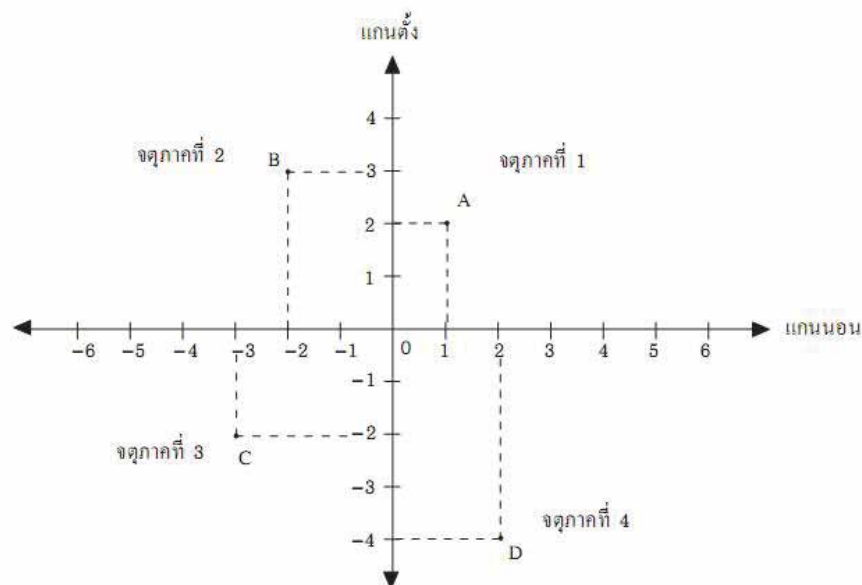
## เรื่องที่ 2 กราฟของคู่อันดับ

กราฟของคู่อันดับเป็นแผนภาพที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างสมาชิกของกลุ่มหนึ่งกลับสมาชิกของอีกกลุ่มหนึ่งโดยใช้เส้นจำนวนในแนวนอนหรือแนวตั้ง ให้ตัดกันเป็นมุมฉาก ที่ตำแหน่งของจุดที่แทนศูนย์ (0) ซึ่งเราเรียกว่า **จุดกำเนิด** ดังภาพ



เส้นจำนวนในแนวนอน หรือแกน X และเส้นจำนวนในแนวตั้ง หรือแกน Y อยู่บนระนาบเดียวกัน และแบ่งระนาบออกเป็น 4 ส่วนเรียกว่า **จุดภาค** (Quadrant)

การอ่านและแปลความหมายกราฟบนระนาบพิกัดฉากที่กำหนดให้



ตำแหน่งของจุด A คือ (1, 2)

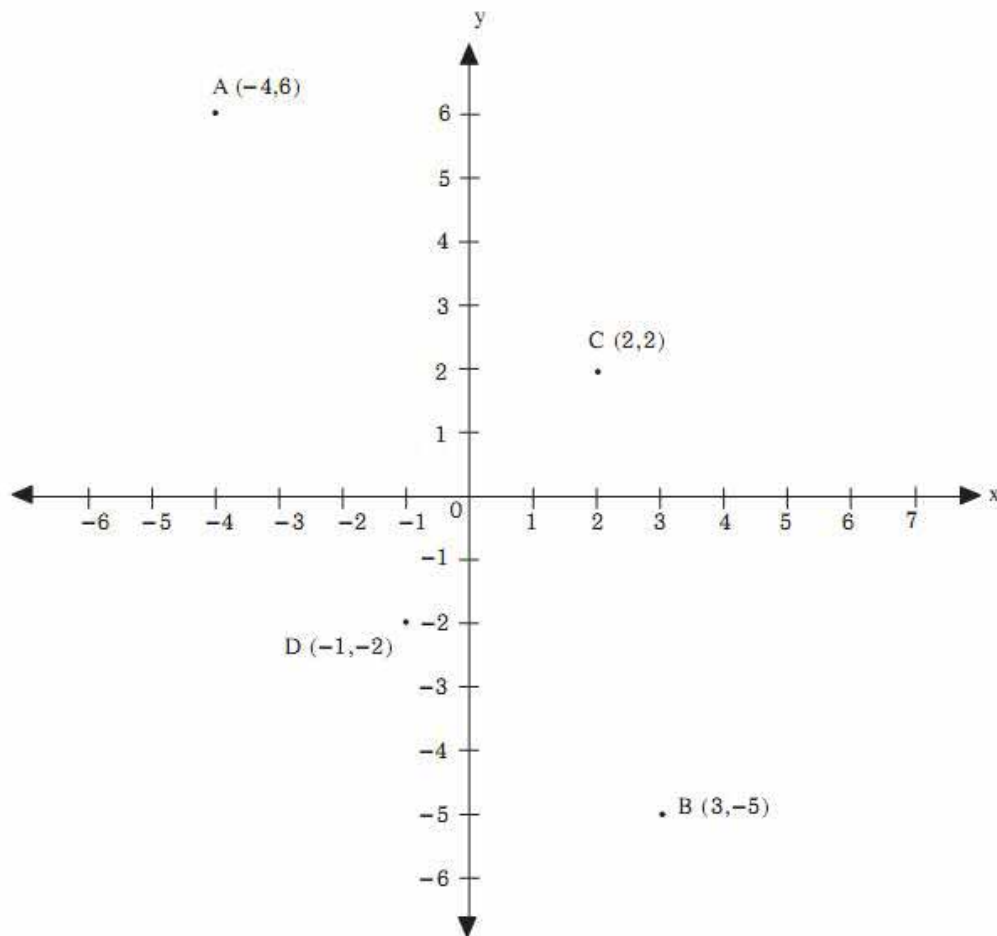
ตำแหน่งของจุด B คือ (-2, 3)

ตำแหน่งของจุด C คือ (-3, 2)

ตำแหน่งของจุด D คือ (2, -4)

เรียกจุดที่แทนตำแหน่งคู่อันดับว่ากราฟของคู่อันดับ และเรียกตำแหน่งของคู่อันดับว่า พิกัด

ตัวอย่าง กำหนด  $A = (-4, 6)$ ,  $B = (3, -5)$ ,  $C = (2, 2)$ ,  $D = (-1, -2)$  จุด A, B, C, D อยู่ในจุดภาคใด

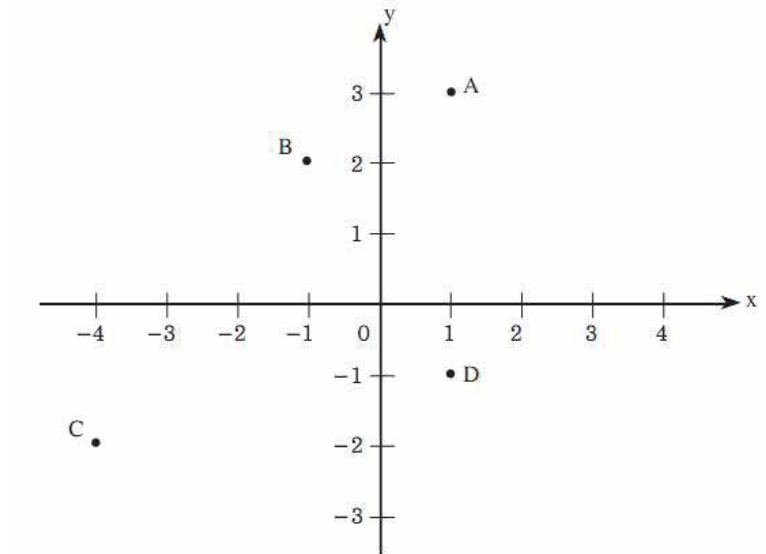


วิธีทำ	จุด A = (-4, 6)	อยู่ในจุดภาคที่ 2
	จุด B = (3, -5)	อยู่ในจุดภาคที่ 4
	จุด C = (2, 2)	อยู่ในจุดภาคที่ 1
	จุด D = (-1, -2)	อยู่ในจุดภาคที่ 3

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงหาพิกัดของจุด A, B, C, D ในแต่ละข้อ

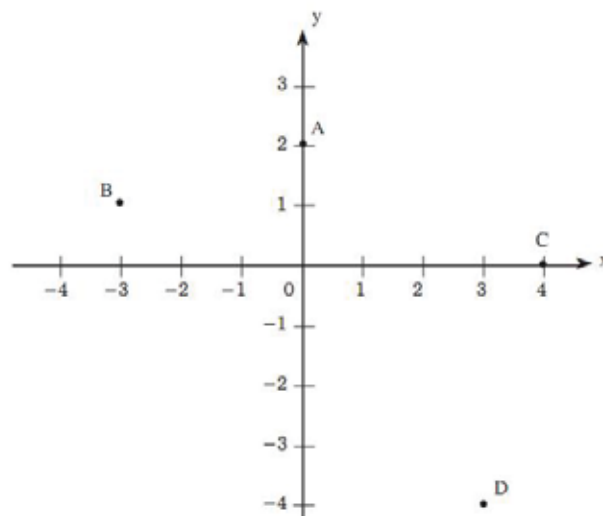
1.1



.....

.....

1.2

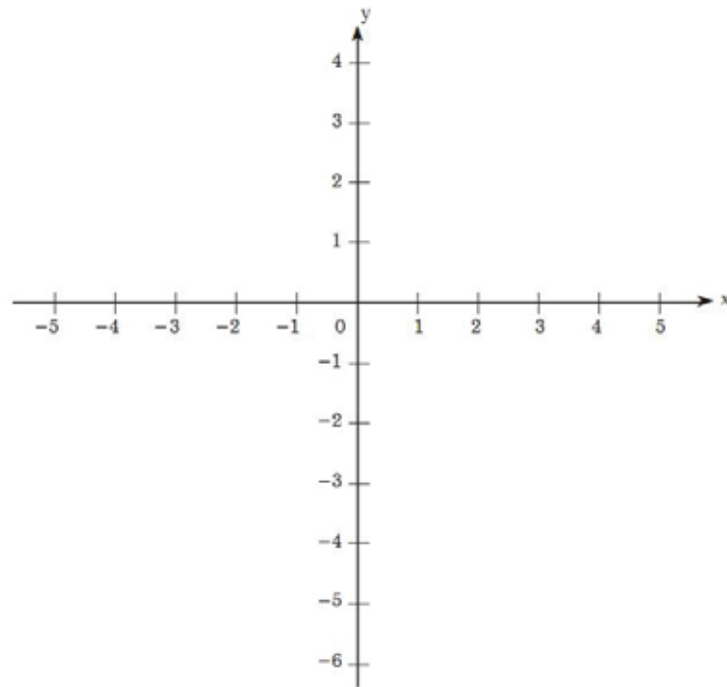


.....

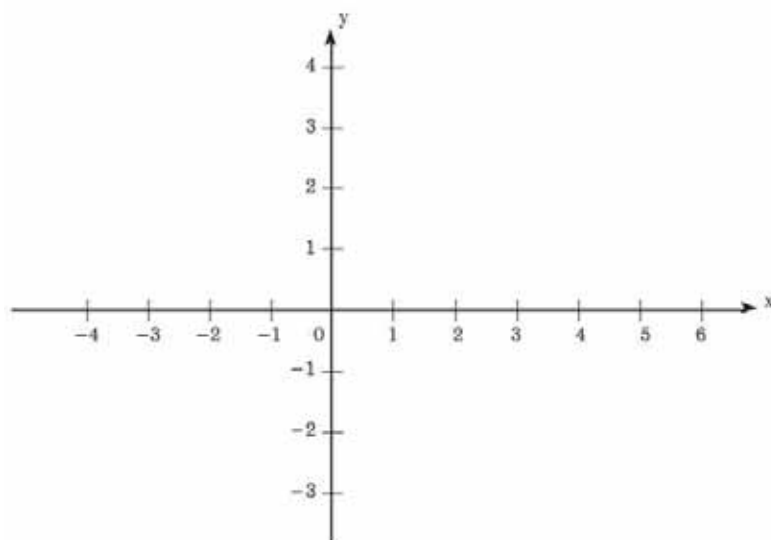
.....

2. จงเขียนกราฟของคู่อันดับในแต่ละข้อ

1).  $(1, 2), (-2, 4), (3, -6), (4, 0)$



2).  $(5, -1), (2, 2), (-4, 3), (-2, 0)$

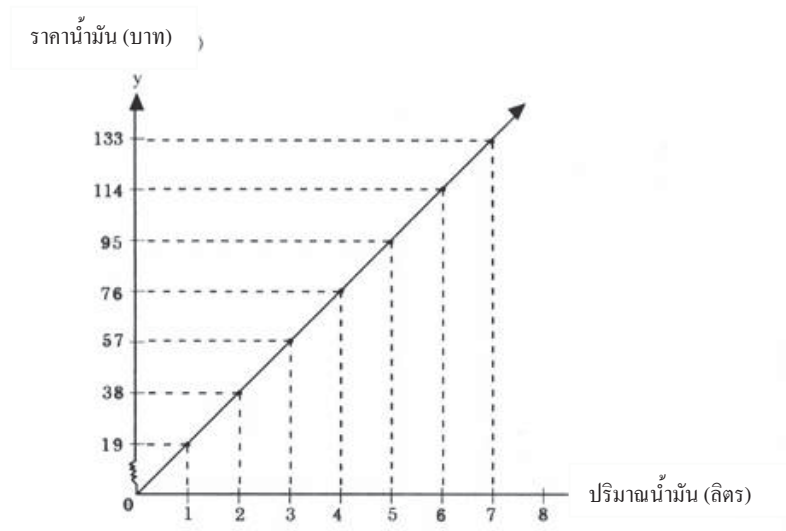


### เรื่องที่ 3 การนำคู่อันดับและกราฟไปใช้

เราสามารถนำคู่อันดับและกราฟไปใช้ในชีวิตประจำวันได้ ซึ่งจะกล่าวในตัวอย่างต่อไปนี้

ตัวอย่างที่ 1 กราฟที่แสดงปริมาณน้ำมัน (ลิตร) และราคาน้ำมัน (บาท) ของวันที่ 5 เดือนมีนาคม ปี 2552 ซึ่งมีราคา  
ลิตรละ 19 บาท

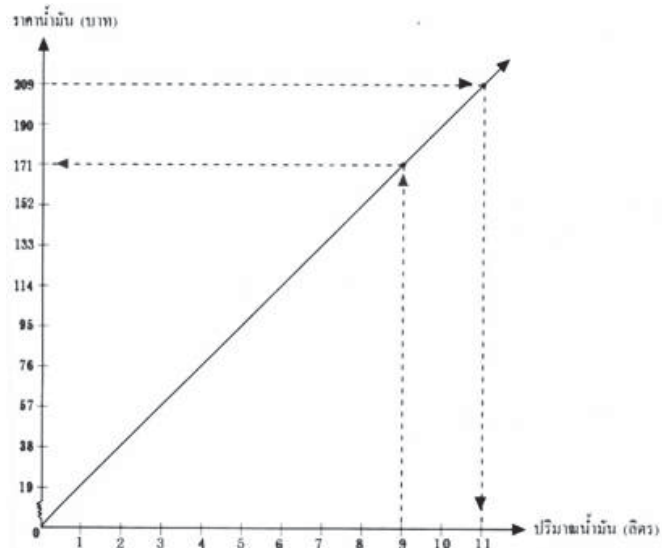
วิธีทำ



ตัวอย่างที่ 2 จากกราฟในตัวอย่างที่ 1 จงตอบคำถามต่อไปนี้

- (1) น้ำมัน 9 ลิตร ราคาเท่าใด
- (2) เงิน 209 บาท ซื้อน้ำมัน ได้กี่ลิตร

วิธีทำ

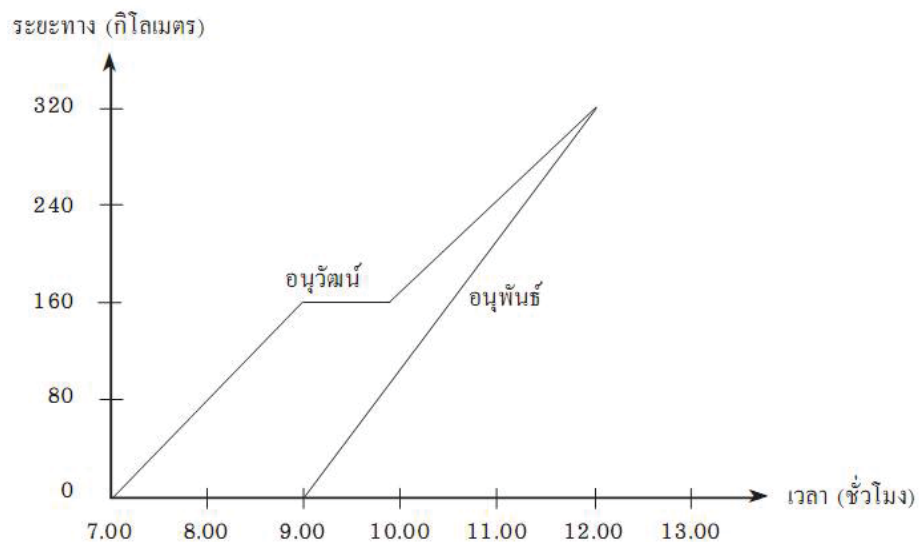


(1) จากตำแหน่งแสดงปริมาณน้ำมัน 9 ลิตรลากเส้นตรงให้ขนานกับแกนตั้งไปตัดกราฟและจากจุดที่ตัดกราฟลากเส้นตรงขนานแกนนอนไปตัดแกนที่แสดงราคาน้ำมันเป็นเงิน 171 บาท ดังนั้น น้ำมัน 9 ลิตร เป็นราคา 171 บาท

(2) จากตำแหน่งแสดงราคาน้ำมัน 209 ลิตรลากเส้นตรงให้ขนานกับแกนนอนไปตัดกราฟและจากจุดที่ตัดกราฟลากเส้นตรงขนานแกนตั้งไปตัดที่แกนแสดงจำนวนน้ำมันเป็นปริมาณ 11 ลิตร ดังนั้น เงิน 209 ลิตร จะซื้อน้ำมันได้ 11 ลิตร

### แบบฝึกหัดที่ 3

กราฟข้างล่างแสดงการเดินทางของอนุวัฒน์และอนุพันธ์



จงใช้กราฟที่กำหนดให้ตอบคำถามต่อไปนี้

1. อนุวัฒน์ออกเดินทางก่อนอนุพันธ์กี่ชั่วโมง

.....

2. อนุพันธ์ใช้เวลาเดินทางกี่ชั่วโมงจึงทันอนุวัฒน์

.....

3. อนุพันธ์เดินทางทันอนุวัฒน์เมื่อทั้งสอง  
เดินทางได้กี่กิโลเมตร

.....

4. อนุวัฒน์ออกเดินทางนานเท่าไรจึงจะหยุดพัก

.....

5. ตำแหน่งที่อนุวัฒน์หยุดพักห่างจากตำแหน่งที่  
อนุพันธ์ออกเดินทางกี่กิโลเมตร

.....



## บทที่ 8

### ความสัมพันธ์ระหว่างรูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ

#### สาระสำคัญ

รูปเรขาคณิตสองมิติ และสามมิติ มีความสัมพันธ์กันเป็นอย่างมาก เหมาะที่จะนำไปใช้ในการประดิษฐ์เป็นรูปลูกบาศก์และใช้ประโยชน์ในชีวิตประจำวัน

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. อธิบายลักษณะของรูปเรขาคณิตสามมิติจากภาพสองมิติที่กำหนดให้ได้
2. ระบุภาพสองมิติที่ได้จากการมองด้านหน้า ด้านข้าง ด้านบน ของรูปเรขาคณิตสามมิติที่กำหนดให้ได้
3. วาดหรือประดิษฐ์รูปเรขาคณิตที่ประกอบขึ้นจากลูกบาศก์เมื่อกำหนดภาพสองมิติที่ได้จากการมองทางด้านหน้า ด้านข้าง หรือด้านบนได้

#### ขอบข่ายเนื้อหา

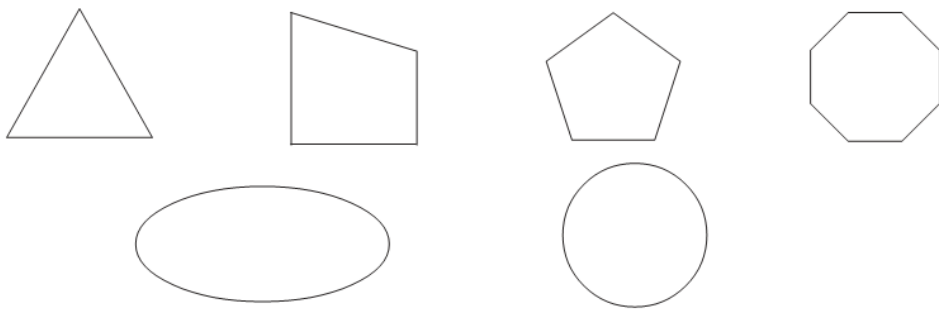
- เรื่องที่ 1 ภาพของรูปเรขาคณิตสองมิติที่เกิดจากการคลี่รูปเรขาคณิตสามมิติ
- เรื่องที่ 2 ภาพสองมิติที่ได้จากการมองด้านหน้า ด้านข้าง หรือด้านบนของรูปเรขาคณิตสามมิติ
- เรื่องที่ 3 การวาดหรือประดิษฐ์รูปเรขาคณิตที่ประกอบขึ้นจากลูกบาศก์

## เรื่องที่ 1 ภาพของรูปเรขาคณิตสองมิติที่เกิดจากการคลี่รูปเรขาคณิตสามมิติ

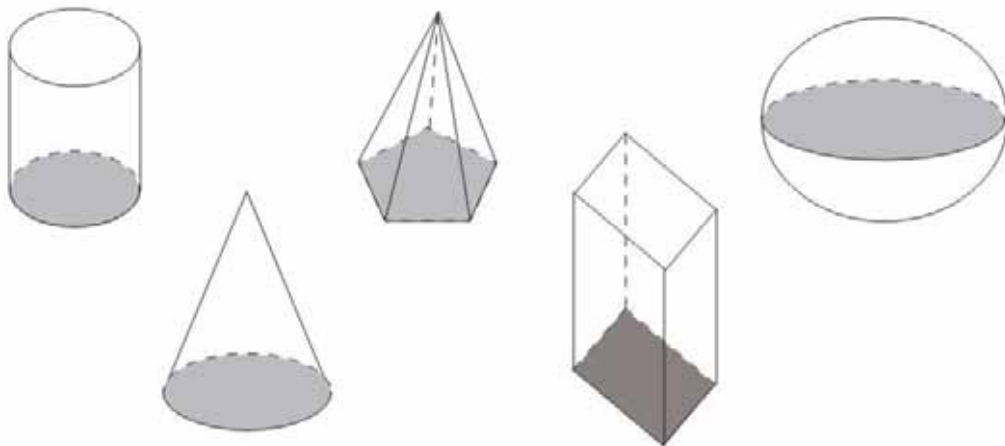
รูปเรขาคณิตมีส่วนเกี่ยวข้องสัมพันธ์กับชีวิตประจำวันมนุษย์ตั้งแต่อดีตจนถึงปัจจุบัน สิ่งแวดล้อมต่างๆที่อยู่รอบตัวเรากำลังเปลี่ยนไปด้วยวัตถุรูปเรขาคณิต นอกจากนี้เราใช้เรขาคณิตเพื่อทำความเข้าใจหรืออธิบายสิ่งต่างๆรอบตัว เช่น ในการสำรวจพื้นที่ สร้างผังเมือง เป็นต้น

ภาพของรูปเรขาคณิต

รูปเรขาคณิต เป็นรูปที่ประกอบด้วย จุด ระนาบ เส้นตรง เส้นโค้ง ฯลฯ อย่างน้อยหนึ่งอย่าง  
ตัวอย่างภาพเรขาคณิตสองมิติ



ตัวอย่างรูปเรขาคณิตสามมิติ

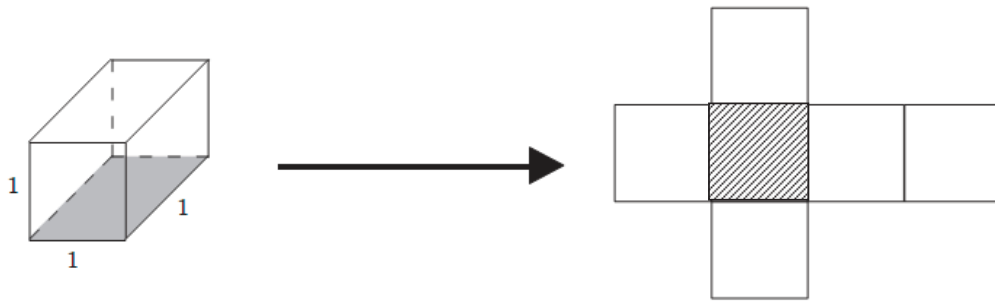


จะเห็นว่า รูปเรขาคณิตสามมิติ หรือทรงสามมิติ มีส่วนประกอบของรูปเรขาคณิตหนึ่งมิติและสองมิติ

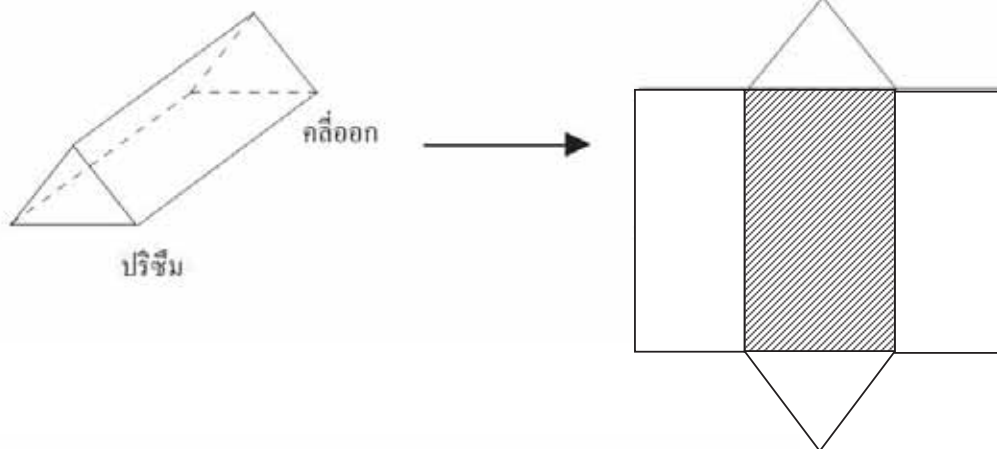
### รูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติ

รูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติ หรือทรงสามมิติใดๆ เป็นรูปเรขาคณิตสองมิติที่สามารถนำมาประกอบกันแล้วได้ทรงสามมิติ

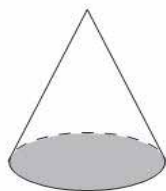
พิจารณาทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีความกว้าง ความยาว และความสูง 1 หน่วย เท่ากัน ซึ่งเราเรียกทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากนี้ว่า “ลูกบาศก์”



ตัวอย่าง รูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติ  
รูปเรขาคณิตสามมิติ

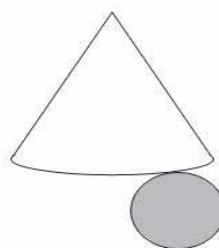


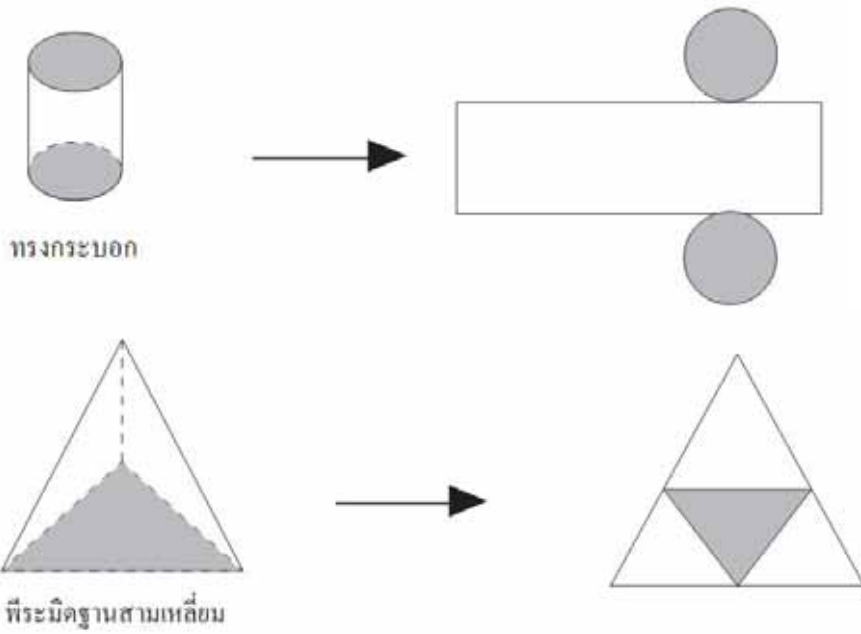
รูปเรขาคณิตสามมิติ



กรวย

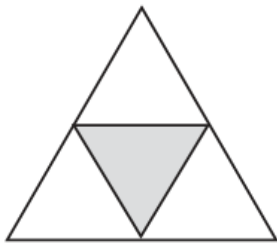
รูปคลี่



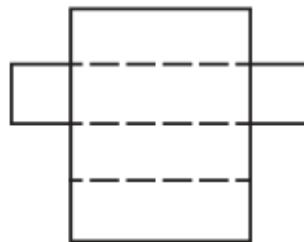


**แบบฝึกหัดที่ 1**

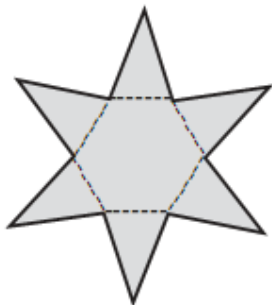
1. จงบอกชนิดของรูปเรขาคณิตสามมิติที่มีรูปคลี่ดังต่อไปนี้



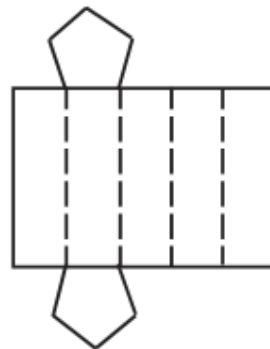
1. ....



2. ....

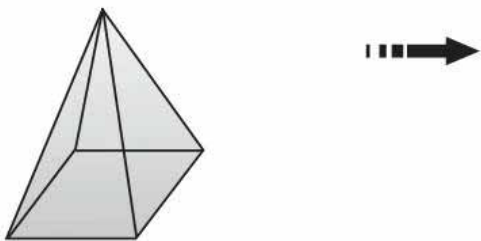
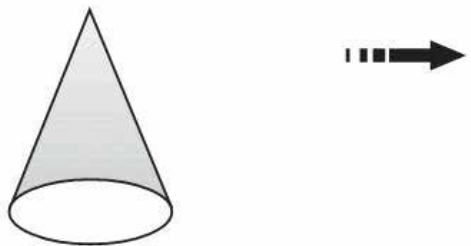
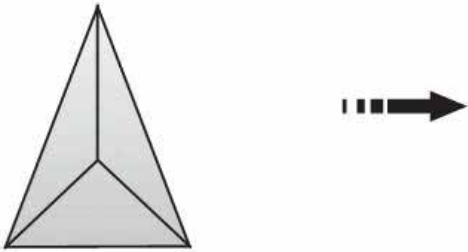
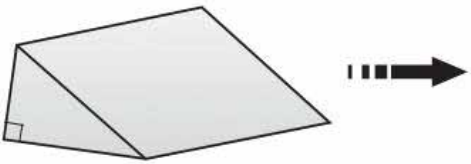
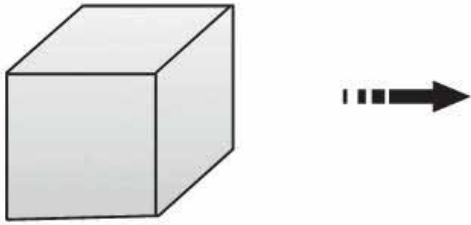


3. ....



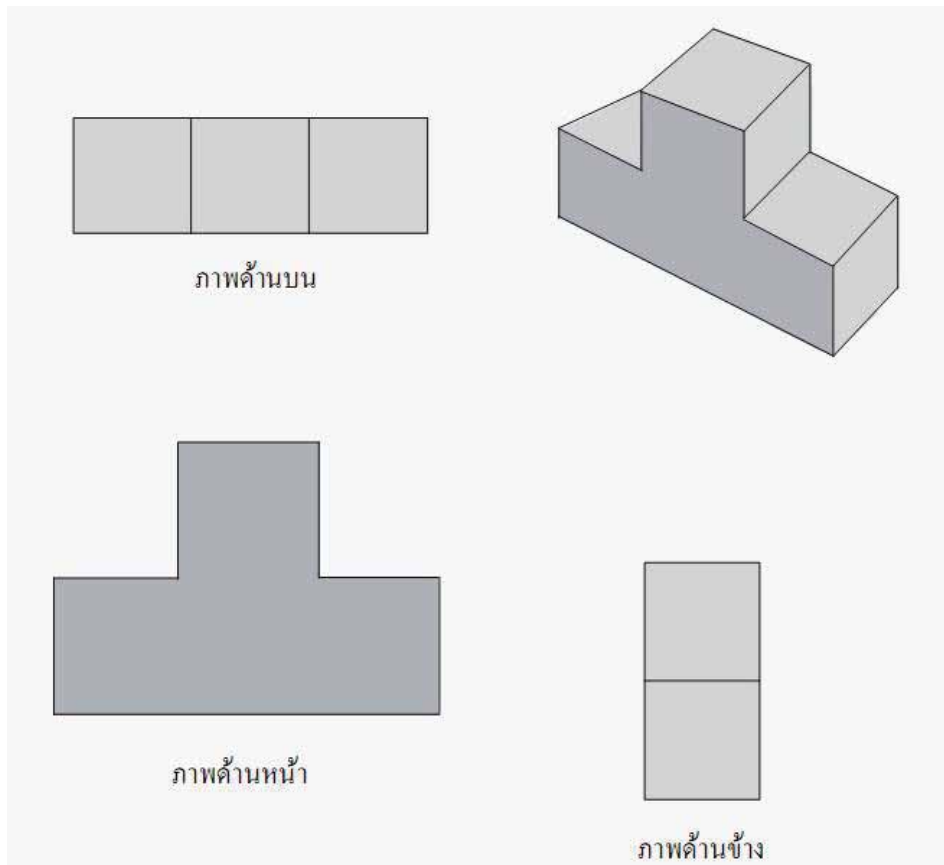
4. ....

2. จงเขียนรูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติในแต่ละข้อต่อไปนี้

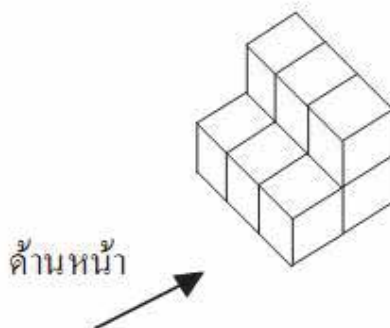


## เรื่องที่ 2 ภาพสองมิติที่ได้จากการมองด้านหน้า ด้านข้าง หรือด้านบนของ รูปเรขาคณิตสามมิติ

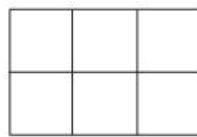
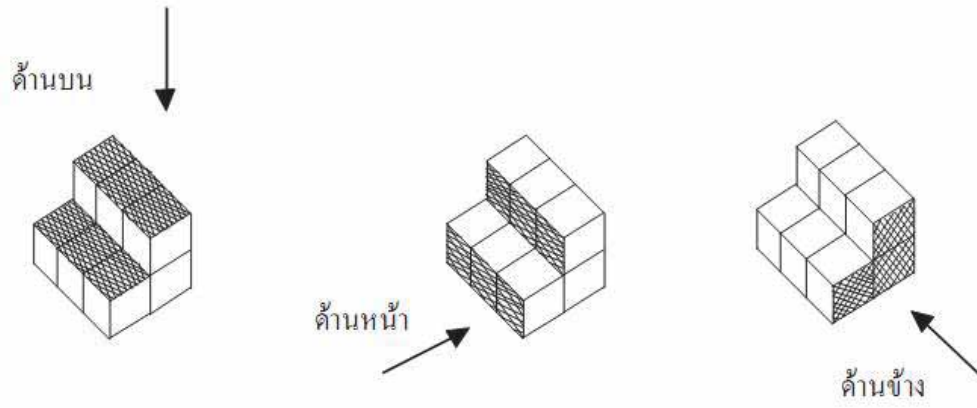
โดยทั่วไปการเขียนรูปเรขาคณิตสองมิติ ในการอธิบายลักษณะของรูปเรขาคณิตสามมิติ นิยมเขียน 3 ภาพ ซึ่งประกอบด้วย ภาพที่ได้จากการมองทางด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบน ดังตัวอย่าง



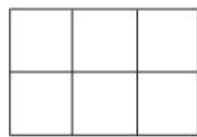
ตัวอย่าง จงแรเงาพร้อมทั้งเขียนรูปเรขาคณิตสองมิติส่วนที่เป็นด้านบน ด้านหน้า และด้านข้างของทรงสามมิติที่กำหนดให้ต่อไปนี้



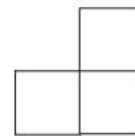
วิธีทำ



ด้านหลัง



ด้านหน้า

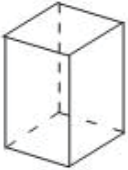
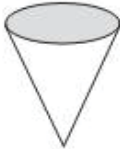
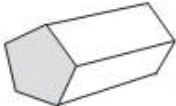

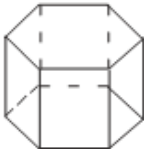


ด้านข้าง

**แบบฝึกหัดที่ 2**

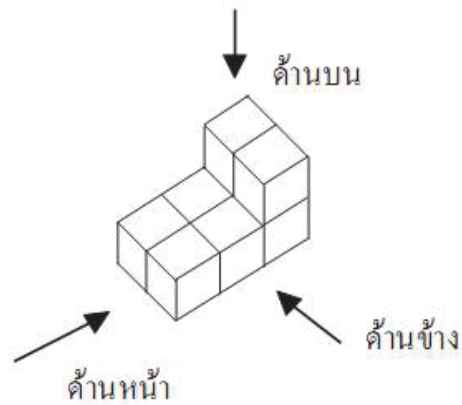
จงเขียนภาพด้านบน ด้านหน้า และด้านข้างของรูปเรขาคณิตสามมิติที่กำหนดให้



ภาพสามมิติ	ภาพด้านหน้า	ภาพด้านบน	ภาพด้านข้าง
			
			
			
			
			

### เรื่องที่ 3 การวาดหรือประดิษฐ์รูปเรขาคณิตที่ประกอบขึ้นจากลูกบาศก์

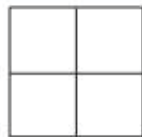
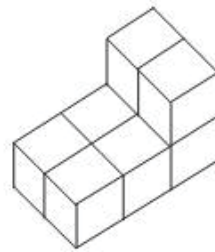
พิจารณารูปเรขาคณิตสามมิติที่ประกอบขึ้นจากลูกบาศก์ต่อไปนี้



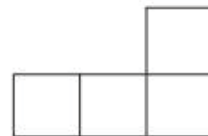
จะเห็นว่า เมื่อเขียนรูปเรขาคณิตสองมิติ แสดงภาพที่ได้จากการมองด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบน  
ดังภาพ



ภาพด้านบน



ภาพด้านหน้า

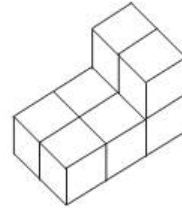


ภาพด้านข้าง

จะเห็นว่าการเขียนรูปเรขาคณิตสองมิติ เพื่อแสดงรูปเรขาคณิตสามมิติที่ประกอบขึ้นจากลูกบาศก์ เราสามารถเขียนจำนวนลูกบาศก์กำกับไว้ในตารางรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสในด้านที่มองทั้งสามด้านดังภาพต่อไปนี้

2	2
1	1
1	1

ภาพด้านบน



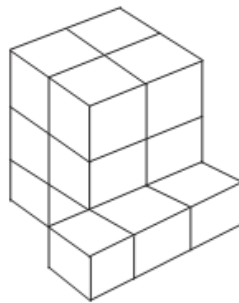
1	1
3	3

ภาพด้านหน้า

		2
2	2	2

ภาพด้านข้าง

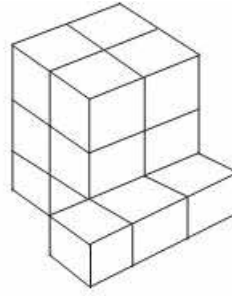
ตัวอย่าง จงเขียนภาพที่ได้จากการมองทางด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบนของรูปสามมิติที่กำหนดให้ พร้อมทั้งเขียนตัวเลขแสดงจำนวนลูกบาศก์กำกับไว้ในตาราง



เขียนแสดงภาพทั้งหมดได้ดังนี้

3	3	1
3	3	1
		1

ภาพด้านบน



2	2	
2	2	
2	2	3

ภาพด้านหน้า

	2	2
	2	2
1	3	3

ภาพด้านข้าง

## แบบฝึกหัดที่ 3

จงจับคู่ภาพด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบน ในแต่ละข้อต่อไปนี้กับรูปเรขาคณิตสามมิติที่กำหนดให้ทางขวามือ โดยเลือกตัวอักษรที่กำกับไว้ในรูปเรขาคณิตสามมิติ เขียนเติมลงในช่องว่างบนขวาของแต่ละข้อ

1)

3	3
2	1
1	1

ด้านบน

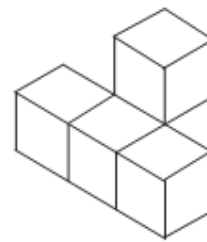
-----

1	1	
2	1	
3	3	

ด้านหน้า

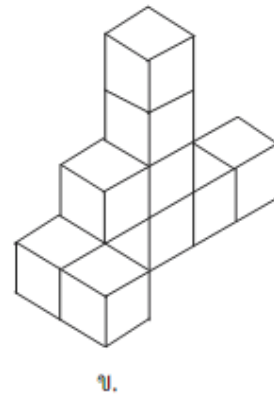
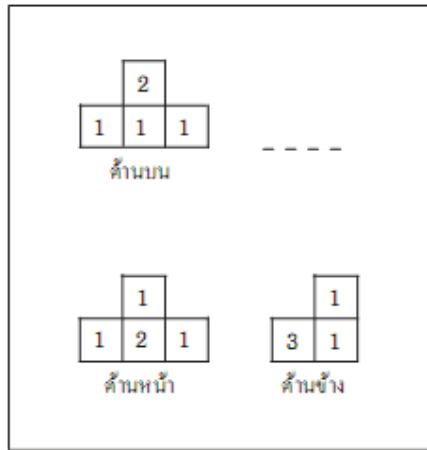
		2
	1	2
2	2	2

ด้านข้าง

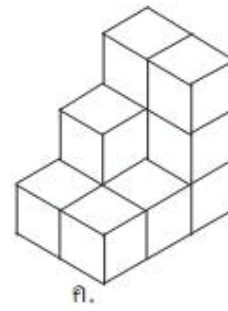
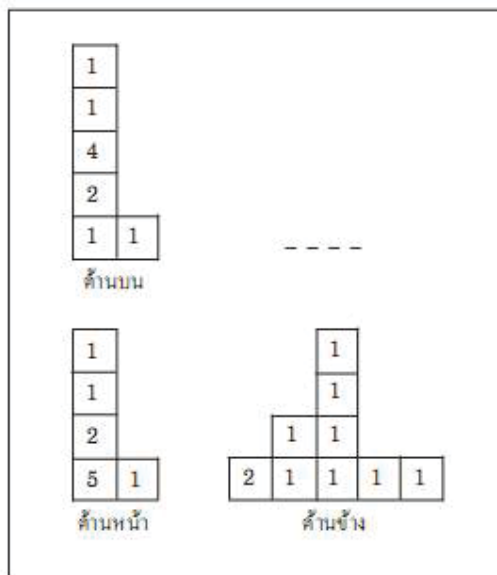


ก.

2)



3)





## บทที่ 9

### สถิติ

#### สาระสำคัญ

1. ข้อมูลเบื้องต้นของสถิติ จะช่วยให้ทราบข้อเท็จจริงที่ชัดเจนถูกต้อง ซึ่งเป็นประโยชน์ สำหรับการวางแผนการดำเนินงาน และตัดสินใจปรับปรุงการดำเนินงานตามผลที่ได้นำเสนอข้อมูลไว้
2. การนำเสนอข้อมูล มีความมุ่งหมายเพื่อแสดงให้เห็นรายละเอียดของข้อมูลได้ง่าย ชัดเจน และรวดเร็ว สามารถนำข้อมูลไปใช้ประโยชน์ได้ทันที ฉะนั้นการเลือกใช้วิธีการนำเสนอข้อมูลต้องให้เหมาะสมกับลักษณะของข้อมูลและการใช้ประโยชน์เป็นสำคัญ

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. สามารถจัดเก็บรวบรวมข้อมูลที่เหมาะสมได้
2. สามารถนำเสนอข้อมูลในรูปแบบที่เหมาะสมได้
3. หาค่ากลางของข้อมูลที่ไม่แจกแจงความถี่
4. เลือกและใช้ค่ากลางของข้อมูลที่กำหนดให้ได้เหมาะสม
5. อ่าน แปลความหมาย และวิเคราะห์ข้อมูลจากการนำเสนอข้อมูลที่กำหนดให้ได้
6. อภิปรายและให้ข้อคิดเห็นเกี่ยวกับข้อมูลข่าวสารทางสถิติที่สมเหตุสมผลได้

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- |             |                              |
|-------------|------------------------------|
| เรื่องที่ 1 | การรวบรวมข้อมูล              |
| เรื่องที่ 2 | การนำเสนอข้อมูล              |
| เรื่องที่ 3 | การหาค่ากลางของข้อมูล        |
| เรื่องที่ 4 | การเลือกใช้ค่ากลางของข้อมูล  |
| เรื่องที่ 5 | การใช้สถิติข้อมูลและสารสนเทศ |

## เรื่องที่ 1 การรวบรวมข้อมูล

### 1.1 สถิติ

คำว่า สถิติ (Statistics) มาจากภาษาเยอรมันว่า Statistik มีรากศัพท์มาจาก Stat

สถิติหมายถึงข้อมูลหรือสารสนเทศ หรือตัวเลขแสดงจำนวนหรือปริมาณของสิ่งต่าง ๆ ที่ได้รวบรวมไว้

สถิติหมายถึงวิธีการที่ว่าด้วยการเก็บรวบรวมข้อมูล การนำเสนอข้อมูล การวิเคราะห์ข้อมูลและการตีความหมายข้อมูล สถิติในความหมายนี้เป็นทั้งวิทยาศาสตร์และศิลปศาสตร์ เรียกว่า "สถิติศาสตร์"

สรุป สถิติ หมายถึง ศาสตร์ที่ว่าด้วยการเก็บรวบรวมข้อมูล การนำเสนอข้อมูล และการวิเคราะห์ข้อมูล

### 1.2 การรวบรวมข้อมูล (Data Collection)

การรวบรวมข้อมูล หมายถึงการนำเอาข้อมูลต่างๆที่ผู้อื่น ได้เก็บไว้แล้ว หรือรายงานไว้ในเอกสารต่างๆ มาทำการศึกษาวิเคราะห์ต่อ

### 1.3 ประเภทของข้อมูล

ข้อมูล หมายถึง ข้อเท็จจริงเกี่ยวกับตัวแปรที่สำรวจโดยใช้วิธีการวัดแบบใดแบบหนึ่ง โดยทั่วไปจำแนกตามลักษณะของข้อมูลได้เป็น 2 ประเภท คือ

1) **ข้อมูลเชิงปริมาณ (Quantitative Data)** คือ ข้อมูลที่เป็นตัวเลขหรือนำมาให้รหัสเป็นตัวเลข ซึ่งสามารถนำไปใช้วิเคราะห์ทางสถิติได้เช่น อายุ น้ำหนัก ส่วนสูง

2) **ข้อมูลเชิงคุณภาพ (Qualitative Data)** คือ ข้อมูลที่ไม่ใช่ตัวเลข ไม่ได้มีการให้รหัสตัวเลขที่จะนำไปวิเคราะห์ทางสถิติ แต่เป็นข้อความหรือข้อสนเทศเช่น เพศ ระดับการศึกษา อาชีพ

### 1.4 แหล่งที่มาของข้อมูล

แหล่งข้อมูลที่สำคัญ ได้แก่ บุคคล เช่น ผู้ให้สัมภาษณ์ ผู้กรอกแบบสอบถาม บุคคลที่ถูกสังเกตเอกสารทุกประเภท และข้อมูลสถิติจากหน่วยงาน รวมไปถึง ภาพถ่าย แผนที่ แผนภูมิ หรือแม้แต่วัตถุสิ่งของ ก็ถือเป็นแหล่งข้อมูลได้ทั้งสิ้น โดยทั่วไปสามารถจัดประเภทข้อมูลตามแหล่งที่มาได้ 2 ประเภท คือ



1) **ข้อมูลปฐมภูมิ (Primary Data)** คือ ข้อมูลที่ผู้วิจัยเก็บขึ้นมาใหม่เพื่อ ตอบสนองวัตถุประสงค์การวิจัยในเรื่องนั้นๆ โดยเฉพาะการเลือกใช้ข้อมูลแบบปฐมภูมิ ผู้วิจัยจะสามารถเลือกเก็บข้อมูลได้ตรงตามความต้องการและสอดคล้องกับวัตถุประสงค์ ตลอดจนเทคนิคการวิเคราะห์ แต่มีข้อเสียตรงที่สิ้นเปลืองเวลา ค่าใช้จ่าย และอาจมีคุณภาพไม่ดีพอ หากเกิดความผิดพลาดในการเก็บข้อมูลภาคสนาม

2) **ข้อมูลทุติยภูมิ (Secondary Data)** คือ ข้อมูลต่างๆ ที่มีผู้เก็บหรือรวบรวมไว้ก่อนแล้ว เพียงแต่นักวิจัยนำข้อมูลเหล่านั้นมาศึกษาใหม่ เช่น ข้อมูลสำมะโนประชากร สถิติจากหน่วยงาน และเอกสารทุกประเภท ช่วยให้ผู้วิจัยประหยัดค่าใช้จ่าย ไม่ต้องเสียเวลากับการเก็บข้อมูลใหม่ และสามารถศึกษาย้อนหลังได้ ทำให้ทราบถึงการเปลี่ยนแปลงและแนวโน้มการเปลี่ยนแปลงของปรากฏการณ์ที่ศึกษา แต่จะมีข้อจำกัดในเรื่องความครบถ้วนสมบูรณ์ เนื่องจากบางครั้งข้อมูลที่มีอยู่แล้วไม่ตรงตามวัตถุประสงค์ของเรื่อง ที่ผู้วิจัยศึกษา และปัญหาเรื่องความน่าเชื่อถือของข้อมูล ก่อนจะนำไปใช้จึงต้องมีการปรับปรุงแก้ไขข้อมูล และเก็บข้อมูลเพิ่มเติมจากแหล่งอื่นในบางส่วนที่ไม่สมบูรณ์

#### 1.4 วิธีการเก็บรวบรวมข้อมูล อาจแบ่งเป็นวิธีการใหญ่ๆ ได้ 3 วิธี คือ

1) **การสังเกตการณ์ (Observation)** ทั้งการสังเกตการณ์แบบมีส่วนร่วม และการสังเกตการณ์แบบไม่มีส่วนร่วม หรืออาจจะแบ่งเป็นการสังเกตการณ์แบบมีโครงสร้าง และการสังเกตการณ์แบบไม่มีโครงสร้าง

2) **การสัมภาษณ์ (Interview)** นิยมมากในทางสังคมศาสตร์ โดยเฉพาะการสัมภาษณ์โดยใช้แบบสอบถาม การสัมภาษณ์แบบเจาะลึก หรืออาจจะจำแนกเป็นการสัมภาษณ์เป็นรายบุคคล และการสัมภาษณ์เป็นกลุ่ม เช่น เทคนิคการสนทนากลุ่ม ซึ่งนิยมใช้กันมาก

3) **การรวบรวมข้อมูลจากเอกสาร** เช่น หนังสือ รายงานวิจัย วิทยานิพนธ์ บทความ สิ่งพิมพ์ต่างๆ เป็นต้น

#### 1.5 ขั้นตอนการเก็บรวบรวมข้อมูล

1. การสัมภาษณ์บุคคลที่เกี่ยวข้อง
2. การบันทึกข้อมูลจากบันทึกหรือเอกสารของหน่วยงานต่างๆ
3. การอ่านและศึกษาค้นคว้า
4. การค้นหาข้อมูลจากอินเทอร์เน็ต
5. การเข้าร่วมในเหตุการณ์ต่างๆ
6. การฟังวิทยุและดูโทรทัศน์

## แบบฝึกหัดที่ 1

1. ให้ผู้เรียนพิจารณาข้อความต่อไปนี้แล้วเขียนเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของผู้เรียน

ข้อที่	ข้อความ	ข้อมูลสถิติ	
		เป็น	ไม่เป็น
1	แดงสูง 163 เซนติเมตร		
2	นางสาวภาวิณีมีส่วนสัดเป็น 35-24-36		
3	น้ำหนักของนักเรียนทุกคนที่เรียนชุดการเรียนทางไกล		
4	อุณหภูมิที่จังหวัดปทุมธานีวันนี้วัดได้ 25 องศาเซลเซียส		
5	สมศรีได้คะแนน 15 คะแนน		
6	ในการโยนเหรียญ 10 ครั้ง เกิดหัว 6 ครั้ง เกิดก้อย 4 ครั้ง ได้ อัตราส่วนที่จะเกิดหัว $\frac{6}{10}$		
7	อาจารย์สุกรารเงินเดือน 23,000 บาท		
8	ความสูงเฉลี่ยของประชาชนที่เป็นชาย 162 เซนติเมตร		
9	คน 6 คน เป็นชาย 4 คน เป็นหญิง 2 คน ที่อยู่ในบ้านวิชัย		
10	จำนวนคดีอาชญากรรมในปี 2551 ซึ่งรวบรวมมาจากบันทึกคดี อาชญากรรมแต่ละวันในแต่ละสถานีตำรวจ		

2. ให้ผู้เรียนพิจารณาข้อมูลในแต่ละข้อต่อไปนี้ แล้วเขียนเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็น

ข้อที่	ข้อความ	ข้อมูลสถิติ	
		ข้อมูล คุณภาพ	ข้อมูล ปริมาณ
1	สถิติคนไข้แยกตามเชื้อโรคของโรงพยาบาลแห่งหนึ่ง		
2	จำนวนครั้งของการโทรศัพท์ทางไกลจากแต่ละเครื่องใน สำนักงาน 10 เครื่อง ในวันหนึ่ง		
3	ผู้จัดการถูกสัมภาษณ์ถึงจำนวนเปอร์เซ็นต์ของเวลาทำงานที่ใช้ใน การประชุม		
4	เครื่องสำอางโดยเฉพาะสีของสีทาปาก ซึ่งแต่ละบริษัทใน 10 บริษัท ได้ระบุว่ามียอดขายมากที่สุด		

3. ให้ผู้เรียนพิจารณาข้อความต่อไปนี้ แล้วเติมคำตอบลงในช่องว่างตามความคิดเห็นของผู้เรียนว่าเป็นข้อมูลปฐมภูมิ หรือทุติยภูมิ

1) รายงานประจำปีของหน่วยงานต่างๆ

.....

2) สำนักงานสถิติแห่งชาติ ต้องการเก็บสถิติผลผลิตข้าวทั่วประเทศ โดยการไปสัมภาษณ์ชาวนา

.....

3) ศิริรักษาไปขอข้อมูลเกี่ยวกับจำนวนคนเกิด ตาย และย้าย ซึ่งสำนักงานเทศบาลแห่งหนึ่งได้รวบรวมไว้

.....

4) บรรณารักษ์ห้องสมุดโรงเรียนแห่งหนึ่ง ได้สังเกตและบันทึกการใช้ห้องสมุดของนักเรียนแต่ละวัน

.....

5) ครูคนหนึ่งต้องการทราบว่าห้องสมุดของโรงเรียนมีนักเรียนใช้มากหรือน้อยเพียงใดในแต่ละวัน จึงไปขอลอกข้อมูลจากบรรณารักษ์

.....

## เรื่องที่ 2 การนำเสนอข้อมูล

การนำเสนอข้อมูลเป็นการนำข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาจากแหล่งต่าง ๆ ซึ่งยังไม่เป็นระบบ มาจัดเป็นหมวดหมู่ให้มีความสัมพันธ์เกี่ยวข้องกันตามวัตถุประสงค์ เพื่อสะดวกแก่การอ่าน ทำความเข้าใจ การวิเคราะห์ และแปลความหมาย เพื่อประยุกต์ใช้ในชีวิตประจำวันต่อไป

การนำเสนอข้อมูลแบ่งออกเป็น 2 ประเภท ได้แก่

1. การนำเสนอข้อมูลอย่างไม่มีแบบแผน (informal presentation) หมายถึงการนำเสนอข้อมูลที่ไม่มีกฎเกณฑ์ หรือแบบแผนที่แน่นอนตายตัวเป็นการอธิบายลักษณะของข้อมูลตามเนื้อหาข้อมูล ที่นิยมใช้มีสองวิธีคือการนำเสนอข้อมูลในรูปข้อความหรือข้อความเรียง และการนำเสนอข้อมูลในรูปบทความกิ่งตาราง

- การนำเสนอข้อมูลในรูปข้อความ นิยมใช้กับข้อมูลที่มีจำนวนไม่มากนัก เช่น ในปีงบประมาณ 2552 กศน.บ้านแพ้ว ได้อนุมัติให้นักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้นจบการศึกษาจำนวน 480 คน คิดเป็นร้อยละ 92 อนุมัติให้นักเรียนระดับมัธยมศึกษาตอนปลายจบการศึกษาจำนวน 372 คน คิดเป็นร้อยละ 95

- การนำเสนอข้อมูลในรูปข้อความกิ่งตาราง (Semi – tabular arrangement) คือการนำเสนอข้อมูลโดยแยกตัวเลขออกจากข้อความเพื่อต้องการให้เห็นตัวเลขที่ชัดเจนและเปรียบเทียบความแตกต่างได้สะดวกยิ่งขึ้นตัวอย่าง เช่น บริษัทคอมพิวเตอร์แห่งหนึ่งมีจำนวนยอดขายประจำเดือนมกราคม 2553 ของลูกค้าจำแนกตามภาคต่าง ๆ ดังนี้

ภาค	จำนวนยอดขาย ( พันเครื่อง )
เหนือ	210
กลาง	398
ตะวันออก	135
ตะวันออกเฉียงเหนือ	102
ใต้	170

2. การนำเสนอข้อมูลอย่างมีแบบแผน เป็นการนำเสนอข้อมูลที่มีกฎเกณฑ์ โดยแต่ละแบบจะต้องประกอบด้วยชื่อเรื่อง ส่วนของการนำเสนอ และแหล่งที่มาของข้อมูล การนำเสนอข้อมูลอย่างมีแบบแผนประกอบด้วย การนำเสนอข้อมูลในรูปตาราง แผนภูมิรูปภาพ แผนภูมิวงกลม (แผนภูมิวงกลม) แผนภูมิแท่ง กราฟเส้น และตารางแจกแจงความถี่

### 2.1 การนำเสนอข้อมูลในรูปตาราง

การนำเสนอในรูปตาราง (Tabular presentation) ข้อมูลต่างๆที่เก็บรวบรวมมาได้เมื่อทำการประมวลผลแล้วจะอยู่ในรูปตาราง เป็นการนำเสนอข้อมูลที่ง่าย และนิยมใช้กันอย่างแพร่หลาย เพราะมีความสะดวกและง่ายแก่การนำไปวิเคราะห์และแปลความหมายทางสถิติ

เปรียบเทียบการปรับราคาน้ำมันปี 2521-2523

(ราคา : บาท /ลิตร)

ชนิดน้ำมัน	2521	2522				2523	
	10 มี.ค.	31 ม.ค.	22 มี.ค.	13 ก.ค.	20 ก.ค.	9 ก.พ.	20 มี.ค.
เบนซินพิเศษ	4.98	5.60	-	7.84	-	9.80	-
เบนซินธรรมดา	4.98	5.12	-	7.45	-	9.26	-
น้ำมันก๊าด	2.68	3.06	-	5.12	4.20	6.71	5.70
ดีเซลหมุนเร็ว	2.64	3.03	-	4.88	-	7.39	6.50
ดีเซลหมุนช้า	2.50	2.93	-	4.71	-	7.12	6.27
น้ำมันเตา 450	1.52	-	-	-	-	-	-
น้ำมันเตา 600	1.66	1.86	1.90	3.04	-	3.78	-
น้ำมันเตา 1,200	1.62	1.79	1.83	2.93	-	3.64	-
น้ำมันเตา 1,500	1.61	1.77	1.81	2.90-	-	3.61	-

ที่มา:ภาวะการค้าของประเทศไทยปี 2522 สภาหอการค้าแห่งประเทศไทย






## 2.2 การนำเสนอข้อมูลด้วยแผนภูมิรูปภาพ

แผนภูมิรูปภาพ คือแผนภูมิที่ใช้รูปภาพแทนจำนวนของข้อมูลที่นำเสนอ เช่น แผนภูมิรูปภาพคน รูปภาพคน 1 คนแสดงประชากรที่นำเสนอ 1 ล้านคน เป็นต้น

การเขียนแผนภูมิรูปภาพอาจกำหนดให้รูปภาพ 1 รูปแทนจำนวนสิ่งของ 1 หน่วย หรือหลายหน่วยก็ได้

รูปภาพแต่ละรูปต้องมีขนาดเท่ากันเสมอ

แผนภูมิแสดงงานอดิเรกของนักเรียนชั้น ป. 6 ของโรงเรียนแห่งหนึ่ง (สำรวจเมื่อวันที่ 19 มกราคม 2548)

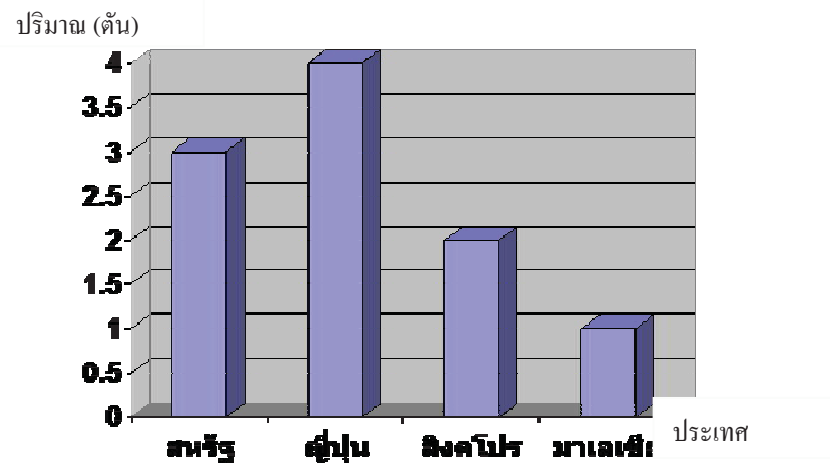
ปลูกต้นไม้	
อ่านหนังสือ	
วาดรูป	
เลี้ยงสัตว์	
เล่นกีฬา	

หมายเหตุ 1 ภาพแทนจำนวนนักเรียน 15 คน

2.3 การนำเสนอด้วยแผนภูมิแท่ง (Bar chart) ประกอบด้วยรูปแท่งสี่เหลี่ยมผืนผ้าซึ่งแต่ละแท่งมีความหนาเท่าๆ กัน โดยจะวางตามแนวตั้งหรือแนวนอนของแกนพิกัดฉากก็ได้

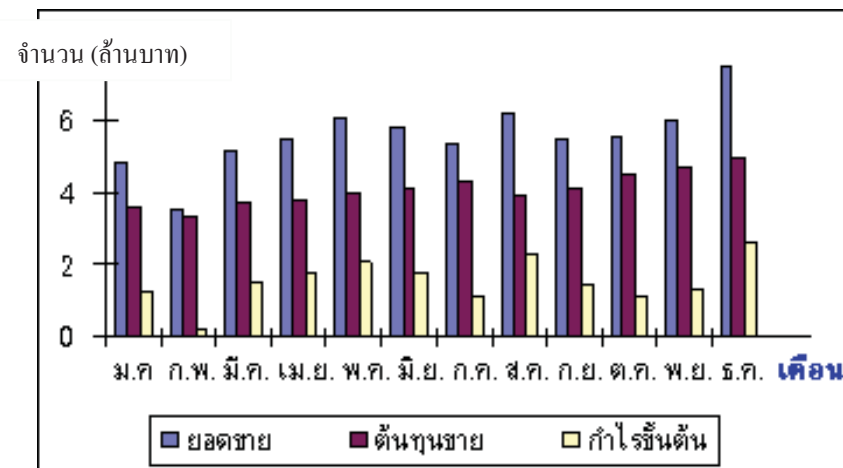
แผนภูมิแท่งแบบทางเดียว เป็นการนำข้อมูลเพียงข้อมูลเดียวมานำเสนอในรูปแบบของแท่งสี่เหลี่ยม

ตัวอย่าง แผนภูมิแท่งแสดงการส่งออกไก่ไปต่างประเทศ



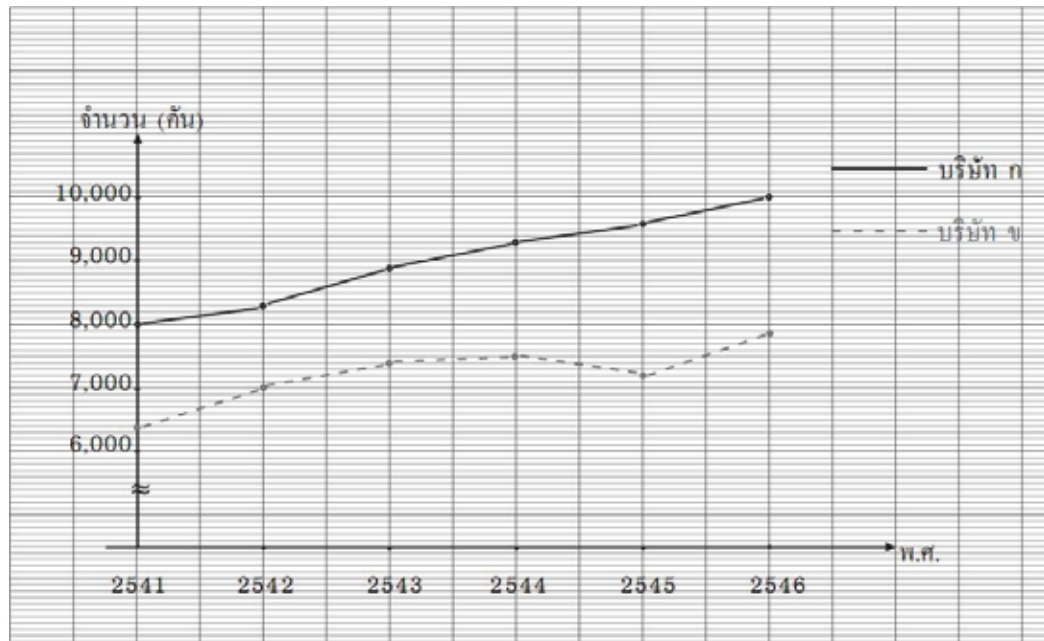
แผนภูมิแท่งแสดงการเปรียบเทียบเป็นการนำข้อมูลตั้งแต่ 2 ชุดขึ้นไปที่เป็นเรื่องเดียวกัน นำมาเขียนบนแกนคู่เดียวกัน แล้วระบายสีแท่งสี่เหลี่ยมให้ต่างกันเพื่อง่ายต่อการดู แล้วอธิบายว่าสีใดแทนอะไร

ตัวอย่าง แผนภูมิแสดงการเปรียบเทียบยอดการขายแต่ละเดือนของบริษัทหนึ่ง



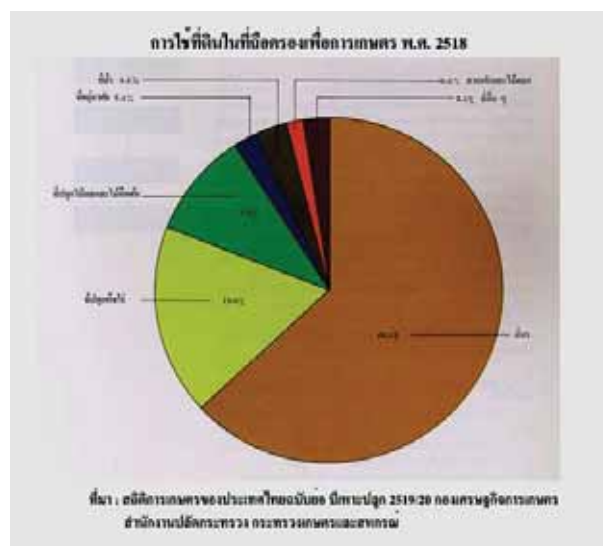
2.4การนำเสนอด้วยกราฟเส้น (Line graph) เป็นแบบที่รู้จักกันดีและใช้กันมากที่สุดแบบหนึ่ง เหมาะสำหรับข้อมูลที่อยู่ในรูปของอนุกรมเวลาเช่น ราคาข้าวเปลือกในเดือนต่างๆ ปริมาณสินค้าส่งออกรายปี เป็นต้น

จากตาราง นำเสนอข้อมูลด้วยกราฟเส้น ดังนี้



2.5การนำเสนอด้วยรูปแผนภูมิวงกลม (Pie chart) เป็นการแบ่งวงกลมออกเป็นส่วนต่างๆตามจำนวนชนิดของข้อมูลที่จะนำเสนอ

ตัวอย่าง แผนภูมิวงกลมแสดงการใช้ที่ดินที่ถือครอบ เพื่อการเกษตร พ.ศ. 2518



## 2.6 การนำเสนอข้อมูลในรูปตารางแจกแจงความถี่

ข้อมูลที่เกี่ยวข้องรวบรวมมาได้ นั่นถ้ามีจำนวนมากหรือซ้ำกันอยู่มาก เมื่อมาเรียงกันหรือจัดให้อยู่เป็นหมวดหมู่แล้วจะช่วยให้เราบอกรายละเอียดต่างๆ หรือสรุปผลเกี่ยวกับข้อมูล ได้สะดวกและรวดเร็วขึ้น เช่น

ในการชั่งน้ำหนักของนักเรียน 40 คน หน่วยเป็นกิโลกรัมปรากฏผลดังนี้

57	44	46	41	48	50	51	42	43	45
45	43	42	40	50	41	47	60	50	52
46	42	42	53	46	55	45	41	50	42
44	41	40	45	59	44	49	50	39	42

ในทางสถิติเรียกว่า **ข้อมูลดิบ** หรือ **คะแนนดิบ** หรือ **ค่าจากสังเกต** เมื่อนำมาจัดเรียงใหม่ให้เป็นระบบ โดยอาจเรียงจากมากไปหาน้อยหรือจากน้อยไปหามาก แล้วบันทึกรอยขีด แสดงจำนวนครั้งของข้อมูลที่เกิดขึ้นซ้ำกันในตาราง จำนวนรอยขีดที่นับได้เรียกว่า **ความถี่** ของแต่ละข้อมูล

ตารางที่นำเสนอข้อมูลในรูปแบบนี้เรียกว่า **ตารางแจกแจงความถี่** และวิธีการจำแนกข้อมูลโดยการบันทึกรอยขีดเพื่อหาค่าความถี่เรียกว่า **การแจกแจงความถี่**

### การสร้างตารางแจกแจงความถี่

ในกรณีที่ข้อมูลที่เกี่ยวข้องรวบรวมมีจำนวนมากๆ และไม่บ่อยซ้ำกัน ถ้าจะเรียงลำดับจะเป็นการเสียเวลาและสิ้นเปลืองมาก จึงกำหนดข้อมูลเป็นช่วงๆ และหาความถี่ของช่วงข้อมูลนั้นๆ

วิธีการสร้างตารางแจกแจงความถี่ โดยจัดเป็นอันตรภาคชั้นให้ทุกๆชั้นมีความกว้างเท่ากัน มีวิธีการดังนี้

#### 1. หาพิสัยของข้อมูล

พิสัย = ข้อมูลที่มีค่าสูงสุด - ข้อมูลที่มีค่าต่ำสุด



2. กำหนดจำนวนชั้นหรือกำหนดความกว้างของอันตรภาคชั้นขึ้นมา  
- ถ้ากำหนดจำนวนชั้นก็ให้หาความกว้างของอันตรภาคชั้น

$$\text{ความกว้างของอันตรภาคชั้น} = \frac{\text{พิสัย}}{\text{จำนวนอันตรภาคชั้น}}$$

(เศษเท่าไรปัดขึ้นเสมอ)

-ถ้ากำหนดความกว้างของอันตรภาคชั้นก็หาจำนวนชั้นได้จาก

$$\text{จำนวนอันตรภาคชั้น} = \frac{\text{พิสัย}}{\text{ความกว้างของอันตรภาคชั้น}}$$

(เศษเท่าไรปัดขึ้นเสมอ)

3. เขียนอันตรภาคชั้น โดยเรียงค่าจากน้อยไปมากหรือจากมากไปน้อย ถ้าเรียงค่าจากน้อยไปมากต้องให้ข้อมูลที่มีค่าต่ำสุดในอันตรภาคชั้นแรกและข้อมูลที่มีค่าสูงสุดอยู่ในอันตรภาคชั้นสุดท้าย

4. นำข้อมูลดิบมาใส่ในตารางโดยใช้รอยขีด

5. รวมความถี่ตามรอยขีด

ตัวอย่างจากข้อมูล

72	74	49	50	62	43	44	54	46	54
45	53	63	67	65	57	65	50	66	69
80	77	60	55	52	56	61	61	82	74
48	66	71	81	51	59	48	68	70	63

จงหา

1. พิสัย
2. จงสร้างตารางแจกแจงความถี่ให้มีทั้งหมด 6 ชั้น
3. จงสร้างตารางแจกแจงความถี่ให้มีความกว้างของอันตรภาคชั้นทุกชั้นเป็น 8 ทุกชั้น

**วิธีทำ**

1. ข้อมูลที่มีค่าสูงสุดเป็น 82

ข้อมูลที่มีค่าต่ำสุดเป็น 43

ดังนั้นพิสัย =  $82 - 43 = 39$

ตอบพิสัยเป็น 39

2. โจทย์กำหนดให้สร้างตารางแจกแจงความถี่ทั้งหมด 6 ชั้น

$$\begin{aligned} \text{จำนวนอันตรภาคชั้น} &= \frac{\text{พิสัย}}{\text{ความกว้างของอันตรภาคชั้น}} \\ \text{จำนวนชั้น} &= \frac{39}{6} \\ &= 6.5 \\ &\approx 7 \end{aligned}$$

ดังนั้นความกว้างของอันตรภาคชั้นเป็น 7

เขียนอันตรภาคชั้น โดยเรียงค่าจากน้อยไปมากหรือจากมากไปน้อยถ้าเอาข้อมูลที่มีค่าต่ำสุดเป็นตัวเริ่มต้น และให้มีความกว้างของอันตรภาคชั้นเป็น 7 จัดได้ดังนี้

อันตรภาคชั้น	รอยขีด	ความถี่
43-49	<del>///</del> //	7
50-56	<del>///</del> ////	9
57-63	<del>///</del> ///	8
64-70	<del>///</del> ///	8
71-77	<del>///</del>	5
78-84	///	3
<b>รวม</b>		<b>40</b>

จากตารางแจกแจงความถี่ข้างต้น มีค่าต่างๆ ที่ผู้เรียนควรทราบอีก คือ

$$1. \text{ ขอบล่าง} = \frac{\text{ค่าที่น้อยที่สุดของอันตรภาคชั้นนั้น} + \text{ค่าที่มากที่สุดของอันตรภาคชั้นที่ต่ำกว่าหนึ่งชั้น}}{2}$$

หรือ ขอบล่าง = ค่าที่น้อยที่สุดของอันตรภาคชั้นที่เราต้องการ - 0.5

เช่น ขอบล่างของอันตรภาคชั้น 50-56 ได้แก่ 49.5

$$2. \text{ ขอบบน} = \frac{\text{ค่าที่มากที่สุดของอันตรภาคชั้นนั้น} + \text{ค่าน้อยที่สุดของอันตรภาคชั้นที่สูงกว่าหนึ่งชั้น}}{2}$$

$$\text{หรือ } \text{ขอบบน} = \text{ค่าที่มากที่สุดของอันตรภาคชั้นที่เราต้องการ} + 0.5$$

$$\text{เช่น } \text{ขอบบนของอันตรภาคชั้น } 50 - 56 = \frac{56 - 57}{2} = 56.5 \text{ หรือ } \text{ขอบบน} = 56 + 0.5 = 56.5$$

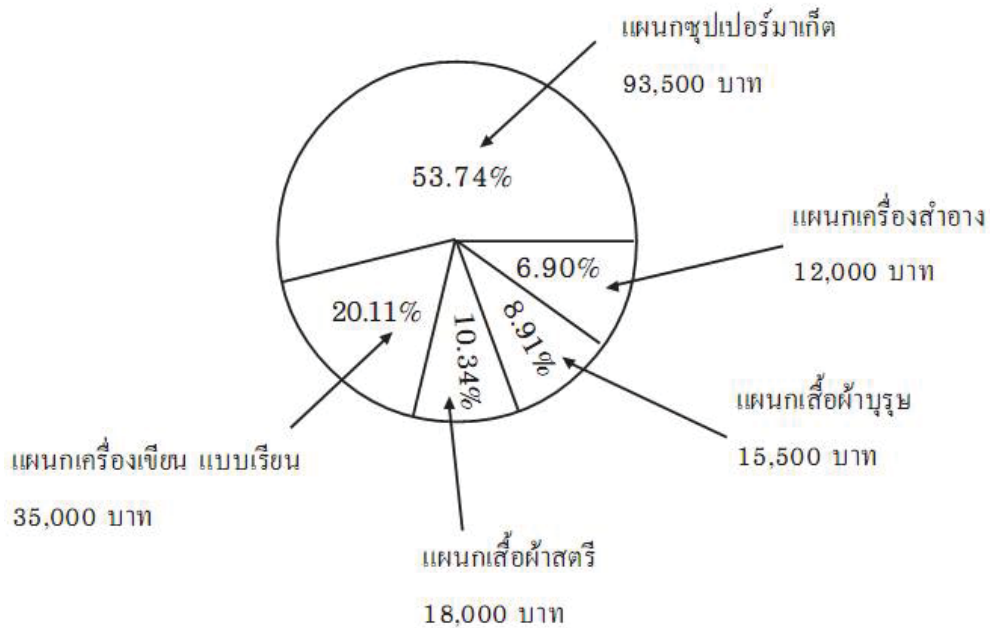
$$3. \text{ จุดกึ่งกลางชั้น} = \frac{\text{ขอบล่าง} + \text{ขอบบน (ของอันตรภาคชั้น)}}{2}$$

เช่น อันตรภาคชั้น 50 - 56 มีขอบบน และขอบล่าง ได้แก่ 49.5 และ 56.5 ตามลำดับ

$$\text{ดังนั้น } \text{จุดกึ่งกลางชั้น} = \frac{49.5 + 56.5}{2} = 53$$

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. แผนภูมิรูปวงกลมแสดงรายได้ของห้างสรรพสินค้าแห่งหนึ่งโดยเฉลี่ยต่อวัน จำแนกตามแผนกต่างๆ



จากแผนภูมิจึงตอบคำถามต่อไปนี้

1) รายได้จากแผนกเสื้อผ้าบุรุษ และแผนกเสื้อผ้าสตรีรวมกันมากกว่าหรือน้อยกว่ารายได้จากแผนกเครื่องเขียน แบบเรียนอยู่ที่เปอร์เซ็นต์

.....

.....

2) รายได้จากแผนกใดน้อยที่สุด และคิดเป็นร้อยละเท่าไรของรายได้จากแผนกที่รายได้มากที่สุด

.....

.....

3) รายได้จากแผนกเสื้อผ้าสตรีคิดเป็นร้อยละเท่าไรของรายได้จากแผนกเครื่องเขียน แบบเรียน

.....

.....

4) แผนกใดที่มีรายได้มากเป็นอันดับสอง และรายได้นั้นคิดเป็นร้อยละเท่าไรของรายได้ทั้งหมด

.....

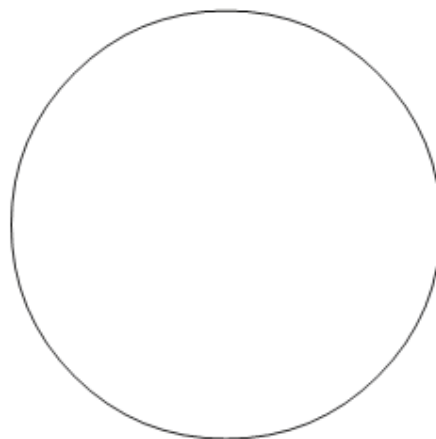
.....

2. จากการสอบถามงบประมาณที่แต่ละกลุ่มสาระการเรียนรู้ได้มาจากการจัดสรรงบประมาณของทางโรงเรียน เป็นดังนี้

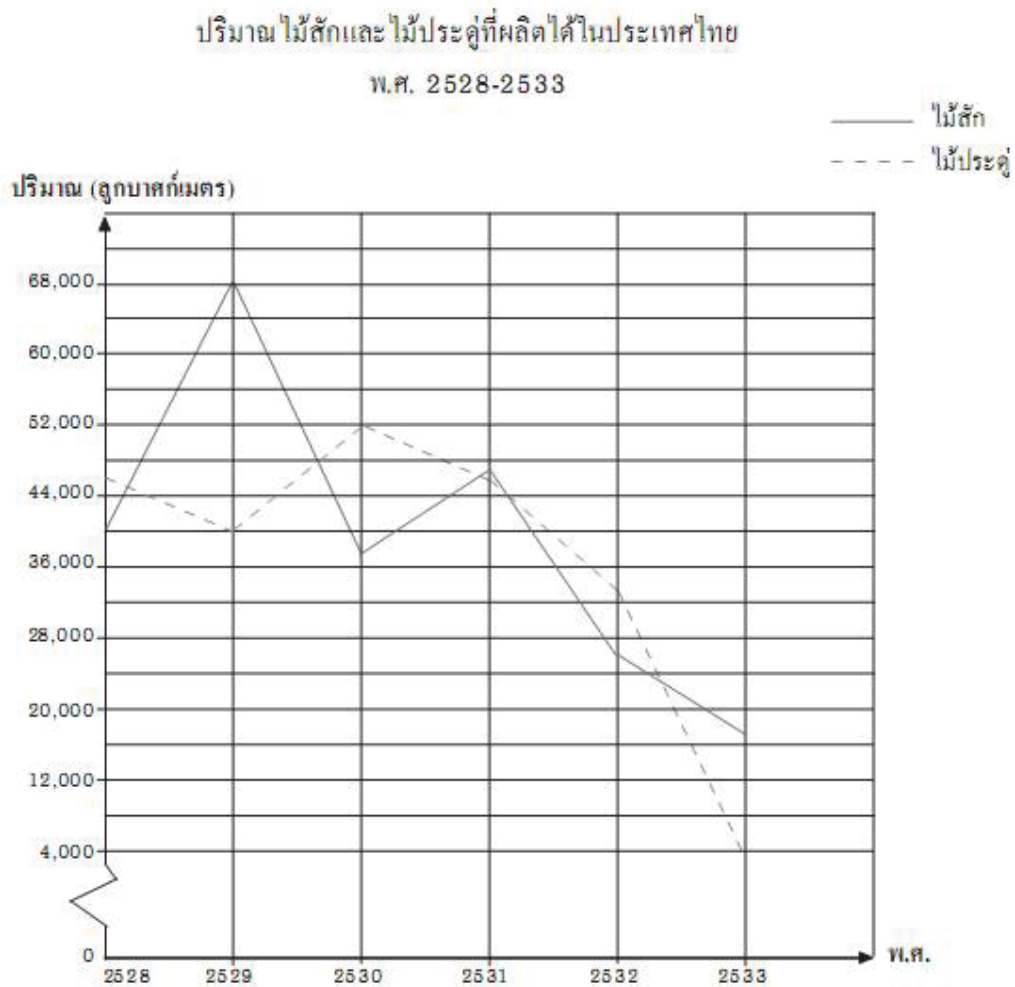
กลุ่มสาระการเรียนรู้	งบประมาณ (บาท)	จำนวนเปอร์เซ็นต์	ขนาดของมุมที่จุดศูนย์กลาง ของรูปวงกลม (องศา)
คณิตศาสตร์	35,000	$\frac{35000}{340000} \times 100 = 10.29$	$\frac{35000}{340000} \times 360^\circ = 37.06$
วิทยาศาสตร์	100,000		
ภาษาต่างประเทศ	48,000		
ภาษาไทย	34,500		
ศิลปะ	18,500		
การงานอาชีพและเทคโนโลยี	40,500		
สุขศึกษาและพลศึกษา	29,500		
สังคมศึกษา ศาสนา และ วัฒนธรรม	34,000		
รวม	340,000		

3. จงเขียนแผนภูมิรูปวงกลมโดยใช้จำนวนเปอร์เซ็นต์และขนาดของมุมที่จุดศูนย์กลางของรูปวงกลมที่คำนวณได้จากตารางข้างต้น

แผนภูมิรูปวงกลมแสดงงบประมาณของกลุ่มสาระต่าง ๆ



4. ให้ผู้เรียนพิจารณารายภาพเส้นต่อไปนี้



ที่มา : สมุดสถิติรายปีประเทศไทย 2532 และ 2534 (ฉบับย่อ)

จากกราฟเส้น จงตอบคำถามต่อไปนี้

1) ใน พ.ศ. ไต่บ้างที่ปริมาณไม้สักที่ผลิตได้มีมากกว่าไม้ประดู่

.....

2) ในพ.ศ. ไต่ที่ปริมาณของไม้สักและ ไม้ประดู่ที่ผลิตได้ต่างกันมากที่สุด และต่างกันประมาณกี่ลูกบาศก์เมตร

.....

.....

3) ในช่วง พ.ศ. 2531 – 2533 ปริมาณไม้สักและไม้ประดู่ที่ผลิตได้มีลักษณะการเปลี่ยนแปลงเป็นอย่างไร และชนิดใดมีการเปลี่ยนแปลงมากกว่า

.....  
 .....

4) ใน พ.ศ. 2532 ปริมาณไม้สักที่ผลิตได้คิดเป็นกี่เปอร์เซ็นต์ของปริมาณไม้ประดู่ที่ผลิตได้ในปีเดียวกัน (ตอบเป็นค่าประมาณของจำนวนเต็มหน่วย)

.....  
 .....

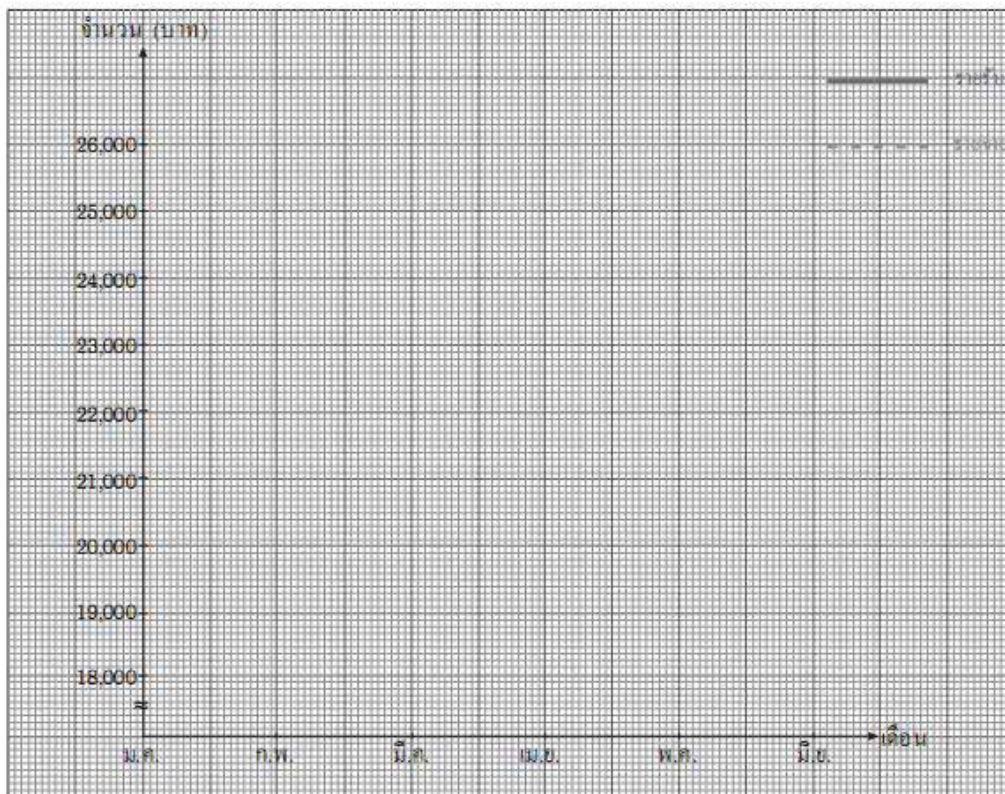
5) ปริมาณไม้ประดู่ในปีที่ผลิตได้มากที่สุดและในปีที่ผลิตได้น้อยที่สุดแตกต่างกันประมาณกี่ลูกบาศก์เมตร

.....  
 .....

4. ตารางแสดงรายรับ – รายจ่ายของนาย ก ในรอบ 6 เดือนแรกของปี พ.ศ. 2546 เป็นดังนี้

เดือน	มกราคม	กุมภาพันธ์	มีนาคม	เมษายน	พฤษภาคม	มิถุนายน
รายรับ (บาท)	23,000	26,000	24,500	23,800	22,500	25,600
รายจ่าย (บาท)	18,500	23,000	21,400	19,800	26,500	20,700

จากตารางจงนำเสนอข้อมูลด้วยกราฟเส้น





### เรื่องที่ 3 การหาค่ากลางของข้อมูล

การหาค่ากลางของข้อมูลที่เป็นตัวแทนของข้อมูลทั้งหมดเพื่อความสะดวกในการสรุปเรื่องราวเกี่ยวกับข้อมูลนั้นๆ จะช่วยทำให้เกิดการวิเคราะห์ข้อมูลถูกต้องยิ่งขึ้น การหาค่ากลางของข้อมูลมีวิธีหาหลายวิธี แต่ละวิธีมีข้อดีและข้อเสียและมีความเหมาะสมในการนำไปใช้ไม่เหมือนกันขึ้นอยู่กับลักษณะข้อมูลและวัตถุประสงค์ของผู้ใช้ข้อมูลนั้นๆ

ค่ากลางของข้อมูลที่สำคัญมี 3 ชนิด คือ

1. ค่าเฉลี่ยเลขคณิต (Arithmetic mean) คือ ค่าที่ได้จากผลรวมของข้อมูลทั้งหมดหารด้วยจำนวนข้อมูลทั้งหมด ใช้สัญลักษณ์คือ  $\bar{x}$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{N}$$

X แทน ข้อมูล  
N แทน จำนวนข้อมูล

ตัวอย่างจากการสอบถามอายุของนักเรียนกลุ่มหนึ่งเป็นดังนี้ 14 , 16 , 20 , 25 , 30

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลชุดนี้ คือ} & \quad \frac{14 + 16 + 20 + 25 + 30}{5} \\ & = \frac{105}{5} \\ & = 21 \end{aligned}$$

ตัวอย่าง จากข้อมูล 4, 8, 4, 5, 8, 5, 6, 8

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลชุดนี้ คือ} & \quad \frac{4 + 8 + 4 + 5 + 8 + 5 + 6 + 8}{8} \\ & = \frac{48}{8} \\ & = 6 \end{aligned}$$

## 2. มัธยฐาน (Median)

คือค่าที่มีตำแหน่งอยู่กึ่งกลางของข้อมูลทั้งหมด เมื่อได้เรียงข้อมูลตามลำดับไม่ว่าจากน้อยไปมาก หรือจากมากไปน้อย ใช้สัญลักษณ์ Med

### หลักการคิด

1) เรียงข้อมูลที่มีอยู่ทั้งหมดจากน้อยไปมาก หรือมากไปน้อยก็ได้

2) ตำแหน่งมัธยฐานคือ ตำแหน่งกึ่งกลางข้อมูล ดังนั้นตำแหน่งของมัธยฐาน =  $\frac{N+1}{2}$

เมื่อ N คือจำนวนข้อมูลทั้งหมด

ตัวอย่าง จงหามัธยฐานจากข้อมูลต่อไปนี้ 3, 10, 4, 15, 1, 24, 28, 8, 30, 40, 23

วิธีทำ 1. เรียงข้อมูลจากน้อยไปหามาก หรือมากไปหาน้อย

จะได้ 1, 3, 4, 8, 10, 15, 23, 24, 28, 30, 40

2. หาดำแหน่งของข้อมูล จาก  $\frac{N+1}{2}$

จะได้  $\frac{11+1}{2} = 6$

ดังนั้น มัธยฐานอยู่ตำแหน่งที่ 6 มีค่าเป็น 15

ถ้าข้อมูลชุดนั้นเป็นจำนวนคู่ จะใช้ค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลคู่ที่อยู่ตรงกลางเป็นมัธยฐาน

ตัวอย่าง จงหามัธยฐานจากข้อมูลต่อไปนี้ 25, 3, 2, 10, 14, 6, 19, 22, 30, 8, 45, 36, 50, 17

วิธีทำ 1. เรียงข้อมูลจากน้อยไปหามาก หรือมากไปหาน้อย

จะได้ 2, 3, 6, 8, 10, 14, 17, 19, 22, 25, 30, 36, 45, 50

2. หาดำแหน่งของข้อมูล จาก  $\frac{N+1}{2}$

จะได้  $\frac{14+1}{2} = 7.5$

มัธยฐานอยู่ระหว่างตำแหน่งที่ 7 และ 8

ดังนั้น มัธยฐาน คือ  $\frac{17+19}{2} = 18$

### 3. ฐานนิยม (Mode)

ฐานนิยมของข้อมูลชุดหนึ่ง คือ ข้อมูลที่มีความถี่สูงสุดในข้อมูลชุดนั้นหรืออาจกล่าวได้ว่าข้อมูลใด การซ้ำกันมากที่สุด(ความถี่สูงสุด)ข้อมูลนั้นเป็นฐานนิยมของข้อมูลชุดนั้นและฐานอาจจะมี หรือมี มากกว่า 1 ค่าก็ได้

ตัวอย่าง จากข้อมูล 2, 3, 4, 3, 4, 5, 6, 8, 6, 4, 6, 7 จงหาฐานนิยม

วิธีทำ	จากข้อมูลจะเห็นว่า		
	มี	2	อยู่หนึ่งตัว
	มี	3	อยู่สองตัว
	มี	4	อยู่สามตัว
	มี	5	อยู่หนึ่งตัว
	มี	6	อยู่สามตัว
	มี	7	อยู่หนึ่งตัว
	มี	8	อยู่หนึ่งตัว

ข้อมูลที่มีความถี่สูงสุดในนี้มี 2 ตัวคือ 4 และ 6 ซึ่งต่างก็มีความถี่เป็น 3 ดังนั้น ฐานนิยมของข้อมูลชุดนี้ คือ 4 และ 6

## แบบฝึกหัดที่ 3

1. จากข้อมูล 2, 6, 1, 5, 13, 6, 16 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต รฐานนิยม และมัธยฐาน

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน = .....

ฐานนิยม = .....

เรียงข้อมูลจากมากไปหาน้อยหรือน้อยไปหามาก

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน คือ = .....

ฐานนิยม คือ = .....

2. จากข้อมูล 24, 16, 18, 36, 7, 28, 6, 36, 12 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต รฐานนิยม และมัธยฐาน

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน = .....

ฐานนิยม = .....

เรียงข้อมูลจากมากไปหาน้อยหรือน้อยไปหามาก

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน คือ = .....

ฐานนิยม คือ = .....

3. จากข้อมูล 10.1, 13.8, 15.6, 4.5, 18.6, 8.4 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต รฐานนิยม และมัธยฐาน

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน = .....

ฐานนิยม = .....

เรียงข้อมูลจากมากไปหาน้อยหรือน้อยไปหามาก

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

มัธยฐาน คือ = .....

ฐานนิยม คือ = .....

## เรื่องที่ 4 การเลือกใช้ค่ากลางของข้อมูล

ในการที่จะเลือกใช้ค่ากลางค่าใดนั้น ขึ้นอยู่กับจุดประสงค์ของผู้ใช้ ซึ่งค่ากลางทั้งสามมีสมบัติที่แตกต่างกันดังนี้

### ค่าเฉลี่ยเลขคณิต

#### ข้อเสีย

1. ถ้าข้อมูลมีบางค่าต่ำเกินไปหรือสูงเกินไป จะมีผลต่อค่าเฉลี่ยเลขคณิต จึงไม่เหมาะสมที่จะใช้ เช่น รายได้ของพนักงาน 5 คน เป็นดังนี้ 7,000 บาท 9,000 บาท 13,500 บาท 18,000 บาท 80,000 บาท
2. ถ้าข้อมูลแจกแจงความถี่ชนิดปลายเปิด เช่น น้อยกว่าหรือเท่ากับ มากกว่าหรือเท่ากับ จะคำนวณหาค่าเฉลี่ยเลขคณิตไม่ได้
3. ใช้ได้กับข้อมูลเชิงปริมาณเท่านั้น

#### ข้อดี

1. มีประโยชน์ในการใช้ข้อมูลจากตัวอย่างอ้างอิงไปสู่ประชากร
2. สามารถคำนวณได้ง่ายโดยใช้ค่าที่ได้มาทุกจำนวน
3. มีการนำไปใช้ในสถิติขั้นสูงมากกว่าค่าเฉลี่ยแบบอื่น ๆ
4. สามารถเปรียบเทียบกับข้อมูลชุดอื่นได้ง่าย

### ฐานนิยม

#### ข้อเสีย

1. บางครั้งหาฐานนิยมไม่ได้
2. การคำนวณฐานนิยมไม่ได้ใช้ค่าของข้อมูลทุกตัว จึงไม่เป็นตัวแทนที่ดีนัก
3. ค่าฐานนิยมไม่ค่อยนิยมใช้ในสถิติขั้นสูง

#### ข้อดี

1. เข้าใจง่ายและคำนวณง่าย
2. สามารถคำนวณจากกราฟได้
3. เป็นค่ากลางที่ใช้ได้กับข้อมูลเชิงคุณภาพ
4. เมื่อมีข้อมูลบางตัวเล็กหรือใหญ่ผิดปกติจะไม่กระทบฐานนิยม
5. ใช้ได้ดีเมื่อจุดประสงค์มุ่งที่จะศึกษาสิ่งที่เกิดขึ้นบ่อย หรือลักษณะที่คนชอบมากหรือมีคะแนน

ส่วนใหญ่รวมกันอยู่ ณ ค่าใดค่าหนึ่ง

6. กรณีที่ข้อมูลแจกแจงความถี่ชนิดปลายเปิดสามารถหาฐานนิยมได้

**มัชฌิมาน****ข้อเสีย**

1. ใช้ได้กับข้อมูลเชิงปริมาณเท่านั้น
2. สำหรับข้อมูลที่แจกแจงความถี่หรือข้อมูลที่จัดกลุ่มมัชฌิมานที่คำนวณได้จะไม่ใช่ค่าข้อมูลจริง

**ข้อดี**

1. คำนวณได้ง่ายสำหรับข้อมูลไม่จัดกลุ่ม
2. ข้อมูลบางค่ามีค่าสูงหรือต่ำเกินไป ไม่กระทบกระเทือนต่อมัชฌิมาน จึงเหมาะที่จะใช้มัชฌิมานมาก

**ที่สุด**

3. กรณีที่ข้อมูลแจกแจงความถี่ชนิดปลายเปิดก็สามารถหามัชฌิมานได้

**แบบฝึกหัดที่ 4**

1. จากตารางให้นักเรียนหาความถี่สะสม โดยเติมลงในช่องความถี่สะสม

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จำนวน (คน)	ความถี่สะสม
42	4	
43	7	
44	10	
45	15	
46	6	
47	8	
รวม	50	

## 2. จากตารางในข้อ 1

ฐานนิยม คือ .....

มัธยฐาน คือ .....

หาค่าเฉลี่ยเลขคณิต ให้นักเรียนเติมค่าต่างๆ ลงในช่องว่างให้สมบูรณ์

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จำนวน (คน)	น้ำหนัก × จำนวนคน
42	4	
43	7	
44	10	
45	15	
46	6	
47	8	
<b>รวม</b>	<b>50</b>	

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

= .....

ดังนั้นค่าเฉลี่ยเลขคณิต คือ .....

3. ต่อไปนี้เป็นตารางแจกแจงความถี่ของน้ำหนัก (หน่วยเป็นกิโลกรัม) ของนักเรียน 60 คน

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	ความถี่
20-24	1
25-29	2
30-34	9
35-39	11
40-44	13
45-49	8
50-54	7
55-59	6
60-64	3
รวม	80



จากตาราง

1) หากความถี่สะสมทุกอันตรภาคชั้น

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	ความถี่	ความถี่สะสม
20-24	1	
25-29	2	
30-34	9	
35-39	11	
40-44	13	
45-49	8	
50-54	7	
55-59	6	
60-64	3	
รวม	60	

2) ฐานนิยมของน้ำหนักอยู่ในช่วงใด

.....

3) โดยส่วนใหญ่ผู้เรียนน้ำหนักอยู่ในช่วงใด

.....

4) ถ้าเรียงน้ำหนักน้อยที่สุด ไปยังน้ำหนักมากที่สุด จงหาตำแหน่งของมัธยฐาน

.....

5) นักเรียนคิดว่ามัธยฐานของน้ำหนักอยู่ในช่วงใด

.....

6) หากค่าเฉลี่ยเลขคณิต ให้นักเรียนเติมค่าต่างๆ ลงในช่องว่างให้สมบูรณ์

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จุดกึ่งกลางชั้น	ความถี่	จุดกึ่งกลางชั้น × ความถี่
20-24		1	
25-29		2	
30-34		9	
35-39		11	
40-44		13	
45-49		8	
50-54		7	
55-59		6	
60-64		3	
<b>รวม</b>		<b>60</b>	

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต = .....

= .....

ดังนั้นค่าเฉลี่ยเลขคณิต คือ .....

## เรื่องที่ 5 การใช้สถิติ ข้อมูลสารสนเทศ

### 5.1 สถิติในชีวิตประจำวัน

ในชีวิตประจำวันของคนเรานั้น สถิติมีส่วนเกี่ยวข้องกับอยู่เสมอ เช่น

ในเรื่องเกี่ยวกับตัวนักเรียน อาจจะมีการหาความสูงโดยเฉลี่ย หรือหาน้ำหนักโดยเฉลี่ย หรือหาคะแนนเฉลี่ย หรือหาส่วนสัดโดยเฉลี่ยของนักเรียนทั้งห้องเรียน เป็นต้น

ในเรื่องเกี่ยวกับครู-อาจารย์ ก็มีสถิติเกี่ยวกับจำนวนครู-อาจารย์ ระดับผลการเรียนของนักเรียน จำนวนนักเรียนที่ติด 0, ร. มส. จำนวนนักเรียนที่สอบเข้ามหาวิทยาลัยได้ในแต่ละรุ่น แต่ละปีและสถิติการทำงานในสถานที่ต่างๆ ของนักเรียนที่จบการศึกษาในแต่ละรุ่น เป็นต้น

ในเรื่องของข่าวสาร สารสนเทศ จะเห็นว่าในหนังสือพิมพ์ หรือในโทรทัศน์จะมีตัวเลข แสดงให้เห็นข้อเท็จจริงต่างๆ เช่น สถิติเกี่ยวกับการเปลี่ยนแปลงราคาหุ้น อาจนำเสนอในรูปแบบต่างๆ เช่น นำเสนอในรูปแบบตาราง นำเสนอในรูปแบบแผนภูมิแท่ง นำเสนอในรูปแบบแผนภูมิวงกลม หรือนำเสนอในรูปแบบกราฟเส้น เป็นต้น

ในเรื่องของแรงงาน ก็มีสถิติเกี่ยวกับจำนวนคนในกำลังแรงงานเปอร์เซ็นต์ของคนว่างงาน รายได้ และสวัสดิการที่คนงานได้รับ เป็นต้น

ในเรื่องเกี่ยวกับการกสิกรรม จะเห็นว่าเกษตรกรต้องมีการพัฒนาอยู่เรื่อยๆ เช่น การศึกษา ผลผลิตข้าวพันธุ์ใหม่เทียบกับพันธุ์เดิม หรือการทดลองปลูกอ้อยในที่ดินลักษณะต่างๆ การปลูกมันสำปะหลังแบบใดจึงจะเหมาะสมกับสภาพดินของตนเอง หรือการปลูกหม่อนเลี้ยงไหมพันธุ์ไหนดีกว่ากัน จึงจะได้ใบหม่อนที่มีคุณภาพทั้งยังเป็นการประหยัดเวลาและแรงงาน ซึ่งสถิติมีส่วนในการวางแผนการทดลองและการวิเคราะห์ข้อมูล

ในเรื่องของการประกันชีวิต บริษัทประกันก็ต้องมีสถิติของพนักงานหรือตัวแทน หรือผู้จัดการแต่ละฝ่าย หรือตำแหน่งที่สูงกว่า หรือสถิติยอดขายในแต่ละเดือน หรือการปรับอัตราค่าระเบี้ยประกันที่มีการปรับปรุงเปลี่ยนแปลงอาจจะแยกตามเพศ ตามอายุ ตามวงเงิน การกำหนดอัตราเบี้ยประกัน จะต้องอาศัยข้อมูลที่ผ่านมา สถิติมีส่วนในการคำนวณเบี้ยประกันตามวิธีของการประกันภัย พร้อมทั้งมีการเสนอในรูปแบบต่างๆ โดยเฉพาะแบบตาราง เป็นต้น

ในเรื่องเกี่ยวกับธุรกิจการค้า บริษัทห้างร้านหรือสรรพสินค้าต่างๆ ก็มีสถิติเกี่ยวกับยอดขายสินค้าในแผนกต่างๆ สถิติแสดงปริมาณสินค้าที่ขายประเภทต่างๆ สถิติยอดขายของพนักงานแต่ละคนนอกจากนี้สถิติยังไปเกี่ยวข้องกับการรับประกันอายุใช้งานของสินค้า สถิติช่วยในการกำหนดวิธีเก็บรวบรวมข้อมูลและการวิเคราะห์ข้อมูล นอกจากนี้สถิติก็ยังมีส่วนเกี่ยวข้องกับการควบคุมคุณภาพสินค้าที่ผลิตด้วย

ในวงการแพทย์ก็มีสถิติเกี่ยวกับจำนวนแพทย์ พยาบาล จำนวนผู้ป่วย จำนวนโรคต่างๆ สถิติการผลิตและจำนวนยาประเภทต่างๆ จำนวนคนตายจำแนกตามสาเหตุของการตาย จำนวนผู้บริจาคเลือดในแต่ละปี เป็นต้นนอกจากนี้สถิติยังไม่เกี่ยวข้องในการออกแบบ และการวางแผนการตลาด การเก็บรวบรวมข้อมูล การวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาข้อสรุป เกี่ยวกับการทดสอบประสิทธิผลของยารักษาโรคชนิดต่างๆ อีกด้วย

ในเรื่องของการบริหารงานขององค์กรต่างๆ อาทิ องค์กรของรัฐ เช่น ระดับอำเภอก็มีสถิติเกี่ยวกับประชากรในแต่ละหมู่บ้าน ในแต่ละตำบล สถิติเกี่ยวกับอาชีพต่าง ๆ ผลผลิตแต่ละปี การศึกษาของคนในแต่ละชุมชนเป็นอย่างไร จะจัดสรรงบประมาณ ไปให้แต่ละแห่งมากน้อยเพียงใด สถิติมีส่วนเกี่ยวข้องมาก

นอกจากที่กล่าวมาแล้วข้างต้น สถิติยังไปเกี่ยวข้องกับชีวิตประจำวันอีกหลายอย่าง เช่น การสำรวจความคิดเห็นหรือโพล การร่วมแสดงความคิดเห็นโดยการส่ง sms ซึ่งคิดออกมาในรูปร้อยละเห็นด้วย ไม่เห็นด้วย นำเสนอผ่านหน้าจอโทรทัศน์เป็นประจำ สถิติเกี่ยวกับน้ำท่วม ไร่นาเสียหายไปกี่ไร่ จะมีมาตรการอย่างไรที่จะแก้ไข ในปีต่อไปซึ่งต้องมีการเก็บรวบรวมข้อมูลจากปีที่ผ่านๆ มา หรือสถิติคนใช้บริการรถโดยสารในช่วงเทศกาลต่างๆ สถิติการเกิดอุบัติเหตุบนท้องถนน ซึ่งข้อมูลเหล่านี้ล้วนแต่เกี่ยวข้องกับสถิติทั้งสิ้น

### แบบฝึกหัดที่ 1

ให้นักศึกษาอภิปรายหาข้อมูลสารสนเทศที่เคยมีประสบการณ์ มา 4 – 5 ชนิด

## 5.2 การใช้ข้อมูลสารสนเทศ

การเลือกใช้ข้อมูลในการตัดสินใจ เป็นสิ่งที่มีประโยชน์มาก เพราะในการดำรงชีวิตของคนเรามักเกี่ยวข้องกับเหตุการณ์ต่างๆ มากมาย จึงจำเป็นต้องอาศัยการตัดสินใจอย่างมีระบบระเบียบ มีหลักมีเกณฑ์ และมีเหตุผล โดยนำปัจจัยต่างๆ มาพิจารณาก่อนที่จะตัดสินใจ เพื่อให้ได้ทางเลือกที่ดีที่สุด ซึ่งต้องอาศัยทั้งความรู้ ประสบการณ์ ข้อมูล ข่าวสารต่างๆ เป็นส่วนประกอบ เพื่อไม่ให้เกิดความผิดพลาดหรือโอกาสที่จะผิดพลาดมีน้อยที่สุด เช่น

### การเลือกสิ่งต่างๆ

การเลือกซื้อสินค้าอย่างหนึ่ง

### การตัดสินใจ

1. คุณภาพดี
2. ราคาไม่แพงเกินไป
3. มีคนนิยมมาก
4. จำเป็นต้องใช้
5. ชอบเป็นชีวิตจิตใจ

การเลือกธนาคารเพื่อการออม

1. ธนาคารของรัฐบาล
2. ธนาคารใกล้บ้าน
3. ธนาคารใกล้ที่ทำงาน
4. ให้ผลประโยชน์มาก
5. การไปมาสะดวก
6. ธนาคารที่มีความมั่นคงไม่  
สั่นคลอน หรือ ไม่มีข่าวออกมา  
ในทางไม่สู้คืออยู่เสมอๆ

การลงทุนในกิจการอย่างใดอย่างหนึ่ง

1. เงินลงทุน
2. ผลผลิตที่ได้
3. คู่แข่งแรงงานหรือไม่
4. เป็นที่นิยมหรือเปล่า

การเลือกชมรายการโทรทัศน์ช่องต่างๆ

1. รายการโปรด
2. เนื้อหาสาระดี
3. ให้ความบันเทิง
4. การนำเสนอทันสมัย
5. มีประโยชน์สามารถนำไป  
ประยุกต์ใช้ได้
6. เพื่อการลงทุน เช่น หุ้น

### การเดินทาง

รายงานข่าวบอกว่ามีรถติดที่ถนนไคบ๊าง

1. อาจหลีกเลี่ยงเส้นทางดังกล่าว
2. รอจนกว่าจะเดินรถสะดวกก่อน

เทศกาลต่างๆ รถจะแน่น เมื่อเดินทาง

1. อาจไม่กลับในช่วงเทศกาล
2. อาจเลือกกลับหลังเทศกาล 1 – 2 วัน

ไปต่างจังหวัด

เป็นต้น

นอกจากนี้การตัดสินใจยังมีความสำคัญในการประกอบธุรกิจต่างๆ ทั้งธุรกิจขนาดเล็กและธุรกิจขนาดใหญ่ นักธุรกิจอาจพบปัญหาในด้านต่างๆ มากมายที่จะต้องตัดสินใจอยู่เสมอ เช่น ปัญหาด้านการตลาด ปัญหาด้านการขยายการลงทุน ปัญหาแรงงาน ปัญหาในการกำหนดราคา ปัญหาพนักงาน ค่าครองชีพ ปัญหาทางการเงิน ซึ่งนักธุรกิจจะใช้ประสบการณ์หรือคำสั่งสอนอบรมจากพ่อแม่ บรรพบุรุษมาแก้ปัญหาอย่างเดียวไม่ได้ อาจเกิดความผิดพลาดได้ ดังนั้น นักธุรกิจควรใช้ข้อมูลและวิธีการทางสถิติมาช่วยในการตัดสินใจ

สำหรับในระดับนี้การเลือกใช้ข้อมูลในการตัดสินใจอาจจะเกี่ยวกับค่ากลางที่กล่าวมาแล้วด้วย เช่น ถ้าต้องการกะประมาณรายได้ของประชากรทั่วประเทศ ควรใช้ค่ากลาง คือ ค่าเฉลี่ยเลขคณิต หรือประมาณจำนวนพลเมืองที่ชอบดูทีวีสีช่อง 7 ควรเลือกใช้ค่ากลางฐานนิยม หรือถ้าข้อมูลมีค่าต่ำและค่าสูงแตกต่างกันมากควรตัดสินใจเลือกใช้ค่ากลางมัธยฐาน เป็นต้น

ในเรื่องนี้ผู้เรียนจะได้เรียนละเอียดในชั้นสูงต่อไป

## บทที่ 10

### ความน่าจะเป็น

#### สาระสำคัญ

1. การนับจำนวนผลลัพธ์ที่เกิดจากการทดลองใด ๆ
2. ความน่าจะเป็น แสดงให้ทราบว่า เหตุการณ์ใดเหตุการณ์หนึ่งมีโอกาสเกิดขึ้นมากน้อยเพียงใด อันจะมีประโยชน์ต่อการตัดสินใจในการดำเนินงานนั้น ๆ

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. หาความน่าจะเป็นของเหตุการณ์จากการทดลองสุ่มที่ผลแต่ละตัวมีโอกาสที่จะเกิดขึ้นเท่า ๆ กัน
2. ใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นในการคาดการณ์ได้อย่างสมเหตุสมผล
3. ใช้ความรู้เกี่ยวกับความน่าจะเป็นประกอบการตัดสินใจ

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- |             |   |
|-------------|---|
| เรื่องที่ 1 | การทดลองสุ่มและเหตุการณ์                  |
| เรื่องที่ 2 | ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์                 |
| เรื่องที่ 3 | การนำความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ต่างๆ ไปใช้ |

## เรื่องที่ 1 การทดลองสุ่ม และเหตุการณ์

### 1.1 การทดลองสุ่ม

คือการกระทำที่เราทราบผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้แต่เราไม่ทราบว่าผลลัพธ์ใดจะเกิดขึ้นเช่น

1. โยนเหรียญ 1 อัน 1 ครั้ง ผลที่เกิดขึ้นได้มีสองอย่าง คือ “ออกหัว” หรือ “ออกก้อย” จะได้ว่าผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นคือ หัวและก้อย

2. ทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง ผลที่เกิดขึ้น คือ การขึ้นแต้มของหน้าใดหน้าหนึ่งของลูกเต๋า ซึ่งมีทั้งหมด 6 หน้า ได้แก่ 1, 2, 3, 4, 5, 6



ตัวอย่างจงเขียนผลที่อาจเกิดขึ้นได้ทั้งหมดในการโยนเหรียญสิบบาท 1 อัน และเหรียญห้าบาท 1 อัน พร้อมกัน

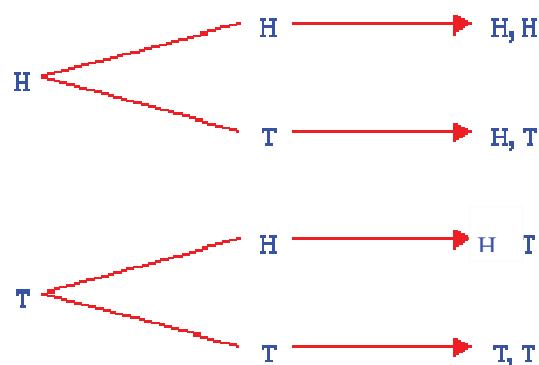
วิธีทำ ในการโยนเหรียญ 1 อัน ผลที่อาจเกิดขึ้นคือ หัวและก้อย

ถ้าให้ H แทนหัว

ให้ T แทนก้อย

ในการหาผลที่อาจเกิดขึ้นได้ทั้งหมด จากการโยนเหรียญสิบบาท และ โยนเหรียญห้าบาทอย่างละ 1 อัน อาจใช้แผนภาพช่วยได้ดังนี้

ผลที่อาจเกิดจาก การโยนเหรียญบาท	ผลที่อาจเกิดจาก การโยนเหรียญ ห้าสิบบาท	ผลที่อาจเกิดจากการ โยนทั้งสองเหรียญ
------------------------------------	--	--





จากแผนภาพจะเห็นว่า ถ้าเหรียญสิบบาทออกหัว เหรียญห้าบาทจะออกหัวหรือออกก้อยก็ได้ จึงได้ผลที่อาจเกิดจากการโยนทั้งสองเหรียญเป็น H,H กับ H,T

ในทำนองเดียวกัน ถ้าเหรียญสิบบาทออกก้อย เหรียญห้าบาทอาจจะออกหัวหรือออกก้อยก็ได้จึงได้ผลที่อาจเกิดจากการโยนเหรียญทั้งสองเป็น T,H กับ T,T

ฉะนั้น ถ้าเราใช้คู่อันดับเขียนผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้ โดยให้สมาชิกตัวที่หนึ่งของคู่อันดับแทนผลที่อาจเกิดขึ้นจากเหรียญสิบบาท สมาชิกตัวที่สองของคู่อันดับแทนผลที่อาจเกิดขึ้นจากเหรียญห้าบาท จะ

ผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้น คือ (H,H), (H,T), (T,H), (T,T)

เราอาจเขียนแสดงผลในรูปตารางได้ดังนี้

ผลที่อาจจะเกิดจากการโยนเหรียญสิบบาท	ผลที่อาจจะเกิดจากการโยนเหรียญห้าบาท	ผลที่อาจจะเกิดจากการโยนทั้งสองเหรียญ
H	H	(H, H)
H	T	(H, T)
T	H	(T, H)
T	T	(T, T)

### แบบฝึกหัดที่ 1

1. ให้ผู้เรียนพิจารณาการทดลองสุ่มต่อไปนี้ว่าผลจากการทดลองสุ่มอาจเป็นอย่างไรบ้าง

1). โยนเหรียญสิบบาท 1 อัน

.....

2). โยนเหรียญสิบบาทสองอันพร้อมกัน

.....

3). หยิบลูกปิงปอง 2 ลูกพร้อมๆกัน จากกล่องที่มีลูกปิงปองสีเหลือง 3 ลูก สีแดง 1 ลูก

.....

2. จงเขียนผลที่อาจจะเกิดขึ้นได้ทั้งหมดจากการหมุนเป็นวงกลมที่มีหมายเลข 1 และ 2 แล้วมาโยนเหรียญบาท 1 อัน

.....

.....

.....

3. จงเขียนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้จากการหยิบสลาก 1 ใบ จากสลากที่เขียนหมายเลขตั้งแต่ 10 ถึง 20 ไว้

.....

.....

.....

#### 1.2 เหตุการณ์

ในการทดลองสุ่มโยนเหรียญบาท 1 เหรียญและเหรียญห้าสิบบาทต่าง 1 เหรียญ นักเรียนทราบแล้วว่าผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้คือ (H, H), (H, T), (T, H) และ (T, T) ถ้าเราสนใจผลที่จะเกิดก้อยอย่างน้อย 1 เหรียญ จะได้ว่า ผลที่จะเกิดก้อยอย่างน้อย 1 เหรียญ คือ (H, T), (T, H) และ (T, T) เราเรียกผลที่เราสนใจจากการทดลองสุ่มว่า เหตุการณ์

พิจารณาการหลับตาหยิบลูกบอล 1 ลูกจากถุงซึ่งมีลูกบอลสีเขียว 4 ลูก คือ ข1, ข2, ข3 และ ข4 ดังนั้น



จากการทดลองสุ่มครั้งนี้จะเห็นได้ว่า จะหยิบลูกบอลครั้งใดก็ได้ลูกบอลสีเขียวเสมอ ซึ่งผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้คือ ข1, ข2, ข3 และ ข4

และถ้าสนใจเหตุการณ์ "หยิบได้ลูกบอลสีเขียว" จะได้ว่าเหตุการณ์คือ ข1, ข2, ข3 และ ข4

จะเห็นว่า ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้ และเหตุการณ์ที่จะหยิบได้ลูกบอลสีเขียวเป็นผลชุดเดียวกันเราเรียกเหตุการณ์ "หยิบได้ลูกบอลสีเขียว" จากการทดลองสุ่มครั้งนี้ว่า "เหตุการณ์ที่แน่นอน"

และจากการทดลองสุ่มครั้งนี้จะเห็นว่าเราไม่อาจที่จะหยิบได้ลูกบอลสีแดงได้เลย เราเรียกเหตุการณ์ "หยิบได้ลูกบอลสีแดง" จากการทดลองสุ่มครั้งนี้ว่า "เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้"

### ตัวอย่างเหตุการณ์

ตัวอย่างที่ 1 หลับตาหยิบลูกบอล 1 ลูกจากกล่องที่มีลูกบอลสีแดง 1 ลูก สีขาว 1 ลูก และสีน้ำเงิน 1 ลูก จงหาความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ต่อไปนี้

- (1) หยิบได้ลูกบอลสีแดง
- (2) หยิบได้ลูกบอลที่ไม่ใช่สีแดง

วิธีทำ ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้จากการทดลองสุ่มคือ แดง ขาว และน้ำเงิน

ดังนั้นจำนวนทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้นได้เป็น 3

- (1) เหตุการณ์ที่จะหยิบได้ลูกบอลสีแดง คือ แดง

จำนวนผลที่เกิดในเหตุการณ์นี้เป็น 1

ฉะนั้นความน่าจะเป็นของเหตุการณ์หยิบได้ลูกบอลสีแดงเป็น  $\frac{1}{3}$

- (2) เหตุการณ์ที่จะหยิบได้ลูกบอลที่ไม่ใช่สีแดง คือ

หยิบได้ ขาว และ น้ำเงิน

จำนวนผลที่เกิดขึ้นในเหตุการณ์เป็น 2

ฉะนั้นความน่าจะเป็นของเหตุการณ์หยิบได้ลูกบอลที่ไม่ใช่สีแดงเป็น  $\frac{2}{3}$

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. ทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง จงเขียน

1) ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้น

.....

2) เหตุการณ์ที่ได้แต้มไม่เกิน 5

.....

3) เหตุการณ์ที่ได้แต้มเป็นจำนวนที่หารด้วย 3 ลงตัว

.....

2. ทอดลูกเต๋า 2 ลูกพร้อมกัน 1 ครั้ง จงเขียน

1) ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้น

.....

.....

.....

2) ผลรวมของแต้มเป็น 8

.....

3) ผลรวมของแต้มมากกว่า 9

.....

4) ผลรวมของแตมน้อยกว่า 4

.....

5) ผลรวมของแต้มหารด้วย 2 ลงตัว

.....

6) ผลรวมของแตมน้อยกว่า 2

.....

3. จากการสอบถามถึงปกรายงานที่ผู้เรียนชอบ 2 สี ในจำนวน 5 สี คือ สีขาว สีฟ้า สีชมพู สีเขียวและ สีเหลือง จงเขียน

1) ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้น

.....

.....

2) เหตุการณ์ที่นิถยจะชอบสีฟ้าหรือสีชมพู

.....

## เรื่องที่ 2 ความน่าจะเป็นของเหตุการณ์

พิจารณาการทดลองสุ่มและเหตุการณ์ที่สนใจ

ทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง ผลทั้งหมดที่อาจเกิดขึ้น คือ 1, 2, 3, 4, 5, 6 ซึ่งมีทั้งหมด 6 จำนวน

1). ถ้าเหตุการณ์ที่สนใจ คือ เต็มหน้าบนหน้าลูกเต๋าเป็นจำนวนคู่ ซึ่ง ได้แก่ 2, 4, 6 จะเห็นได้ว่ามี 3 จำนวน นั่นคือ จำนวนผลที่จะเกิดในเหตุการณ์ เป็น 3

เรากล่าวว่าความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่เต็มหน้าบนหน้าลูกเต๋าเป็นจำนวนคู่ คือ  $\frac{3}{6}$  หรือ  $\frac{1}{2}$

2). ถ้าเหตุการณ์ที่สนใจ คือ เต็มที่หน้าบนหน้าลูกเต๋า เป็นจำนวนที่น้อยกว่า 3 ซึ่ง ได้แก่ 1, 2 จะเห็นได้ว่ามีทั้งหมด 2 จำนวน นั่นคือ จำนวนผลที่จะเกิดในเหตุการณ์เป็น 2

เรากล่าวว่าความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่เต็มหน้าบนหน้าลูกเต๋าเป็นจำนวนคู่ คือ  $\frac{2}{6}$  หรือ  $\frac{1}{3}$

จากทั้ง 2 เหตุการณ์ที่กล่าวมาเราสามารถเขียนให้อยู่ในรูปของตารางได้ ดังนี้

เหตุการณ์	ผลที่เกิดขึ้น ในเหตุการณ์	จำนวนผล ของเหตุการณ์	ความน่าจะเป็น ของเหตุการณ์
เต็มเป็นจำนวนคู่	2, 4, 6	3	$\frac{3}{6}$ หรือ $\frac{1}{2}$
เต็มเป็นจำนวน ที่น้อยกว่า 3	1, 2	2	$\frac{2}{6}$ หรือ $\frac{1}{3}$

จากตัวอย่างที่กล่าวมาแล้วข้างต้น อาจสรุปเป็นสูตรการหาความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ได้ดังนี้

จำนวนผลของเหตุการณ์ที่สนใจ

ความน่าจะเป็น = \_\_\_\_\_

จำนวนเหตุการณ์ทั้งหมดของการทดลองสุ่ม

ข้อควรจำ

1. เหตุการณ์ที่แน่นอน คือ เหตุการณ์ที่มีความน่าจะเป็น = 1 เสมอ
2. เหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้ คือ เหตุการณ์ที่มีความน่าจะเป็น = 0
3. ความน่าจะเป็นใด ๆ จะมีค่าไม่ต่ำกว่า 0 และ ไม่เกิน 1 เสมอ
4. ในการทดลองหนึ่งสามารถทำให้เกิดผลที่ต้องการอย่างมีโอกาสเท่ากันและมีโอกาสเกิดได้  $N$  สิ่ง และเหตุการณ์  $A$  มีจำนวนสมาชิกเป็น  $n$  ดังนั้นความน่าจะเป็นของ  $A$  คือ
 
$$P(A) = \frac{n}{N}$$

### แบบฝึกหัดที่ 3

1. มีสลาก 10 ใบ เขียนเลข 1-10 แล้วม้วนใส่กล่อง ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้สลากที่เป็นจำนวนคี่เท่าไร  
.....
2. ใส่ลูกเต๋า 1 ลูกลงในถ้วยแก้ว เขย่าแล้วเทออก จงหาความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ที่ขึ้นแต้ม 6  
.....
3. ลูกโบหนึ่งมีลูกกวาดสีแดง 5 เม็ด สีเหลือง 2 เม็ด แมวหยิบขึ้นรับประทาน 1 เม็ดโดยไม่ได้ดู จงหาความน่าจะเป็นที่แมวจะหยิบได้ลูกกวาดสีแดง  
.....
4. ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้ไฟ K โพลแดง จากไฟ 1 สำหรับเป็นเท่าไร  
.....
5. ความน่าจะเป็นที่จะหยิบได้ไฟสีดำจากไฟ 1 สำหรับ เป็นเท่าไร  
.....
6. ทอดลูกเต๋า 2 ลูกพร้อมกัน ความน่าจะเป็นที่จะทอดได้แต้มรวมกันเป็น 7 คือข้อใด  
.....
7. ทอดลูกเต๋า 2 ลูกพร้อมกัน ความน่าจะเป็นที่จะทอดได้แต้มรวมกันไม่เกิน 1 คือข้อใด  
.....
8. ถ้าต้องการถูรางวัลเลขท้าย 2 ตัวแน่ๆ จะต้องซื้อสลากกินแบ่งรัฐบาลกี่ใบ  
.....
9. จากการทดลองโยนเหรียญหนึ่งอัน 3 ครั้ง ความน่าจะเป็นที่ออกหัว 1 ครั้ง เป็นเท่าไร  
.....
10. ถ้าทอดลูกเต๋าสี่เหลี่ยม 1 ลูก จงหาความน่าจะเป็นที่แต้มบนลูกเต๋าคือแต้มคู่  
.....

## เรื่องที่ 3 การนำความน่าจะเป็นของเหตุการณ์ต่างๆไปใช้

ในชีวิตประจำวันคนเราได้นำประโยชน์จากความน่าจะเป็นมาใช้อยู่ตลอดเวลา เพียงแต่ไม่ได้เรียกว่าความน่าจะเป็นเท่านั้น เช่น ในเรื่องการซื้อหวย หรือสลากกินแบ่งรัฐบาล จะเห็นว่าโอกาสที่จะถูกละดับเลขท้าย 2 ตัวมีค่าเป็น 1 ใน 100 และโอกาสที่จะถูกรางวัลอื่นๆ ยิ่งน้อยลงตามลำดับ

นอกจากนี้ยังมีการคำนวณค่าความน่าจะเป็นเพื่อประมาณค่าอัตราการเกิดอุบัติเหตุ ในแต่ละลักษณะของการกำหนดเบี้ยประกันภัยรถยนต์ หรือการคาดหมายผลการเลือกตั้ง การพยากรณ์ต่างๆ ทางธุรกิจ การทดสอบคุณภาพผลิตภัณฑ์ใหม่จากโรงงาน ฯลฯ ซึ่งความน่าจะเป็นมีบทบาทสำคัญมาก ผู้เรียนจะได้เห็นประโยชน์ชัดเจนขึ้นเมื่อเรียนต่อในระดับสูงขึ้นไป

### แบบฝึกหัดที่ 4

จากโจทย์ต่อไปนี้ให้นักเรียนตอบว่าใครได้เปรียบ

1. ให้นักเรียนทำลูกบาศก์หนึ่งลูกแล้วเขียนเลข 1 ที่หน้าหนึ่งของลูกบาศก์ เขียนเลข 2 ที่หน้าอีกสองหน้า ส่วนอีกสามหน้าที่เหลือเขียน 3 ใช้กติกาต่อไปนี้ตัดสินการแพ้ ชนะ เสมอ ในการโยนลูกบาศก์ที่ทำขึ้นนี้คนละครั้ง
  - 1) ผู้เล่นคนที่หนึ่งชนะถ้าเขาโยนลูกบาศก์แล้วหน้าที่เขียนเลข 3 หายขึ้น และคู่แข่งกันได้เลข 3 ด้วย ผู้เล่นคนที่สองชนะถ้าได้เลขที่ต่ำกว่า 3 และคู่แข่งกันได้เลขที่ต่ำกว่า 3 กรณีอื่น ๆ ถือว่าเสมอกัน
  - 2) ผู้เล่นคนที่หนึ่งถ้าเขาโยนลูกบาศก์แล้วหน้าที่เขียนเลข 1 หายขึ้น และคู่แข่งกันได้เลขที่ต่ำกว่า 3 ผู้เล่นคนที่สองชนะ ถ้าเขาโยนลูกบาศก์หงายหน้าที่เขียนเลข 3 และคู่แข่งกันได้เลขสูงกว่า 1 กรณีอื่นถือว่าเสมอกัน



## บทที่ 11

### การใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ

#### สาระสำคัญ

ในการประกอบอาชีพต่าง ๆ ในสังคม ผู้ประกอบอาชีพในหลายสาขา เช่น เกษตรกรรม การประมง การก่อสร้าง การบัญชี งานบริการและการท่องเที่ยว เป็นต้น จำเป็นต้องใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปใช้ในการพัฒนาอาชีพให้มีความมั่นคง เพื่อเสริมสร้างรายได้และผลกำไรที่สูงขึ้น

#### ผลการเรียนรู้ที่คาดหวัง

1. สามารถวิเคราะห์งานอาชีพในสังคมที่ใช้ทักษะทางคณิตศาสตร์
2. มีความสามารถในการเชื่อมโยงความรู้และทักษะต่าง ๆ ทางคณิตศาสตร์กับงานอาชีพได้

#### ขอบข่ายเนื้อหา

- |             |  |
|-------------|--|
| เรื่องที่ 1 | ลักษณะประเภทของงานอาชีพที่ใช้ทักษะทางคณิตศาสตร์        |
| เรื่องที่ 2 | การนำความรู้ทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับงานอาชีพในสังคม |

## เรื่องที่ 1 ลักษณะ ประเภทของงานอาชีพที่ใช้ทักษะทางคณิตศาสตร์

### 1.1 กลุ่มอาชีพเกษตรกรรม ได้แก่ อาชีพ การทำนา ทำไร่ การปลูกผัก การเลี้ยงสัตว์ ฯลฯ



#### (1) ลักษณะงานเบื้องต้นที่ใช้ทักษะทางคณิตศาสตร์

1. การสำรวจของตลาดที่จะปลูกพืชเกษตรกรรม
2. การเตรียมพื้นที่ดิน ซึ่งขึ้นอยู่กับความกว้าง ความยาวของพื้นที่ว่า ผู้ประกอบการใช้พื้นที่กี่ไร่ กี่งาน กี่ตารางวา ในการทำแปลง ขุดร่อง เพื่อใช้เป็นพื้นที่นา 1 ส่วน พื้นที่ปลูกผัก 1 ส่วน บ่อน้ำ 1 ส่วน การเลี้ยงสัตว์ 1 ส่วน พื้นที่อยู่อาศัย 1 ส่วน เป็นต้น
3. การเตรียมเมล็ดพันธุ์ข้าว ผัก และพืชพันธุ์อื่น ๆ (ภาพ)
4. การเตรียมปุ๋ยว่าใช้ขนาดกี่กิโลกรัมต่อไร่
5. การรดน้ำ พรุนดิน ซึ่งต้องกำหนดว่า รดน้ำวันละ 2 ครั้ง ในปริมาณ มากน้อยเท่าไร
6. การฉีดยาฆ่าแมลงโดยใช้สารกำจัดศัตรูพืชทางชีวภาพ เช่น สะเดา และ สมุนไพรอื่น ๆ เป็นต้น ใช้ความรู้เรื่องอัตราส่วน สัดส่วนเพื่อผสม ยากำจัดศัตรูพืชกับน้ำก่อนฉีดพ่น
7. การเก็บเกี่ยวผลผลิต ซึ่งต้องใช้ทักษะการคำนวณระยะเวลาตั้งแต่ การปลูกจนถึงระยะการเก็บเกี่ยวผลผลิต
  - การตรวจสอบความชื้นของวัสดุและสถานที่เก็บผลผลิต
  - การคำนวณพื้นที่ในการเก็บรักษาผลผลิต
8. การจำหน่ายผลผลิต ซึ่งต้องใช้ทักษะการจัดทำบัญชีรับ – จ่าย การจดบันทึกจำนวนและบันทึกของผลผลิตที่ได้
9. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

**(2) เครื่องมือและเทคโนโลยีที่ใช้**

1. เครื่องคิดเลข
2. สมุดบันทึกรายรับ รายจ่ายหรือคอมพิวเตอร์โน้ตบุ๊ก
3. สมุดจดบันทึกระยะเวลาการเจริญเติบโตตั้งแต่การปลูกจนถึงการเก็บเกี่ยวผลผลิต

**(3) ความรู้ทางคณิตศาสตร์ที่ใช้**

1. การวัดความยาว การหาพื้นที่
2. อัตราส่วนในการผสมปุ๋ยต่อความกว้างความยาวของพื้นที่ดิน
3. การชั่งผลผลิตที่ได้
4. การกำหนดราคาขายต่อกิโลกรัม
5. การบวก ลบ คูณ หาร
6. การทำบัญชีรายรับ รายจ่ายประจำวัน
7. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

**1.2 กลุ่มอาชีพอุตสาหกรรม ได้แก่ อาชีพพนักงานในโรงงานอุตสาหกรรมต่างๆ ได้แก่ อุตสาหกรรมห้องเย็น ถ้วยชามอุปกรณ์เซรามิก ผ้าขนหนู กระดาษและสิ่งพิมพ์ สแตนเลส เหล็ก พลาสติก ฯลฯ**

**(1) ลักษณะงานเบื้องต้นที่ใช้ทักษะคณิตศาสตร์**

1. การคำนวณเงินรายได้ประจำวัน
2. การคำนวณเงินค่าทำงานล่วงเวลา
3. การคำนวณเงินกู้และดอกเบี้ยคงที่หรือดอกเบี้ยทบต้น
4. การทำบัญชีรายรับ – รายจ่ายประจำวัน
5. การจัดทำบัญชีพัสดุ (การจัดซื้อ การเบิกจ่ายพัสดุ)
6. การสำรวจและวิจัยการตลาด

## 7. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

### (2) เครื่องมือและเทคโนโลยีที่ใช้

1. เครื่องคิดเลข
2. เครื่องคอมพิวเตอร์
3. เครื่องจักรอุตสาหกรรมในแต่ละสาขาอุตสาหกรรม
4. เครื่องบรรจุภัณฑ์ลงกล่องหรือแพ็คเป็นพลาสติก

### (3) ความรู้และทักษะทางคณิตศาสตร์ที่ใช้

1. การคำนวณเงินรายได้ประจำสัปดาห์ ประจำเดือน โดยหักวันลาหยุด
2. การคำนวณเงินค่าทำงานล่วงเวลาเป็นจำนวนชั่วโมงต่อค่าจ้างรายชั่วโมง
3. การคำนวณเงินกู้และดอกเบี้ย (ดอกเบี้ยคงที่, ดอกเบี้ยทบต้น)
4. การทำบัญชีรับ – จ่ายประจำวัน
5. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

**1.3 กลุ่มอาชีพพาณิชย์กรรม** ได้แก่ อาชีพค้าขาย ผู้ประกอบการร้านอาหารและเครื่องดื่ม ผู้ประกอบการขายปลีกและขายส่ง ธุรกิจการซื้อขายอสังหาริมทรัพย์ ธุรกิจการซื้อขายหุ้นในตลาดหลักทรัพย์ อาชีพการทำบัญชี การตลาด เป็นต้น



### (1) ลักษณะงานเบื้องต้นที่ใช้ทักษะคณิตศาสตร์

1. การจัดเตรียมสถานที่ การคำนวณการจัดวางโต๊ะ เก้าอี้ หรือวัสดุอุปกรณ์ในการขาย
2. การจัดซื้อวัตถุดิบในการค้าขายปลีกหรือขายส่ง
3. การจำหน่ายสินค้า การคำนวณราคาสินค้าต่อหน่วย การทอนเงิน
4. การจัดทำบัญชีพัสดุ (การจัดซื้อ การเบิกจ่ายพัสดุ)
5. การจัดทำบัญชีรับ – จ่ายประจำวัน
6. การฝากเงิน การถอนเงิน การออมเงิน

7. การประชาสัมพันธ์ในงานธุรกิจค้าขายหรือพาณิชย์กรรม ซึ่งต้องใช้ทักษะในการคำนวณขนาดของป้ายโฆษณา ขนาดตัวอักษร ขนาดและจำนวนแผ่นพับหรือใบปลิวโฆษณา
8. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

### (2) เครื่องมือและเทคโนโลยีที่ใช้

1. เครื่องคิดเลข
2. เครื่องเก็บเงิน – ทอนเงิน
3. เครื่องคอมพิวเตอร์
4. เครื่องไมโครเวฟ
5. เครื่องปั่นน้ำผลไม้

### (3) ความรู้และทักษะทางคณิตศาสตร์ที่ใช้

1. การคำนวณขนาดของพื้นที่ใช้สอยเพื่อจัดวาง โต๊ะ เก้าอี้หรือวัสดุอุปกรณ์ในการขาย
2. การคำนวณปริมาณการจัดซื้อวัตถุดิบในแต่ละวัน
3. การคำนวณในการจัดซื้อพัสดุ
4. การจัดทำบัญชีรับ – จ่ายประจำวัน
5. การคำนวณขนาดของป้ายโฆษณา ประชาสัมพันธ์หรือแผ่นพับ แผ่นปลิว โฆษณา
6. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

1.4 กลุ่มอาชีพด้านความคิดสร้างสรรค์ ได้แก่ ธุรกิจโฆษณา ธุรกิจการออกแบบตกแต่งที่อยู่อาศัย สำนักงานและสวนหย่อม การจัดดอกไม้และแจกันประดับ ธุรกิจการทำพวงหรีด การจัดกระเช้าของขวัญ เป็นต้น



**(1) ลักษณะงานเบื้องต้นที่ใช้ทักษะคณิตศาสตร์**

1. การจัดเตรียมขนาด ปริมาตร รูปทรงของพื้นที่หรือชิ้นงานในการจัดทำธุรกิจ ซึ่งต้องใช้การวัดความกว้าง ความยาว ความสูงของพื้นที่หรือชิ้นงาน การออกแบบรูปทรงโดยใช้รูปเรขาคณิตสามมิติ
2. การคำนวณปริมาณของวัสดุอุปกรณ์ในการใช้ประดิษฐ์สร้างสรรค์ชิ้นงาน หรือการจัดตกแต่งสวนหย่อม
3. การคำนวณเพื่อกำหนดราคาขายสินค้า
4. การจัดทำบัญชีพัสดุ (การจัดซื้อ การเบิกจ่ายพัสดุ)
5. การจัดทำบัญชีรับ – จ่าย ประจำวัน
6. การประชาสัมพันธ์ในอาชีพธุรกิจทุกประเภท ซึ่งต้องใช้ทักษะในการคำนวณเป็นพื้นฐาน
7. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

**(2) เครื่องมือและเทคโนโลยีที่ใช้**

1. เครื่องคิดเลข
2. เครื่องคอมพิวเตอร์
3. โปรแกรมสำเร็จรูปในการออกแบบสินค้า

**(3) ความรู้และทักษะทางคณิตศาสตร์ที่ใช้**

1. การคำนวณพื้นที่ผิว ปริมาตรของพื้นที่หรือออกแบบรูปทรงที่ใช้ในการทำงานอาชีพ
2. การคำนวณปริมาณของวัสดุ อุปกรณ์ที่ใช้ประดิษฐ์ สร้างสรรค์ ชิ้นงาน
3. การคำนวณต้นทุนและกำไร เพื่อกำหนดราคาขายสินค้า
4. การจัดทำบัญชีพัสดุ
5. การจัดทำบัญชีรับ – จ่ายประจำวัน
6. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

**1.5 กลุ่มอาชีพบริหารจัดการและการบริการ** ได้แก่ อาชีพกลุ่มงานบริการและการท่องเที่ยว งานบริการรักษาความปลอดภัย บริการดูแลสต็อก บริการดูแลผู้สูงอายุ บริการสันตนาการและการกีฬา เป็นต้น



### (1) ลักษณะงานเบื้องต้นที่ใช้ทักษะคณิตศาสตร์

1. การสำรวจพื้นที่ในการให้บริการ การคำนวณระยะทางในการให้บริการ
2. การจัดซื้อวัสดุ อุปกรณ์ในการให้บริการ
3. การรับสมัครและกำหนดเงินเดือนตามตำแหน่งงานของเจ้าหน้าที่ในการให้บริการ
4. การจัดทำตารางเวลา การอยู่เวร - ยามของเจ้าหน้าที่ประจำสำนักงาน
5. การจัดทำกำหนดการท่องเที่ยวและการให้บริการ รวมทั้งกำหนดราคาขายบริการในแต่ละพื้นที่
6. การคำนวณการใช้น้ำมันเชื้อเพลิงของยานพาหนะที่ให้บริการ
7. การจัดทำบัญชีพัสดุ และการเบิกจ่ายพัสดุ
8. การจัดทำบัญชีรับ - จ่ายประจำวัน
9. การจัดทำแผนป้ายโฆษณา ประชาสัมพันธ์การให้บริการ
10. การจัดทำสรุปรายงานและการนำเสนอข้อมูล
11. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

### (2) เครื่องมือและเทคโนโลยีที่ใช้

1. เครื่องคิดเลข
2. เครื่องคอมพิวเตอร์
3. เครื่องออกกำลังกาย
4. อุปกรณ์ในการเตรียมอาหาร น้ำดื่ม นมแก่ทารกและผู้สูงอายุ
5. ยานพาหนะในการให้บริการ
6. แผนที่ของสถานที่หรือจุดที่ให้บริการ

### (3) ความรู้และทักษะทางคณิตศาสตร์ที่ใช้

1. การคำนวณพื้นที่และการวัดระยะทาง
2. การคำนวณปริมาณของวัสดุ อุปกรณ์ที่จำเป็นต้องจัดซื้อ จัดหา เพื่อให้บริการ
3. การคำนวณเงินเดือนและกำหนดตำแหน่งงานของเจ้าหน้าที่
4. การจัดทำตารางการปฏิบัติงาน
5. การคำนวณการใช้เชื้อเพลิงรถยนต์ต่อระยะทางที่ให้บริการ
6. การจัดทำบัญชีเบื้องต้น
7. การใช้สถิติในการจัดทำสรุปรายงานหรือนำเสนอข้อมูล
8. การคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

## เรื่องที่ 2 การนำความรู้ทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับงานอาชีพในสังคม

คณิตศาสตร์เป็นวิชาที่ว่าด้วยเหตุผล กระบวนการคิดและแก้ปัญหาเสริมสร้างให้มีการคิดอย่างมีวิจาร์ญาณเป็นระบบเป็นคนมีเหตุผล มีทักษะการแก้ปัญหา สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์ได้อย่างถี่ถ้วน รอบคอบ

การเชื่อมโยงความรู้ต่าง ๆ ทางคณิตศาสตร์กับงานอาชีพเป็นการนำความรู้และทักษะ/กระบวนการต่าง ๆ ทางคณิตศาสตร์ไปสัมพันธ์กับเนื้อหาและความรู้ของงานอาชีพอย่างเป็นเหตุเป็นผล ช่วยในการตัดสินใจในงานอาชีพ เช่น การใช้ตารางและกราฟประกอบการใช้สถิติมาช่วยในการวิเคราะห์งานอาชีพเพื่อสำรวจความต้องการสินค้าเพื่อการผลิต ใช้อยู่ละในการคิดคำนวณดอกเบี้ย ภาษี กำไรขาดทุน เป็นต้น

### 2.1 ทักษะการจัดทำบัญชีรายรับ – รายจ่ายประจำวัน

ตัวอย่าง	การจัดทำบัญชีรายรับ – รายจ่ายประจำวันของผู้ประกอบการร้านอาหาร
วันที่ 25 กันยายน 2554	จ่ายค่าซื้อวัตถุดิบในการขายอาหาร 3,000 บาท ค่าน้ำ ค่าไฟฟ้า 850 บาท ค่าอาหาร 250 บาท ได้รับเงินจากการขายอาหาร 6,500 บาท
วันที่ 26 กันยายน 2554	จ่ายค่าโทรศัพท์ 650 บาท จ่ายค่าน้ำมันรถยนต์ 1,400 บาท จ่ายค่าอาหาร 280 บาท จ่ายค่าผลไม้ 150 บาท ได้รับเงินจากการขายอาหาร 5,400 บาท



วันที่ 27 กันยายน 2554	จ่ายค่านั่งสื่อบพิมพ์ 480 บาท จ่ายค่าอาหาร 310 บาท จ่ายค่าน้ำดื่ม 270 บาท จ่ายค่าซ่อมรถยนต์ 4,800 บาท ได้รับเงินจากการขายอาหาร 4,500 บาท
วันที่ 28 กันยายน 2554	จ่ายค่าอาหาร 240 บาท จ่ายค่าบริการกุศล 1,000 บาท ซื้อถุงพลาสติกใส่อาหาร 550 บาท ได้รับเงินจากการขายอาหาร 6,800 บาท

ตัวอย่าง การจัดทำบัญชีรายรับ – รายจ่ายประจำวันของผู้ประกอบการร้านอาหาร

วัน เดือน ปี	รายการรับ	จำนวนเงิน		วัน เดือน ปี	รายการจ่าย	จำนวนเงิน	
		บาท	สต.			บาท	สต.
25 ก.ย. 54	ได้เงินจากการขาย อาหาร	6,500	-	25 ก.ย. 54	ซื้อวัตถุดิบในการ ขายอาหาร	3,000	-
					ค่าน้ำ ค่าไฟฟ้า	850	-
					ค่าอาหาร	250	-
26 ก.ย. 54	ได้เงินจากการขาย อาหาร	5,400	-	26 ก.ย. 54	ค่าโทรศัพท์	650	-
					ค่าน้ำมันรถยนต์	1,400	-
					ค่าอาหาร	280	-
					ค่าผลไม้	150	-
27 ก.ย. 54	ได้เงินจากการขาย อาหาร	4,500	-	27 ก.ย. 54	ค่านั่งสื่อบพิมพ์	480	-
					ค่าอาหาร	310	-
					ค่าน้ำดื่ม	270	-
					ค่าซ่อมรถยนต์	4,800	-
28 ก.ย. 54	ได้เงินจากการขาย อาหาร	6,800	-	28 ก.ย. 54	ค่าอาหาร	240	-
					ค่าบริการกุศล	1,000	-
					ซื้อถุงพลาสติกใส่ อาหาร	550	-
	รวม	23,200	-		รวม	14,230	-
					ยอดคงเหลือยกไป	8,970	-

เมื่อจัดทำบัญชีรายรับและรายจ่ายประจำวันแล้ว ผู้เรียนจะคำนวณยอดคงเหลือ ซึ่งได้จากการนำรายรับไปลบกับรายจ่าย เมื่อจัดทำบัญชีในหน้าถัดไปหรือในเดือนถัดไปก็จะนำยอดคงเหลือไปบันทึกในรายการของรายรับในหน้าถัดไป ซึ่งจะไปเป็นยอดรายการรับรวมกับรายการรับเงินที่จะได้จากการรับเงินจากการขายอาหารในวันต่อ ๆ ไป

## 2.2 ทักษะการคำนวณรายได้และการแลกเปลี่ยนเงินตรา

ตัวอย่าง บริษัทแห่งหนึ่งสั่งซื้อเครื่องจักรจากต่างประเทศราคา 45,000 ดอลลาร์สหรัฐ เมื่อสินค้าส่งมาถึงเมืองไทยต้องผ่านพิธีการศุลกากร เสียภาษีศุลกากร 10% ภาษีมูลค่าเพิ่ม 7% ค่าธรรมเนียมและค่าบริการต่าง ๆ รวม 4,000 บาท ราคาเครื่องจักรและค่าใช้จ่ายทั้งหมดรวมเป็นเงินเท่าไร (1 ดอลลาร์สหรัฐ เท่ากับ 30.42 บาท)

### วิธีทำ

$$\text{ราคาเครื่องจักร } 45,000 \times 30.42 = 1,368,900 \text{ บาท}$$

$$\text{เสียภาษีศุลกากร } 10\% = 1,368,900 \times \frac{10}{100} = 136,890 \text{ บาท}$$

$$\text{เสียภาษีมูลค่าเพิ่ม } 7\% = 1,368,900 \times \frac{7}{100} = 95,823 \text{ บาท}$$

∴ ราคาเครื่องจักรและค่าใช้จ่ายทั้งหมด รวมเป็นเงิน

$$\begin{aligned} &= \text{ราคาเครื่องจักร} + \text{ภาษีศุลกากร} + \text{ภาษีมูลค่าเพิ่ม} + \\ &\quad \text{ค่าธรรมเนียมและค่าบริการต่าง ๆ} \\ &= 1,368,900 + 136,890 + 95,823 + 4,000 \\ &= 1,605,613 \text{ บาท} \end{aligned}$$

## 2.3 การคิดคำนวณดอกเบี้ยเงินเชื่อธนาคาร

ตัวอย่าง บริษัทสั่งซื้อเครื่องจักรจากตัวอย่างข้างต้น บริษัทได้ขอสินเชื่อจากธนาคารได้รับสิทธิในการผ่อนชำระเครื่องจักรเป็นรายเดือน เดือนละ 120,000 บาท คิดดอกเบี้ยปีละ 7.5% เมื่อผ่อนชำระครบ 1 ปี จะต้องเสียเงินทั้งหมดเท่าไร

### วิธีทำ

$$\text{ดอกเบี้ย} = \frac{\text{เงินต้น} \times \text{อัตราดอกเบี้ย} \times \text{ระยะเวลา}}{100}$$

$$\text{เดือนที่ 1 เสียดอกเบี้ย} = 1,368,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 8,555.63 \text{ บาท}$$

$$\text{เดือนที่ 2 เงินต้นคงเหลือ} = 1,368,900 - 120,000 = 1,248,900 \text{ บาท}$$

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 1,248,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 7,805.63 \text{ บาท}$$

$$\text{เดือนที่ 3 เงินต้นคงเหลือ} = 1,248,900 - 120,000 = 1,128,900 \text{ บาท}$$

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 1,128,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 7,055.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 4 เงินต้นคงเหลือ =  $1,128,900 - 120,000 = 1,008,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 1,008,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 6,305.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 5 เงินต้นคงเหลือ =  $1,008,900 - 120,000 = 888,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 888,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 5,555.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 6 เงินต้นคงเหลือ =  $888,900 - 120,000 = 768,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 768,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 4,805.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 7 เงินต้นคงเหลือ =  $768,900 - 120,000 = 648,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 648,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 4,055.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 8 เงินต้นคงเหลือ =  $648,900 - 120,000 = 528,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 528,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 3,305.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 9 เงินต้นคงเหลือ =  $528,900 - 120,000 = 408,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 408,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 2,555.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 10 เงินต้นคงเหลือ =  $408,900 - 120,000 = 288,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 288,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 1,805.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 11 เงินต้นคงเหลือ =  $288,900 - 120,000 = 168,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 168,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 1,055.63 \text{ บาท}$$

เดือนที่ 12 เงินต้นคงเหลือ =  $168,900 - 120,000 = 48,900$  บาท

$$\text{เสียดอกเบี้ย} = 48,900 \times \frac{7.5}{100} \times \frac{1}{12} = 305.63 \text{ บาท}$$

เมื่อผ่อนชำระครบ 1 ปี จะต้องเสียเงินทั้งหมด = ราคาเครื่องจักร + ดอกเบี้ย 12 เดือน

$$\begin{aligned} &= 1,368,900 + 8,555.63 + 7,805.63 + 7,055.63 + \\ &6,305.63 + 5,555.63 + 4,805.63 + 4,055.63 + \\ &3,305.63 + 2,555.63 + 1,805.63 + 1,055.63 + 305.63 \\ &= 1,422,067.56 \text{ บาท} \end{aligned}$$

## 2.4 การคำนวณกำลังการผลิต (อัตราส่วน/สัดส่วน)

ตัวอย่าง เครื่องจักรบรรจุน้ำตาลทรายขนาด 8 กรัม ได้น้ำที่ละ 100 ซอง ทำงานวันละ 8 ชั่วโมง

เครื่องจักรจะทำการบรรจุได้กี่ซอง

วิธีทำ อัตราส่วนของเวลาที่ใช้ในการบรรจุต่อจำนวนซองเท่ากับ 1 นาที ต่อ 100 ซอง หรือ 8 ชั่วโมง

ต่อ A (8 ชั่วโมง  $\times$  60 นาที : A)

นั่นคือ  $1 : 100 = 8 \times 60 : A$

$$\frac{1}{100} = \frac{480}{A}$$

$$A = 480 \times 100$$

$$A = 48,000$$

ดังนั้น เครื่องจักรบรรจุน้ำตาลทรายขนาด 8 กรัม วันละ 8 ชั่วโมง

เท่ากับ 48,000 ซอง

## 2.5 การคำนวณรายได้ (ร้อยละ อัตราส่วน สัดส่วน)

ตัวอย่าง พนักงานได้รับเงินเดือน ๆ ละ 12,000 บาท ค่าเบี้ยขยัน 10% ของเงินเดือน ค่าล่วงเวลาได้ชั่วโมงละ 50

บาท เดือนนี้ทำงานล่วงเวลา 8 วัน ๆ ละ 3 ชั่วโมง หักเงินค่าประกันสังคม 5% ของเงินเดือน พนักงาน

คนนี้จะได้รับเงินเท่าไร

วิธีทำ ค่าเบี้ยขยัน =  $\frac{10}{100} \times 12,000 = 1,200$  บาท

อัตราส่วนของจำนวนชั่วโมงล่วงเวลา : รายได้ เท่ากับ 1 ชั่วโมง ต่อ 50 บาท

นั่นคือ  $8 \times 3$ : รายได้ = 1 : 50

$$24 : \text{รายได้} = 1 : 50$$

$$\frac{24}{\text{รายได้}} = \frac{1}{50}$$

$$\text{รายได้} = 24 \times 50 = 1,200 \text{ บาท}$$

$$\text{ค่าประกันสังคม} = \frac{5}{100} \times 12,000 = 600 \text{ บาท}$$

พนักงานคนนี้ได้รับเงิน = เงินเดือน + เบี้ยขยัน + ค่าล่วงเวลา - ค่าประกันสังคม

$$= 12,000 + 1,200 + 1,200 - 600$$

$$= 13,800 \text{ บาท}$$

## 2.6 ทักษะการคำนวณภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา

ตัวอย่างที่ 5 โอปาร์มีรายได้จากการประกอบอาชีพเดือนละ 10,500 บาท ไม่มีครอบครัว เมื่อยื่นแบบ

คำนวณภาษี มีสิทธิหักค่าใช้จ่ายได้ 40% ของรายได้แต่ไม่เกิน 60,000 บาท

ค่าลดหย่อนผู้มีเงินได้ 30,000 บาท สิ้นปีโอพาร์จะต้องชำระภาษีหรือไม่

วิธีทำ เงินได้พึงประเมินของโอพาร์ตลอดปี =  $10,500 \times 12 = 126,000$  บาท

หัก ค่าใช้จ่ายร้อยละ 40 ของเงินได้พึงประเมิน =  $\frac{40}{100} \times 126,000 = 50,400$  บาท

หัก ค่าลดหย่อนผู้มีเงินได้ 30,000 บาท

เงินได้สุทธิที่ต้องคำนวณภาษี = เงินได้พึงประเมิน - (เงินหักค่าใช้จ่าย + ค่าลดหย่อน)  
 =  $126,000 - (50,400 + 30,000)$   
 = 45,600 บาท

กรมสรรพากรกำหนดให้ผู้มีเงินได้สุทธิตั้งแต่ 0 ถึง 150,000 บาท ได้รับการยกเว้นภาษี

ดังนั้น โอปาร์ต้องยื่นแบบภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา (ภ.ง.ด.91) แต่ไม่ต้องชำระเงิน

เพราะได้รับการยกเว้นภาษี ดังตาราง

ตารางอัตราภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา								
ขั้นเงินได้สุทธิตั้งแต่	เงินได้สุทธิ จำนวนสูงสุด ของขั้น	เงินได้สุทธิ แต่ละขั้น	อัตราภาษี ร้อยละ	ภาษีเงินได้		ภาษีในแต่ละ ขั้นเงินได้	ภาษีสะสม สูงสุดของขั้น	
0 ถึง 100,000	100,000	.....	5	.....	....	ยกเว้น	0	
เกิน 100,000 ถึง 150,000	50,000	.....	10	.....	....	ยกเว้น	0	
เกิน 150,000 ถึง 500,000	350,000	.....	10	.....	....	35,000	35,000	
เกิน 500,000 ถึง 1,000,000	500,000	.....	20	.....	...	100,000	135,000	
เกิน 1,000,000 ถึง 4,000,000	3,000,000	.....	30	.....	...	900,000	1,035,000	
เกิน 4,000,000 บาทขึ้นไป		.....	37	.....	...			
รวม	→							

## 2.7 การทำป้ายจากแผ่นอะครีลิก

ตัวอย่าง ทำป้ายจากแผ่นอะครีลิกติดหน้าห้องต่าง ๆ ดังนี้



ป้ายทั้ง 3 ทำด้วยแผ่นอะครีลิกหนา 3 มม. สีขาว โดยมีขนาดกว้าง 8 นิ้ว ยาว 21 นิ้ว โดยทางร้านคิดค่าใช้จ่ายการจัดทำตารางฟุตละ 165 บาท จะต้องเสียค่าใช้จ่ายทำป้ายทั้งสามเท่ากับเท่าไร

วิธีทำ

$$\text{ป้ายมีความกว้าง } 8 \text{ นิ้ว} = \frac{8}{12} \text{ ฟุต}$$

$$\text{ความยาว } 21 \text{ นิ้ว} = \frac{21}{12} \text{ ฟุต}$$

$$\text{พื้นที่ป้ายทั้งหมด} = \frac{8}{12} \times \frac{21}{12} \times 3 = 3.5 \text{ ตารางฟุต}$$

$$\text{เสียค่าใช้จ่ายทำป้าย} = 3.5 \times 165 = 577.50 \text{ บาท}$$

### แบบฝึกหัด

1. จงจัดทำบัญชีรับจ่ายประจำวันของนายสมพร ซึ่งประกอบอาชีพเป็นผู้ขายปาห้องโก้ ในเวลา 5 วัน ดังรายการดังนี้

วันที่ 1 ตุลาคม 2554	ยอดเงินคงเหลือมาจากเดือนกันยายน 2554 8,000 บาท
	จ่ายค่าซื้อแป้งสาลีและวัตถุดิบอื่น ๆ 2,500 บาท
	จ่ายค่าแก๊สหุงต้ม 350 บาท ค่าอาหาร 270 บาท
	ได้รับเงินจากการขายปาห้องโก้ 4,800 บาท
วันที่ 2 ตุลาคม 2554	จ่ายค่าน้ำ ค่าไฟฟ้า 840 บาท ค่าอาหาร 320 บาท
	ค่าถุงพลาสติก 200 บาท ค่าถุงกระดาษ 100 บาท
	ได้รับเงินจากการขายปาห้องโก้ 4,200 บาท
วันที่ 3 ตุลาคม 2554	จ่ายค่าโทรศัพท์ 430 บาท ค่าอาหาร 290 บาท
	จ่ายค่านั่งเรือเรียนลูก 950 บาท ค่าน้ำดื่ม 160 บาท
	ได้รับเงินจากการขายปาห้องโก้ 3,900 บาท
วันที่ 4 ตุลาคม 2554	จ่ายค่าเสื้อผ้า 1,250 บาท ค่าอาหาร 340 บาท
	ซื้อแป้งสาลีและวัตถุดิบอื่น ๆ 2,000 บาท
	ได้รับเงินจากการขายปาห้องโก้ 4,500 บาท
วันที่ 5 ตุลาคม 2554	จ่ายค่าอาหาร 250 บาท ค่าน้ำดื่ม 120 บาท
	จ่ายค่านั่งเรือพิมพ์ 480 บาท
	ได้รับเงินจากการขายปาห้องโก้ 3,800 บาท

2. ให้ผู้เรียนจัดทำบัญชีรับ – จ่ายประจำวันของตนเองในเวลา 1 สัปดาห์ ตามความเป็นจริง พร้อมทั้งสรุปรายรับ รายจ่าย และยอดเงินคงเหลือ

---



---



---



---

3. ร้านเฟอร์นิเจอร์แห่งหนึ่ง ซื้อเฟอร์นิเจอร์ครบ 25,000 บาท (ราคาสินค้า + ภาษีมูลค่าเพิ่ม) ได้ลด 10%

และทุกรายการต้องเสียภาษีมูลค่าเพิ่ม 7% สมรต้องจ่ายภาษี

เตียงนอน ตู้เสื้อผ้า และโต๊ะ สมรต้องจ่ายเงินเท่าไร

หากสมรซื้อเฟอร์นิเจอร์ทุกรายการในตาราง สมรต้องจ่ายเงินเท่าไร

ราคาเฟอร์นิเจอร์	
ประเภท	ราคา
เตียงนอน	6,000
ตู้เสื้อผ้า	8,500
เก้าอี้	600
โต๊ะ	5,500
ตู้ติดผนัง	3,200

---



---



---



---

4. อมรมีเงินสด 500,000 บาท อมรควรรนำเงินสดไปออมประเภทใด จึงจะได้ผลตอบแทนมากที่สุด

ในระยะเวลา 1 ปี จงบอกเหตุผล

(1) ฝากออมทรัพย์ได้ดอกเบี้ยร้อยละ 0.75 บาท/ปี

(2) ฝากประจำ 4 เดือนได้ดอกเบี้ยร้อยละ 3.42 บาท/ปี

กรณีฝากประจำต้องเสียภาษี 15% ของดอกเบี้ย

(3) ซื้อสลากออมสิน ฉบับละ 50 บาทได้ดอกเบี้ยฉบับละ 2.50 บาท เมื่อฝากครบ 3 ปี

ฝากครบ 1 ปี ได้ดอกเบี้ยฉบับละ 0.25 บาท และมีสิทธิถูกรางวัลเลขท้าย 4 ตัว รางวัลละ

150 บาท จำนวน 2 รางวัล/เดือน

---



---



---



---



---



---



---



---



5. จำนวนเป็นพนักงานขายอุปกรณ์การแพทย์ได้ค่าตอบแทนเดือนละ 15,000 บาท แต่ยังไม่มีการครบถ้วนสิ้นปีมีสิทธิหักค่าใช้จ่ายร้อยละ 40 ของเงินได้พึงประเมิน แต่ไม่เกิน 60,000 บาท หักลดหย่อนผู้มีเงินได้ 30,000 บาท หักค่าเบี้ยประกันชีวิต 10,000 บาท สิ้นปียื่นแบบแสดงรายการภาษีเงินได้บุคคลธรรมดาต้องชำระภาษีหรือไม่ ถ้าชำระต้องชำระภาษีเท่าไร

---



---



---



---

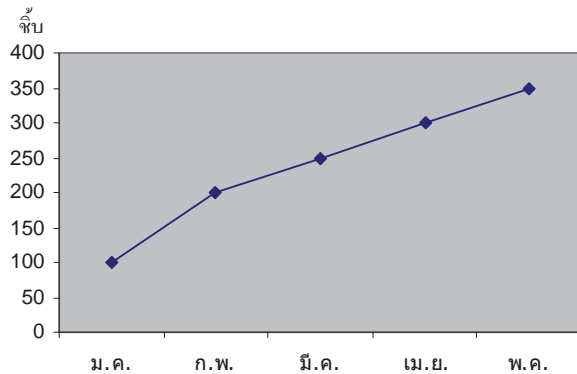


---



---

6. การใช้สถิติช่วยในการวิเคราะห์ (สถิติ)



บริษัทแห่งหนึ่งจำหน่ายกระเป๋าได้ตามกราฟข้างต้น เมื่อพิจารณาจากกราฟ บริษัทแห่งนี้ควรดำเนินการอย่างไร

---



---



---



---

7. พนักงานได้รับค่าจ้างรายวันวันละ 215 บาท ได้ค่าล่วงเวลา 1.5 เท่าของรายได้ ทำงานปกติ 5 วัน ทำล่วงเวลา 3 วัน พนักงานคนนี้ได้รับค่าจ้างเท่าไร

---



---



---



---

8. ถ้าต้องการดูแนวโน้มผลกำไรของธุรกิจย้อนหลัง 3 ปี ควรใช้แผนภูมิชนิดใดในการวิเคราะห์

---



---



---



---

9. ทำแผ่นป้ายติดหน้าห้องต่างๆ ดังนี้

**สตูดิโอ**  
**Studio**

**ห้องประชุม 1**  
**Meeting Room 1**

**ห้องประชุม 2**  
**Meeting Room 2**

ป้ายทั้ง 3 ทำด้วยแผ่นอะคริลิกหนา 2 มม. สีครีม โดยมีขนาดกว้าง 10 นิ้ว ยาว 21 นิ้ว โดยทางร้านคิดค่าใช้จ่ายตารางฟุตละ 185 บาท ต้องเสียค่าใช้จ่ายทั้งหมดเท่าไร

---



---



---



---

**เฉลยแบบฝึกหัด**

## เฉลย บทที่ 1

### จำนวนและการดำเนินการ

#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเลือกจำนวนเต็มบวก จำนวนเต็มลบ และจำนวนเต็มจากจำนวนต่อไปนี้

$$-1, \frac{4}{2}, 0, -3, \frac{500}{1000}, -\frac{500}{250}$$

จำนวนเต็มบวก ประกอบด้วย  $\frac{4}{2}$

จำนวนเต็มลบ ประกอบด้วย  $-1, -3, -\frac{500}{250}$

จำนวนเต็ม ประกอบด้วย  $-1, \frac{4}{2}, 0, -3, -\frac{500}{250}$

2. จงเติมเครื่องหมาย <หรือ> เพื่อให้ประโยคต่อไปนี้เป็นจริง

1)  $-4 \dots\dots\dots < \dots\dots\dots 3$

2)  $-4 \dots\dots\dots < \dots\dots\dots -3$

3)  $-2 \dots\dots\dots > \dots\dots\dots -5$

4)  $4 \dots\dots\dots > \dots\dots\dots -2$

5)  $4 \dots\dots\dots > \dots\dots\dots -8$

3. จงเรียงลำดับจำนวนเต็มจากน้อยไปหามาก

1)  $-2, -8, -4, -15, -20, -7$

$\dots\dots\dots -20, -15, -8, -7, -4, -2 \dots\dots\dots$

2)  $4, -8, 0, -2, 16, -17$

$\dots\dots\dots -17, -8, -2, 0, 4, 16 \dots\dots\dots$

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงเติมคำว่า “มากกว่า” หรือ “น้อยกว่า” หรือ “เท่ากับ”

- 1) ค่าสัมบูรณ์ของ  $(-3)$  .....เท่ากับ.....ค่าสัมบูรณ์ของ 3
- 2) จำนวนตรงข้ามของ  $(-4)$  .....มากกว่า.....จำนวนตรงข้ามของ 4
- 3) จำนวนตรงข้ามของ 5 .....น้อยกว่า.....จำนวนตรงข้ามของ  $-5$
- 4) ค่าสัมบูรณ์ของ A.....เท่ากับ.....ค่าสัมบูรณ์ของ  $(-A)$  เมื่อ A เป็นจำนวนใดๆ
- 5) จำนวนตรงข้ามของ A .....น้อยกว่า.....จำนวนตรงข้ามของ  $(-A)$  เมื่อ A เป็นจำนวนใดๆ

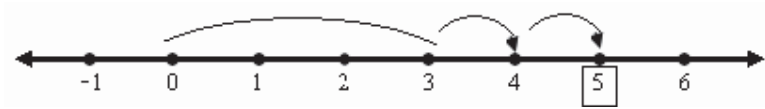
2. จงเติมเครื่องหมาย  $<$ ,  $>$  หรือ  $=$  ลงในช่องว่าง

- 1)  $-(-5)$  .....=.....5
- 2) จำนวนตรงข้ามของ 8 .....<.....8
- 3) จำนวนตรงข้ามของ  $(-8)$ .....>..... $(-8)$
- 4)  $|-25|$ ..... = ..... $|-25|$
- 5)  $|-20|$ ..... > ..... $(-20)$
- 6)  $|-25|$ ..... > ..... $|-5|$
- 7) จำนวนตรงข้ามของ  $(-2)$  .....<.....จำนวนตรงข้ามของ  $(-7)$
- 8) จำนวนตรงข้ามของ 32.....>.....จำนวนตรงข้ามของ 77

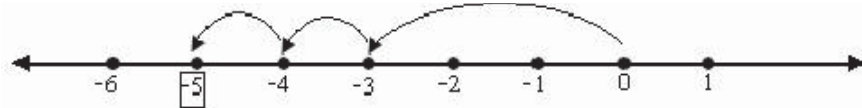
## แบบฝึกหัดที่ 3

1. จงแสดงการหาผลบวกของสองจำนวนที่กำหนดให้ โดยใช้เส้นจำนวน

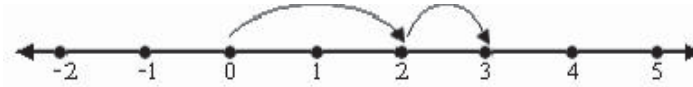
1.  $3+2$



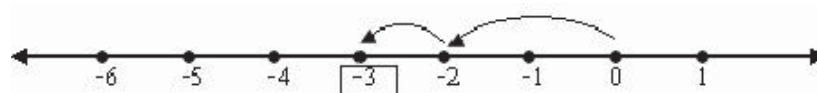
2.  $(-3)+(-2)$



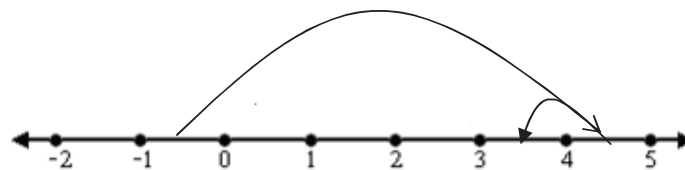
3.  $2+1$



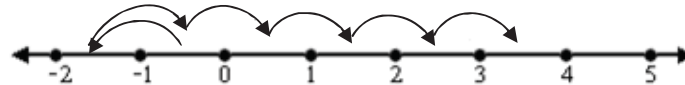
4.  $(-2)+(-1)$



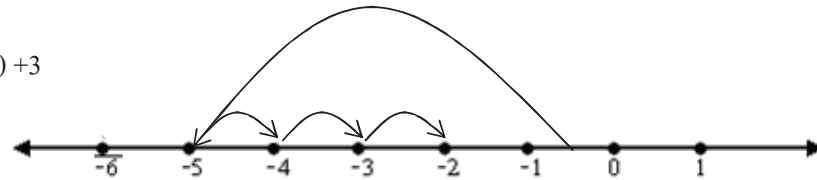
5.  $5+(-1)$



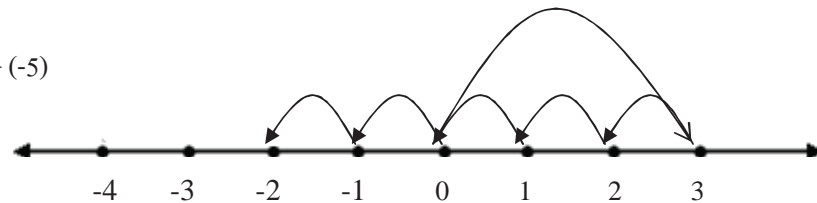
6.  $(-1)+5$



7.  $(-5)+3$



8.  $3+(-5)$



2. จากผลการบวกโดยใช้เส้นจำนวน จงเติมคำตอบต่อไปนี้ให้สมบูรณ์

ประโยคแสดงผลบวกของ $a+b$	ค่าสัมบูรณ์ของ $a$	ค่าสัมบูรณ์ของ $b$	ค่าสัมบูรณ์ของ $(a+b)$	ผลบวกของ $ a $ กับ $ b $ เท่ากันหรือไม่กับ $ a+b $
1. $3+2 = 5$	3	2	5	เท่ากัน
2. $(-3)+(-2) = -5$	3	2	5	เท่ากัน
3. $2+1 = 3$	2	1	3	เท่ากัน
4. $(-2)+(-1) = -3$	2	1	3	เท่ากัน
5. $5+(-1) = 4$	5	1	6	เท่ากัน
6. $(-1)+5 = 4$	1	5	6	เท่ากัน
7. $(-5)+3 = -2$	5	3	8	เท่ากัน
8. $3+(-5) = -2$	3	5	8	เท่ากัน

## แบบฝึกหัดที่ 4

## 1. จงทำให้เป็นผลสำเร็จ

1.  $(-12) - 7$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-12) - 7 &= (-12) + (-7) \\ &= -19 \end{aligned}$$

4.  $(-5) - (-8)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-5) - (-8) &= (-5) + 8 \\ &= 3 \end{aligned}$$

2.  $7 - (-12)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } 7 - (-12) &= 7 + 12 \\ &= 19 \end{aligned}$$

5.  $[8 - (-2)] - 6$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [8 - (-2)] - 6 &= [8 + 2] + (-6) \\ &= 10 + (-6) \\ &= 4 \end{aligned}$$

3.  $(-8) - (-5)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-8) - (-5) &= (-8) + 5 \\ &= -3 \end{aligned}$$

6.  $8 - [(-2) - 6]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } 8 - [(-2) + (-6)] &= 8 - (-8) \\ &= 8 + 8 \\ &= 16 \end{aligned}$$

2. จงหาค่าของ  $a - b$  และ  $b - a$  เมื่อกำหนด  $a$  และ  $b$  ดังต่อไปนี้

1.  $a = 5, b = (-3)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } a - b &= 5 - (-3) \\ &= 5 + 3 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b - a &= (-3) - 5 \\ &= (-3) + (-5) \\ &= -8 \end{aligned}$$

2.  $a = (-14), b = (-6)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } a - b &= (-14) - (-6) \\ &= (-14) + 6 \\ &= (-8) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b - a &= (-6) - (-14) \\ &= (-6) + 14 \\ &= 8 \end{aligned}$$

3.  $a = (-4), b = (-4)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } a - b &= (-4) - (-4) \\ &= (-4) + 4 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b - a &= (-4) - (-4) \\ &= (-4) + 4 \\ &= 0 \end{aligned}$$



## แบบฝึกหัดที่ 5

## จงหาผลลัพธ์

1).  $(-3) \times (-5) \times (-2)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [(-3) \times (-5)] \times (-2) &= 15 \times (-2) \\ &= (-30) \end{aligned}$$

2).  $(-3) \times [(-5) \times (-2)]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-3) \times [(-5) \times (-2)] &= (-3) \times 10 \\ &= -30 \end{aligned}$$

3).  $[4 \times (-3)] \times (-1)$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [4 \times (-3)] \times (-1) &= (-12) \times (-1) \\ &= 12 \end{aligned}$$

4).  $4 \times [(-3) \times (-1)]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } 4 \times [(-3) \times (-1)] &= 4 \times 3 \\ &= 12 \end{aligned}$$

5).  $[(-5) \times (-6)] + [(-5) \times (-6)]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [(-5) \times (-6)] + [(-5) \times (-6)] &= 30+30 \\ &= 60 \end{aligned}$$

6).  $(-5) \times [6 + (-6)]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-5) \times [6 + (-6)] &= (-5) \times 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

7).  $[(-7) \times (-5)] + [(-7) \times 2]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [(-7) \times (-5)] + [(-7) \times 2] &= 35 + (-14) \\ &= 21 \end{aligned}$$

8).  $(-7) \times [(-5) + 2]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } (-7) \times [(-5) + 2] &= (-7) \times (-3) \\ &= 21 \end{aligned}$$

9).  $[5 \times (-7)] + [5 \times 3]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } [5 \times (-7)] + [5 \times 3] &= (-35) + 15 \\ &= (-20) \end{aligned}$$

10).  $5 \times [(-7) + 3]$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ } 5 \times [(-7) + 3] &= 5 \times (-4) \\ &= (-20) \end{aligned}$$

## แบบฝึกหัดที่ 6

1. จงเติมคำตอบให้สมบูรณ์เพื่อแสดงหลักของความสัมพันธ์ระหว่างการหารและการคูณ ต่อไปนี้

ประโยคที่แสดงความสัมพันธ์ $a = b \times c$	ประโยคที่แสดงความสัมพันธ์ $a \div b = c$ หรือ $a \div c = b$
$10 = 5 \times 2$	$10 \div 5 = 2$ หรือ $10 \div 2 = 5$
$35 = 7 \times 5$	$35 \div 7 = 5$ หรือ $35 \div 5 = 7$
$33 = 3 \times 11$	$33 \div 3 = 11$ หรือ $33 \div 11 = 3$
$(-14) = 7 \times (-2)$	$(-14) \div 7 = (-2)$ หรือ $(-14) \div (-2) = 7$
$(-21) = 7 \times (-3)$	$(-21) \div 7 = (-3)$ หรือ $(-21) \div (-3) = 7$
$(-15) = 3 \times (-5)$	$(-15) \div 3 = (-5)$ หรือ $(-15) \div (-5) = 3$
$10 = (-5) \times (-2)$	$10 \div (-5) = (-2)$ หรือ $10 \div (-2) = (-5)$

จงหาผลหาร

1.  $17 \div 17$

วิธีทำ  $17 \div 17 = 1$

2.  $23 \div (-23)$

วิธีทำ  $23 \div (-23) = -1$

3.  $15 \div (-3)$

วิธีทำ  $15 \div (-3) = -5$

4.  $(-72) \div 9$

วิธีทำ  $(-72) \div 9 = -8$

5.  $[(-51) \div (-17)] \div [15 \div (-5)]$

วิธีทำ  $[(-51) \div (-17)] \div [15 \div (-5)] = 3 \div (-3)$   
 $= -1$

6.  $[(-72) \div 9] \div [16 \div (-2)]$

วิธีทำ  $[(-72) \div 9] \div [16 \div (-2)] = (-8) \div (-8)$   
 $= 1$

## แบบฝึกหัดที่ 7

1. จงเติมจำนวนเต็มในช่องว่างที่เว้นไว้เพื่อให้แต่ละประโยคต่อไปนี้เป็นจริง

1.1    5

1.2    (-5)

1.3    7

1.4    6

1.5    (-9)

1.6    (-5)

1.7    (-13)

1.8    13

1.9    0

1.10    (-3)

2. เมื่อกำหนดให้  $a = 8$ ,  $b = 10$ ,  $c = 3$  และ  $d = -6$  จงหาค่าของ  $\frac{ac + bd}{a + b}$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \frac{(8 \times 3) + (10 \times (-6))}{8 + 10} &= \frac{24 + (-60)}{18} \\ &= \frac{(-36)}{18} \\ &= (-2) \end{aligned}$$

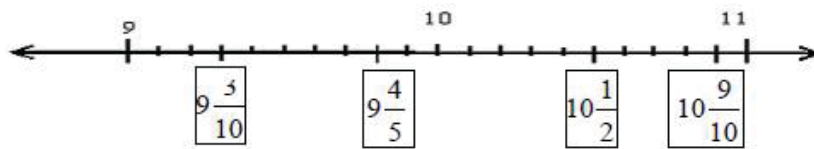
## เฉลย บทที่ 2

### เศษส่วนและทศนิยม

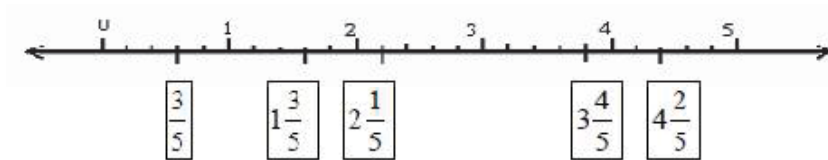
#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเติมเศษส่วนลงใน  ให้ถูกต้อง

1)

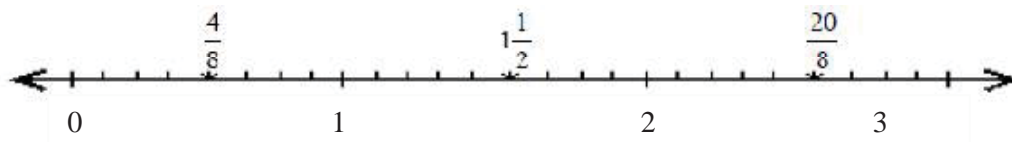


2)



2. จงเขียนเส้นจำนวนแล้วหาจุดที่แทนจำนวนต่อไปนี้

1)  $\frac{4}{8}$ ,  $1\frac{1}{2}$ ,  $\frac{20}{8}$



2)  $1\frac{1}{2}$ ,  $4\frac{3}{6}$ ,  $\frac{29}{6}$



3. จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ให้อยู่ในรูปของทศนิยม

1.  $\frac{6}{10} = 0.6$

2.  $\frac{12}{100} = 0.12$

3.  $\frac{357}{1000} = 0.357$

4.  $\frac{1}{10} + \frac{2}{100} + \frac{3}{1000} = 0.123$

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงเปลี่ยนเศษส่วนต่อไปนี้ให้เป็นทศนิยม โดยการทำให้เป็น 10 , 100 , 1,000,.....

$$1) \frac{9}{4} = \frac{225}{100} = 2.25$$

$$2) 1\frac{3}{4} = \frac{175}{100} = 1.75$$

$$3) \frac{39}{40} = \frac{97.5}{100} = 0.975$$

$$4) \frac{7}{25} = \frac{28}{100} = 0.28$$

$$5) \frac{1}{8} = \frac{125}{1000} = 0.125$$

$$6) \frac{8}{125} = \frac{64}{1000} = 0.064$$

2. จงเปลี่ยนเศษส่วนต่อไปนี้ให้เป็นทศนิยม โดยการหารเศษส่วน

$$1) \frac{9}{11} = 0.8\bar{1}$$

$$2) 3\frac{1}{7} = 3.14$$

$$3) \frac{7}{16} = 0.4375$$

$$4) \frac{5}{4} = 1.25$$

$$5) \frac{5}{6} = 0.8\bar{3}$$

$$6) 8\frac{3}{5} = 8.6$$

## แบบฝึกหัดที่ 3

1. ให้เติมตัวเลขหรือตัวส่วนของเศษส่วนลงใน  เพื่อให้ได้เศษส่วนที่เท่ากัน

$$1) \frac{1}{2} = \frac{\boxed{9}}{18}$$

$$2) \frac{3}{4} = \frac{\boxed{15}}{20}$$

$$3) \frac{7}{12} = \frac{21}{\boxed{36}}$$

$$4) \frac{2}{5} = \frac{16}{\boxed{40}}$$

$$5) \frac{14}{9} = \frac{\boxed{56}}{36}$$

$$6) \frac{20}{100} = \frac{\boxed{5}}{25}$$

$$7) \frac{9}{12} = \frac{3}{\boxed{4}}$$

$$8) \frac{\boxed{2}}{5} = \frac{16}{40}$$

2. ให้เติมเครื่องหมาย  $>$ ,  $<$  หรือ  $=$  ลงใน  ให้ถูกต้อง

$$1) \frac{1}{5} \boxed{>} \frac{1}{6}$$

$$2) \frac{2}{3} \boxed{<} \frac{3}{4}$$

$$3) \frac{5}{6} \boxed{<} \frac{6}{7}$$

$$4) \frac{3}{10} \boxed{<} \frac{1}{3}$$

$$5) \frac{3}{8} \boxed{>} \frac{1}{6}$$

$$6) \frac{7}{3} \boxed{>} \frac{9}{4}$$

$$7) \frac{5}{12} \boxed{<} \frac{7}{16}$$

$$8) \frac{11}{15} \boxed{>} \frac{7}{10}$$

$$9) \frac{11}{4} \boxed{=} \frac{22}{8}$$

$$10) \frac{7}{3} \boxed{<} \frac{5}{2}$$

$$11) \frac{11}{14} \boxed{<} \frac{11}{15}$$

$$12) \frac{30}{100} \boxed{=} \frac{3}{10}$$

3. ให้นักศึกษาเติมเครื่องหมาย  $>$ ,  $<$  หรือ  $=$  ระหว่างจำนวนสองจำนวน

1)  $-0.500 \dots\dots < \dots\dots 0.501$

2)  $103.012 \dots\dots > \dots\dots - 0.501$

3)  $5.28 \dots\dots < \dots\dots 5.82$

4)  $- 5.28 \dots\dots = \dots\dots - 5.28$

5)  $8.354 \dots\dots < \dots\dots 8.534$

6)  $-8.544 \dots\dots < \dots\dots -8.534$

7)  $-13.06 \dots\dots < \dots\dots 13.06$

8)  $103.012 \dots\dots > \dots\dots -103.012$

9)  $-5.125 \dots\dots = \dots\dots -5.1250$

10)  $-7.10 \dots\dots < \dots\dots -7.01$

4. ให้นักศึกษาเรียงลำดับจำนวนต่อไปนี้จากค่าน้อยไปค่ามาก

1)  $-1.724, -1.738, 0.832, -2.000$

**$- 2.000, - 1.738, -1.724, 0.832$**

2)  $-30.710, -31.170, -31.107, 30.017$

**$-30.710, -31.170, -31.107, 30.017$**

3)  $83.000, -38.000, -83.001, -138.500$

**$-138.500, -83.001, -38.000, 83.000$**

4)  $-34.50, -37.40, -41.54, -39.62, -42.50$

**$-42.50, -41.54, -39.62, -37.40, -34.50$**

#### แบบฝึกหัดที่ 4

1. ให้อหาคผลลัพธ์ต่อไปนี้

1.1  $\frac{12}{2} = 6$

1.2  $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

1.3  $\frac{24}{12} = 2$

1.4  $\frac{16}{11} = 1\frac{5}{11}$

1.5  $\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$

1.6  $\frac{2}{24} = \frac{1}{12}$

2. ให้เติมจำนวนลงใน  ทำให้ประโยคเป็นจริง

$$2.1 \quad \frac{6}{8}$$

$$2.2 \quad \frac{6}{6}$$

$$2.3 \quad \frac{12}{8}$$

$$2.4 \quad \frac{5}{3}$$

$$2.5 \quad \frac{7}{8}$$

3. ให้หาจำนวนมาเติมลงใน  แล้วทำให้ประโยคเป็นจริง

$$3.1 \quad \frac{3}{6}$$

$$3.2 \quad \frac{9}{14}$$

$$3.3 \quad \frac{1}{6}$$

$$3.4 \quad \frac{15}{6} = 2\frac{3}{6} = 2\frac{1}{2}$$

$$3.5 \quad \frac{7}{4} = 1\frac{3}{4}$$

$$3.6 \quad \frac{14}{24}$$

$$3.7 \quad \frac{35}{18} = 1\frac{17}{18}$$

$$3.8 \quad \frac{111}{28}$$

4. ให้หาผลลัพธ์ต่อไปนี้

$$\begin{aligned} 1. \text{ วิธีทำ} &= \frac{3}{7} + \left( \frac{14}{35} + \frac{20}{35} \right) \\ &= \frac{3}{7} + \frac{34}{35} = \frac{3 \times 5}{7 \times 5} + \frac{34}{35} = \frac{15}{35} + \frac{34}{35} \\ &= \frac{49}{35} \\ &= 1\frac{14}{35} \\ &= 1\frac{2}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2. \text{ วิธีทำ} &= \frac{7}{10} + \left( \frac{5}{9} + \frac{4}{9} \right) = \frac{7}{10} + \frac{9}{9} \\ &= \frac{7}{10} + 1 \\ &= 1\frac{7}{10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3. \text{ วิธีทำ} &= \left[ \left( \frac{3}{5} \times \frac{8}{8} \right) + \left( \frac{7}{8} + \frac{5}{5} \right) \right] + \frac{2}{5} \\ &= \left[ \frac{24}{40} + \frac{35}{40} \right] + \frac{2}{5} \\ &= \frac{59}{40} + \frac{2}{5} \\ &= \frac{59}{40} + \left( \frac{2}{5} \times \frac{8}{8} \right) \\ &= \frac{59}{40} + \frac{16}{40} \\ &= \frac{75}{40} = 1\frac{35}{40} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4. \text{ วิธีทำ} &= \frac{46}{11} + \left( \frac{7}{3} - \frac{7}{33} \right) \\ &= \frac{46}{11} + \left[ \left( \frac{7}{3} \times \frac{11}{11} \right) - \frac{7}{33} \right] \\ &= \frac{46}{11} + \left[ \frac{77}{33} - \frac{7}{33} \right] \\ &= \frac{46}{11} + \frac{70}{33} \\ &= \left[ \frac{46}{11} \times \frac{3}{3} \right] + \frac{70}{33} \\ &= \frac{138}{33} + \frac{70}{33} = \frac{208}{33} = 6\frac{10}{33} \end{aligned}$$



### แบบฝึกหัดที่ 5

1. จงหาผลคูณต่อไปนี้

$$1) 2\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{5}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{7}{3} \times \frac{6}{5}$$

$$= \frac{42}{15}$$

$$= 2\frac{12}{15} = 2\frac{4}{5}$$

$$2) 1\frac{1}{5} \times \frac{5}{9}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{6}{5} \times \frac{5}{9}$$

$$= \frac{30}{45} = \frac{2}{3}$$

$$3) 5\frac{2}{11} \times 1\frac{1}{9}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{57}{11} \times \frac{10}{9}$$

$$= \frac{570}{99} = 5\frac{75}{99} = 5\frac{25}{33}$$

$$4) 16\frac{2}{3} \times \frac{7}{10}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{50}{3} \times \frac{7}{10}$$

$$= \frac{35}{3} = 11\frac{2}{3}$$

$$5) \frac{5}{16} \times 2\frac{2}{3} \times 1\frac{2}{5}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{5}{16} \times \frac{8}{3} \times \frac{7}{5}$$

$$= \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$$

$$6) 6\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{6}$$

$$\text{วิธีทำ} = \frac{20}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{5 \times 1 \times 1}{1 \times 2 \times 3} = \frac{5}{6}$$

$$7) \frac{15}{49} \times \frac{24}{25} \times \frac{35}{18}$$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} &= \frac{15}{49} \times \frac{24}{25} \times \frac{35}{18} \\ &= \frac{4}{7} \end{aligned}$$

$$8) \frac{24}{25} \times \frac{10}{27} \times \frac{11}{25} \times \frac{10}{22}$$

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} &= \frac{24}{25} \times \frac{10}{27} \times \frac{11}{25} \times \frac{10}{22} \\ &= \frac{8 \times 2 \times 1 \times 1}{5 \times 9 \times 5 \times 1} \\ &= \frac{16}{225} \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 6

#### 1. จงหาผลลัพธ์ต่อไปนี้

$$\begin{aligned} 1.1 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{4}{5} \times \frac{8}{5} \\ &= \frac{32}{25} = 1\frac{7}{25} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.2 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{10}{11} \times \frac{2}{5} \\ &= \frac{4}{11} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.3 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{9}{24} \times \frac{12}{6} \\ &= \frac{3}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.4 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{15}{16} \times \frac{24}{5} \\ &= \frac{9}{2} = 4\frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.5 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{99}{100} \times \frac{25}{11} \\ &= \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1.6 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{3}{2} \times \frac{1}{3} \\ &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

2. จงทำให้เป็นผลสำเร็จ

$$\begin{aligned}
 2.1 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{9}{17} \times \left( \frac{21}{5} - \frac{31}{9} \right) \\
 &= \frac{9}{17} \times \left( \frac{189}{45} - \frac{155}{45} \right) = \frac{9}{17} \times \frac{34}{45} \\
 &= \frac{2}{5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2.2 \quad \text{วิธีทำ} &= \left( \frac{3}{6} + \frac{2}{6} \right) \div \left( \frac{3}{6} - \frac{2}{6} \right) \\
 &= \frac{5}{6} \div \frac{1}{6} = \frac{5}{6} \times 6 \\
 &= 5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2.3 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{11}{3} \times \frac{7}{6} \times \frac{12}{11} \\
 &= \frac{14}{3} \\
 &= 4\frac{2}{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2.4 \quad \text{วิธีทำ} &= \frac{24}{7} \times \frac{7}{5} \times \frac{10}{3} \\
 &= 16
 \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 7

1. ให้หาคำตอบของโจทย์ปัญหาต่อไปนี้

1) ตอมีเงิน 320 บาท ซื้อรองเท้า  $\frac{2}{5}$  ของเงินทั้งหมด ซื้อเสื้อ  $\frac{5}{16}$  ของเงินที่เหลือ จงหาว่า

ตอเหลือเงินเท่าไร

<b>วิธีทำ</b>	ตอมีเงิน	320	บาท
	ซื้อรองเท้า $\frac{2}{5}$ ของเงินทั้งหมด คิดเป็น	$\frac{2}{5} \times 320 = 128$	
	เหลือเงินจากการซื้อรองเท้า	$320 - 128 = 192$	บาท
	ซื้อเสื้อ $\frac{5}{16}$ ของเงินที่เหลือ คิดเป็น	$\frac{5}{16} \times 192 = 60$	บาท
	เหลือเงินจากการซื้อเสื้อ	$192 - 60 = 132$	บาท

**ตอบ** ตอเหลือเงิน 132 บาท

2) ห้องประชุมห้องหนึ่งมีความยาวเป็น  $3\frac{3}{4}$  ของความกว้าง และความกว้างเป็น  $4\frac{2}{5}$  ของความสูงถ้าห้องสูง  $3\frac{1}{2}$  เมตร และมีนักเรียน 462 คน จงหาว่าโดยเฉลี่ยนักเรียนคนหนึ่งมีอากาศหายใจกี่ลูกบาศก์เมตร

$$\text{วิธีทำ} \quad \text{ห้องประชุมมีความกว้าง } 4\frac{2}{5} \text{ ของความสูง} \quad = \frac{22}{5} \times \frac{7}{2} = \frac{77}{5} \quad \text{เมตร}$$

$$\text{มีความยาวเป็น } 3\frac{3}{4} \text{ ของความกว้าง} \quad = \frac{15}{4} \times \frac{77}{5} = \frac{231}{4} \quad \text{เมตร}$$

$$\text{ดังนั้นห้องประชุมมีปริมาตร} \quad = \frac{7}{2} \times \frac{77}{5} \times \frac{231}{4} = \frac{124,509}{40} \text{ ลูกบาศก์เมตร}$$

ในห้องประชุมมีนักเรียน 462 คน โดยเฉลี่ยนักเรียนคนหนึ่งมีอากาศหายใจ

$$= \frac{124,509}{40} \div 462$$

$$= \frac{124,509}{40} \times \frac{1}{462}$$

$$= 6.7375 \text{ ลูกบาศก์เมตร}$$

ตอบ โดยเฉลี่ยนักเรียนคนหนึ่งมีอากาศหายใจ 6.7375 ลูกบาศก์เมตร

3) จ้างคนปลูกหญ้าบนสนามรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง  $6\frac{4}{5}$  เมตร ยาว  $10\frac{1}{2}$  เมตร ในราคาตารางเมตรละ 45 บาท จะต้องจ่ายเงินทั้งหมดเท่าไร

$$\text{วิธีทำ} \quad \text{สนามรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้ากว้าง} \quad 6\frac{4}{5} \text{ เมตร} \quad = \frac{34}{5} \text{ เมตร}$$

$$\text{ยาว} \quad 10\frac{1}{2} \text{ เมตร} \quad = \frac{21}{2} \text{ เมตร}$$

$$\text{พื้นที่สนาม} \quad = \frac{34}{5} \times \frac{21}{2} = \frac{357}{5} \text{ ตารางเมตร}$$

$$\text{จ่ายค่าจ้างคนปลูกหญ้า ตารางเมตรละ} \quad 45 \quad \text{บาท}$$

$$\text{ต้องจ่ายเงิน} \quad = 45 \times \frac{357}{5} = 3,375 \text{ บาท}$$

ตอบ จ่ายค่าจ้างปลูกหญ้าบนสนามเท่ากับ 3,375 บาท

4) โทรทัศน์เครื่องหนึ่งประกาศลดราคาลง  $\frac{1}{4}$  ของราคาที่เคยเปิดไว้เดิม แต่ผู้ซื้อเป็นเพื่อนกับผู้ขายลดให้อีก  $\frac{1}{5}$  ของราคาที่เคยประกาศลดแล้วในครั้งแรก ซึ่งปรากฏว่าผู้ซื้อจ่ายไป 4,200 บาท จงหาว่าโทรทัศน์เครื่องนี้เปิดราคาเดิมไว้เท่าไร

**วิธีทำ** โทรทัศน์เครื่องหนึ่งลดราคาลง  $\frac{1}{4}$  ของราคาที่เคยเปิดไว้

$$\text{ถ้าลดราคา } \frac{1}{4} \text{ บาท} \quad \text{ราคาที่ลดแล้วเหลือ} \quad 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \quad \text{บาท}$$

$$\text{ขายให้เพื่อนลดให้อีก } \frac{1}{5} \text{ ของราคาที่เคยประกาศลด} \quad \frac{1}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{20}$$

$$\text{ขายไปจริงราคา} \quad \frac{3}{4} - \frac{3}{20} = \frac{15-3}{20} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5} \text{ บาท}$$

$$\text{เศษส่วน } \frac{3}{5} \text{ คิดเป็นเงิน 4,200 บาท}$$

$$\text{ดังนั้นราคาเดิมขายไว้} \quad = 4,200 \times \frac{5}{3} = 7,000 \text{ บาท}$$

**ตอบ** เดิมติดราคาไว้ 7,000 บาท

5) ในการเดินทางครั้งหนึ่งเสียค่าที่พัก  $\frac{2}{5}$  ของค่าใช้จ่ายทั้งหมด ค่าเดินทาง  $\frac{1}{4}$  ของค่าใช้จ่ายทั้งหมด ค่าใช้จ่ายอื่นๆ คิดเป็นเงิน 1,470 บาท จงหาว่าค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นเงินเท่าไร

**วิธีทำ** ค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นเงิน 1 บาท

$$\text{เสียค่าที่พัก } \frac{2}{5} \text{ ของค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นเงิน} \quad = \frac{2}{5} \text{ บาท}$$

$$\text{เสียค่าเดินทาง } \frac{1}{4} \text{ ของค่าใช้จ่ายทั้งหมดเป็นเงิน} \quad = \frac{1}{4} \text{ บาท}$$

$$\text{รวมค่าที่พักและค่าเดินทาง} \quad = \frac{2}{5} + \frac{1}{4} = \frac{13}{20} \text{ บาท}$$

$$\text{เป็นค่าใช้จ่ายอื่นๆ} \quad = 1 - \frac{13}{20} = \frac{7}{20} \text{ บาท}$$

$$\text{ดังนั้น } \frac{7}{20} \text{ คิดเป็นเงิน 1,470 บาท}$$

$$\text{ดังนั้น ค่าใช้จ่ายทั้งหมด} \quad = 1,470 \times \frac{20}{7} = 4,200 \text{ บาท}$$

**ตอบ** ค่าใช้จ่ายทั้งหมด 4,200 บาท

### แบบฝึกหัดที่ 8

#### 1. จงเติมผลลัพธ์ต่อไปนี้

1.1	0.99	1.2	-0.2
1.3	-0.1	1.4	0.1
1.5	-16.7	1.6	-12.5
1.7	50.09	1.8	-15.15
1.9	10.1	1.10	3.306
1.11	-9.1	1.12	-16.57
1.13	-36.7	1.14	-50.1
1.15	8.4782	1.16	2.7843
1.17	-57.03	1.18	-63.938
1.19	-3.237	1.20	3.327

### แบบฝึกหัดที่ 9

#### 1. จงหาค่าของ

1.1	-28.92	1.2	-0.1176
1.3	6.6742	1.4	-32.6808

#### 2. จงหาค่าของ

2.1	-1,240
2.2	-10.1802
2.3	-12.596
2.4	24.5746
2.5	-3.33

### แบบฝึกหัดที่ 10

ให้นักศึกษาแก้ปัญหาโจทย์ต่อไปนี้

1. เชือกยาว 17.25 เมตร นำอีกเส้นหนึ่งยาว 5.2 เมตร มาผูกต่อกันทำให้เสียเชือกตรงรอยต่อ 0.15 เมตร นำเชือกที่ต่อแล้วมาวางเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า ให้ด้านกว้างยาวด้านละ 1.5 เมตร ด้านยาวจะยาวด้านละกี่เมตร

**วิธีทำ** เชือกที่เหลือจากการนำมาต่อกันคิดเป็น  $(17.25 + 5.2) - 0.15 = 22.3$  เมตร  
นำมาวางให้เป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าให้ด้านกว้างยาว 1.5 เมตร  
ด้านกว้างทั้ง 2 ด้านจะใช้เชือกไป  $1.5 \times 2 = 3$  เมตร  
เหลือเชือกเป็นด้านยาว  $22.3 - 3 = 19.3$   
แต่ด้านยาว มี 2 ด้าน ดังนั้นด้านยาว ด้านละ  $19.3 \div 2 = 9.65$  เมตร

**ตอบ** ด้านยาวจะยาวด้านละ 9.65 เมตร

2. น้ำตาลสูงหนึ่งหนัก 9.35 กิโลกรัม จำนวน 16 ถุง ใช้ทำขนมเฉลี่ยแล้ววันละ 4.4 กิโลกรัม จะใช้น้ำตาลได้ทั้งหมดกี่วัน

**วิธีทำ** น้ำตาลสูงหนึ่งหนัก 9.35 กิโลกรัม จำนวน 16 ถุง  $= 9.35 \times 16 = 149.6$  กิโลกรัม ใช้  
ทำขนมเฉลี่ยแล้ววันละ 4.4 กิโลกรัม จะใช้น้ำตาลได้  $= \frac{149.6}{4.4} = 34$  วัน

**ตอบ** จะใช้น้ำตาลได้ทั้งหมด 34 วัน

3. ห้องรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 4.8 เมตร ยาว 9.6 เมตร นำกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาด 32 ตารางเซนติเมตร มาปูห้องจะต้องใช้กระเบื้องกี่แผ่น

**วิธีทำ** พื้นที่ห้องสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 4.8 เมตร ยาว 9.6 เมตร  $= 480 \times 960 = 460,800$  ตร.ซม.  
พื้นที่กระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาด  $= 32$  ตร.ซม.  
ถ้าปูห้องจะต้องใช้กระเบื้อง  $= \frac{460,800}{32} = 14,400$  แผ่น

**ตอบ** จะต้องใช้กระเบื้อง 14,400 แผ่น

4. มีทองคำแท่งหนึ่งหนัก 12.04 กรัม ซ้ำเพิ่มอีก 25.22 กรัม แบ่งขายไปสองครั้ง หนักครั้งละ 8.02 กรัม ที่เหลือนำไปทำแหวน 5 วง หนักวงละ 3.45 กรัมเท่าๆ กัน จะเหลือทองคำอีกกี่กรัม

วิธีทำ ทองคำแท่งหนึ่งหนัก 12.04 กรัม ซ้ำเพิ่มอีก 25.22 กรัม =  $12.04 + 25.22 = 37.26$  กรัม

แบ่งขายไปสองครั้ง หนักครั้งละ 8.02 กรัม =  $8.02 \times 2 = 16.04$  กรัม

เหลือทอง =  $37.26 - 16.04 = 21.22$  กรัม นำไปทำ

แหวน 5 วง หนักวงละ 3.45 กรัมเท่าๆ กัน =  $5 \times 3.45 = 17.25$  กรัม ทองที่เหลือจากการ

ทำแหวนจะได้ =  $21.22 - 17.25 = 3.97$  กรัม

ตอบ จะเหลือทองคำอีก 3.97 กรัม



### เฉลย บทที่ 3

#### เลขยกกำลัง

##### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ในรูปเลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มที่มีมากกว่า 1 พร้อมทั้งบอกฐานและเลขชี้กำลัง

$$1.1 \quad 25 = \dots\dots\dots 5 \times 5 \dots\dots\dots = \dots\dots\dots 5^2 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots 5 \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 2 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.2 \quad 64 = \dots\dots\dots 8 \times 8 \dots\dots\dots = \dots\dots\dots 8^2 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots 8 \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 2 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.3 \quad 169 = \dots\dots\dots 13 \times 13 \dots\dots\dots = \dots\dots\dots 13^2 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots 13 \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 2 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.4 \quad 729 = \dots\dots\dots 27 \times 27 \dots\dots\dots = \dots\dots\dots 27^2 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots 27 \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 2 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.5 \quad -32 = \dots\dots\dots (-2) (-2) (-2) (-2) (-2) \dots\dots\dots = \dots\dots\dots (-2)^5 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots (-2) \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 5 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.6 \quad -243 = \dots\dots\dots (-3) (-3) (-3) (-3) (-3) \dots\dots\dots = \dots\dots\dots (-3)^5 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots (-3) \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 5 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

$$1.7 \quad 0.125 = \dots\dots\dots (0.5) (0.5) (0.5) \dots\dots\dots = \dots\dots\dots (0.5)^3 \dots\dots\dots$$

$$\text{มี} = \dots\dots\dots (0.5) \dots\dots\dots \text{เป็นฐานและ} \dots\dots\dots 3 \dots\dots\dots \text{เป็นเลขชี้กำลัง}$$

2. จงเขียนจำนวนที่แทนด้วยสัญลัษณ์ต่อไปนี้

$$2.1 \quad 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 256$$

$$2.2 \quad (-3) (-3) (-3) (-3) = 81$$

$$2.3 \quad (0.3) (0.3) (0.3) (0.3) (0.3) = 0.00243$$

$$2.4 \quad (0.02) (0.02) (0.02) (0.02) (0.02) (0.02) = 0.000000000064$$

$$2.5 \quad \left(\frac{1}{3}\right) \left(\frac{1}{3}\right) \left(\frac{1}{3}\right) = \left(\frac{1}{27}\right)$$

$$2.6 \quad \left(\frac{2}{7}\right) \left(\frac{2}{7}\right) \left(\frac{2}{7}\right) = \frac{8}{343}$$

$$2.7 \quad (-5) (-5) (-5) (-5) = 625$$

$$2.8 \quad -(2 \times 2 \times 2) = -8$$

$$2.9 \quad \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{1}{10}\right) \left(\frac{1}{10}\right) = \frac{1}{100000}$$

$$2.10 (0.5) (0.5) (0.5) (0.5) (0.5) (0.5) = 0.015625$$

### แบบฝึกหัดที่ 2

1 จงเขียนจำนวนต่อไปนี้ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

1.  $4 \times 10^5$
2.  $2.3 \times 10^{10}$
3.  $6.39 \times 10^8$
4.  $2.475 \times 10^8$

2. ดาวเสาร์อยู่ห่างจากดวงอาทิตย์ประมาณ 1,430,000,000 กิโลเมตร จงเขียนให้อยู่ในรูปสัญกรณ์วิทยาศาสตร์

ตอบ  $1.43 \times 10^9$

3. สัญกรณ์วิทยาศาสตร์ในแต่ละข้อต่อไปนี้แทนจำนวนใด

- 3.1 2,000,000
- 3.2 48,000,000,000,000
- 3.3 4,030,000,000
- 3.5 912,500

### แบบฝึกหัดที่ 3

1 จงเขียนจำนวนที่แทนด้วยสัญลักษณ์ต่อไปนี้

- 1.1  $2^{5+6} = 2,048$
- 1.2  $32 \times 9 = 288$
- 1.3  $6^3 = 216$
- 1.4  $0.75^2 = 0.5625$
- 1.5  $\left(\frac{1}{9}\right) \times 9 = 1$
- 1.6  $(-6)^3 = -216$
- 1.7  $\frac{8}{125} \times \frac{625}{16} = \frac{5}{2} = 2\frac{1}{2}$
- 1.8  $\frac{1}{117649} \times \frac{16807}{32} = \frac{1}{224}$
- 1.9  $(0.125)\left(\frac{1}{16}\right) = 0.0078125$

$$1.10 \quad (-11)^5 = 161051$$

2. จงเขียนผลคูณของจำนวนในแต่ละข้อต่อไปนี้ในรูปเลขยกกำลัง

$$2.1 \quad 2^{2+3+7} = 2^{12}$$

$$2.2 \quad (-3)^{3+1+5} = (-3)^9$$

$$2.3 \quad 5 \times 5^4 \times 5^2 = 5^{1+4+2} = 5^7$$

$$2.4 \quad 11^2 \times 11 \times 11^2 = 11^{2+1+2} = 11^5$$

$$2.5 \quad (-3)^{4+3+7} = (-3)^{14}$$

#### แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงหาผลลัพธ์

$$1.1 \quad 2^{9-2} = 2^7$$

$$1.2 \quad 3^{6-1} = 3^5$$

$$1.3 \quad 11^{3-6} = 11^{-3} = \frac{1}{11^3}$$

$$1.4 \quad \left(\frac{1}{5}\right)^{4-2} = \left(\frac{1}{5}\right)^2$$

$$1.5 \quad (0.03)^{5-4} = (0.03)$$

$$1.6 \quad (0.8)^5 \div (0.8)^7 = (0.8)^{5-7} = (0.8)^{-2} = \frac{1}{(0.8)^2}$$

$$1.7 \quad 5^{(3+4)-7} = 5^0 = 1$$

$$1.8 \quad 7^{(6+1)-4} = 7^3$$

$$1.9 \quad 13^{2+(4-5)} = 13$$

$$1.10 \quad m^{(6-7)+4} = m^3$$

2. จงหาผลลัพธ์ต่อไปนี้ในรูปที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนเต็มบวก

$$2.1 \quad 5^{3+(-4)} = 5^{-1} = \frac{1}{5}$$

$$2.2 \quad 3^{8+(-6)-2} = 3^0 = 1$$

$$2.3 \quad 4^{(-6)-1} = 4^{-7} = \frac{1}{4^7}$$

$$2.4 \quad 2^{6+(-1)} = 2^5$$

$$2.5 \quad (1.5)^{2-3} = (1.5)^{-1} = \frac{1}{1.5}$$

$$2.6 \quad x^{2-5} = x^{-3} = \frac{1}{x^3}$$

$$2.7 \quad (a^{3+1}) \div (a^{0+5}) = a^{4-5} = a^{-1} = \frac{1}{a}$$

$$2.8 \quad m^{-7-(-5)} = m^{-7+5} = m^{-2} = \frac{1}{m^2}$$

## เฉลย บทที่ 4

### อัตราส่วนร้อยละ

#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเขียนอัตราส่วนจากข้อความต่อไปนี้

1.1 1 เซนติเมตร : 100 กิโลเมตร

1.2 200 กิโลเมตร : 3 ชั่วโมง

1.3 40 คน : 1,000 คน

1.4 72 ครั้ง : 1 นาที

2. สลากกินแบ่งรัฐบาลแต่ละงวดเป็นเลข 6 หลัก เช่น 889748 ซึ่งมีหมายเลขต่างกันทั้งหมด 1,000,000 ฉบับ ในจำนวนทั้งหมดนี้มีสลากที่ถูกรางวัลเลขท้าย 2 ตัวทั้งหมด 10,000 ฉบับ ถูกรางวัลเลขท้าย 3 ตัว 4,000 ฉบับ และถูกรางวัลที่ 1 อีก 1 ฉบับ

2.1 1 : 1,000,000

2.2 10,000 : 1,000,000

2.3 4,000 : 1,000,000

2.4 10,000 : 4,000

3. พ่อค้าจัดลูกกวาดคละสีขนาดเท่ากันลงในขวดโหลเดียวกัน โดยนับเป็นชุดดังนี้ “ลูกกวาดสีแดง 3 เม็ด สีเขียว 2 เม็ด สีเหลือง 5 เม็ด” จงหา

3.1 3: 10

3.2 3: 5

3.3 สีเหลืองเพราะมีจำนวนมากที่สุด ดังนั้น โอกาสที่จะหยิบได้สีเหลืองจึงมีมาก

#### แบบฝึกหัดที่ 2

1. ถ้าอัตราแลกเปลี่ยนเงินดอลลาร์ต่อเงินหนึ่งบาทเท่ากับ 1 : 43 จงเติมราคาเงินในตาราง

เงินดอลลาร์	1	2	3	10	20
เงินบาท	43	86	129	430	860

2. จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้ต่อไปนี้ให้มีอีก 3 อัตราส่วน

2.1  $\frac{4}{6}, \frac{6}{9}, \frac{8}{12}$

2.2  $\frac{10}{18}, \frac{15}{27}, \frac{20}{36}$

3. จงตรวจสอบว่าอัตราส่วนต่อไปนี้เท่ากันหรือไม่

อัตราส่วนที่กำหนดให้	พิจารณาการคูณไขว้	ผลการตรวจสอบ
1) $\frac{5}{6}$ กับ $\frac{10}{12}$	$5 \times 12 = 10 \times 6$ เพราะ $60 = 60$	$\frac{5}{6} = \frac{10}{12}$
2) $\frac{3}{4}$ กับ $\frac{4}{5}$	$3 \times 5 \neq 4 \times 4$ เพราะ $15 \neq 16$	$\frac{3}{4} \neq \frac{4}{5}$
3) $\frac{6}{8}$ กับ $\frac{7}{9}$	$6 \times 9 \neq 8 \times 7$ เพราะ $54 \neq 56$	$\frac{6}{8} \neq \frac{7}{9}$
4) $\frac{12}{10}$ กับ $\frac{18}{15}$	$12 \times 15 = 18 \times 10$ $180 = 180$	$\frac{12}{10} = \frac{18}{15}$
5) $\frac{0.3}{10}$ กับ $\frac{6}{200}$	$0.3 \times 200 = 6 \times 10$ $60 = 60$	$\frac{0.3}{10} = \frac{6}{200}$

4. จงทำให้อัตราส่วนต่อไปนี้ให้มีหน่วยเดียวกันและอยู่ในรูปอย่างง่าย

4.1  $2 \times 24 : 10$  หรือ  $48 : 10$  หรือ  $24 : 5$

4.2  $200 : 1.5 \times 1,000$  เมตร หรือ  $200 : 1,500$

### แบบฝึกหัดที่ 3

1. พ่อแบ่งเงินให้ลูกสามคนโดยกำหนด

อัตราส่วนของจำนวนเงินลูกคนโต ต่อคนกลาง ต่อคนเล็กเป็น  $5 : 3 : 2$  จงหาอัตราส่วนต่อไปนี้

1.1  $5 : 2$

1.2  $2 : 3$

1.3  $3 : 10$

1.4  $2 : 10$

2. เศรษฐีคนหนึ่งได้เขียนพินัยกรรมไว้ก่อนจะเสียชีวิตว่า ถ้าภรรยาที่กำลังตั้งครรภ์คลอดลูกเป็นชายให้แบ่งเงินในพินัยกรรมเป็นอัตราส่วนเงินของภรรยาต่อบุตรชายเป็น  $1 : 2$  แต่ถ้าคลอดลูกเป็นหญิงให้แบ่งเงินในพินัยกรรมเป็นอัตราส่วนเงินของภรรยาต่อบุตรหญิงเป็น  $2 : 1$  เมื่อเศรษฐีคนนี้เสียชีวิตลงปรากฏว่าภรรยาคลอดลูกแฝด เป็นชาย 1 คน หญิง 1 คน จงหาอัตราส่วนของเงินในพินัยกรรมของภรรยาต่อบุตรชาย ต่อบุตรหญิง

ตอบ อัตราส่วนเงินของภรรยาต่อเงินของบุตรชาย เป็น  $1 : 2$

อัตราส่วนเงินของภรรยาต่อเงินของบุตรหญิง เป็น  $2 : 1$

เมื่อเศรษฐีเสียชีวิตลงภรรยาคลอดลูกเป็นฝาแฝด ชาย 1 คน หญิง 1 คน ต้องแบ่งพินัยกรรมเป็น สามส่วน คือ

$$\text{อัตราส่วนเงินของภรรยาต่อเงินของบุตรชาย เป็น } 1 : 2 = 2 : 4$$

$$\text{อัตราส่วนเงินของภรรยาต่อเงินของบุตรหญิง เป็น } 2 : 1$$

นั่นคือ อัตราส่วนเงินของภรรยาต่อเงินของบุตรชายต่อบุตรหญิงเป็น  $2 : 4 : 1$

### แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงเขียนสัดส่วนจากอัตราส่วนต่อไปนี้

1.1  $\frac{3}{4} = \frac{6}{8}$

1.2  $\frac{A}{7} = \frac{9}{27}$

1.3  $\frac{12}{10} = \frac{B}{5}$

1.4  $\frac{5}{4} = \frac{65}{D}$

2. จงหาค่าตัวแปรจากสัดส่วนที่กำหนดให้ต่อไปนี้

$$2.1 \quad \frac{A}{3} = \frac{12}{15}$$

$$\text{วิธีทำ} \quad A = \frac{12}{15} \times 3$$

$$= 2.4$$

$$2.2 \quad \frac{3}{B} = \frac{21}{28}$$

$$\text{วิธีทำ} \quad B = 3 \times \frac{28}{21}$$

$$= 4$$

### แบบฝึกหัดที่ 5

1. ขายมะละกอ 3 ผล ราคา 50 บาท ถ้าขาย มะละกอ 15 ผล จะได้เงินเท่าไร

วิธีทำ ขายมะละกอ 3 ผล ราคา 50 บาท

ขายมะละกอ 15 ผล ราคา x บาท

$$\text{จะได้} \quad \frac{3}{50} = \frac{15}{x}$$

$$x = \frac{15 \times 50}{3}$$

$$x = 250$$

2. กศน.แห่งหนึ่งมีนักศึกษาทั้งหมด 400 คน มีจำนวนนักศึกษหญิงต่อจำนวนนักศึกษาชาย

เป็น 5:3 จงหาว่า มีนักศึกษาชายกี่คนและนักศึกษหญิงกี่คน

วิธีทำ กศน. แห่งหนึ่งมีนักศึกษาทั้งหมด 400 คน

มีจำนวนนักศึกษหญิงต่อจำนวนนักศึกษาชาย เป็น 5:3

ดังนั้นถ้าแบ่งนักศึกษา กศน.ทั้งหมดออกเป็น  $5+3 = 8$  ส่วน

$$\text{จะได้} \text{นักศีกษา} \text{ กศน. ส่วนละ} = \frac{400}{8} = 50 \text{ คน}$$

ฉะนั้น มีนักศึกษาชาย อยู่ 3 ส่วน เป็น  $3 \times 50 = 150$  คน

มีนักศึกษหญิงอยู่ 5 ส่วน เป็น  $5 \times 50 = 250$  คน

3. พ่อแบ่งมรดกให้ลูกสองคน โดยอัตราส่วนของส่วนแบ่งของลูกคนโตต่อส่วนแบ่งลูกคนเล็ก เป็น 7: 3 ถ้าลูกคนโตได้เงินมากกว่าลูกคนเล็ก 80,000 บาท จงหาส่วนแบ่งที่แต่ละคนได้รับ

วิธีทำ อัตราส่วนของส่วนแบ่งของลูกคนโตต่อส่วนแบ่งลูกคนเล็ก เป็น 7: 3

ดังนั้น พ่อแบ่งเงินทั้งหมดเป็น	10 ส่วน	
ลูกคนโตมีเงินมากกว่าลูกคนเล็ก 4 ส่วน เป็นเงิน	80,000 บาท	
ดังนั้น เงิน 1 ส่วน เป็นเงิน	$\frac{80,000}{4} = 20,000$	บาท

สรุปได้ว่า ลูกคนโตได้รับเงินมรดก 7 ส่วน เป็นเงิน  $7 \times 20,000 = 140,000$  บาท

ลูกคนเล็กได้รับเงินมรดก 3 ส่วน เป็นเงิน  $3 \times 20,000 = 60,000$  บาท

### แบบฝึกหัดที่ 6

1.1 90

1.2 48

1.3 7%

1.4 25%

1.5 600

1.6 0.5

### แบบฝึกหัดที่ 7

1. 125 คน

2. 2.1 1,200 คน

2.2 480 คน

3.

วิธีทำ	สินค้าทุกชนิดลดราคา	20 %
	คุณแม่ซื้อเครื่องแก้วแล้วได้ส่วนลด	250 บาท
	ดังนั้นร้านค้าปลีกราคา	$250 \times \frac{100}{20} = 1,250$ บาท

4. วิธีทำ สนามหญ้าแห่งหนึ่งกว้าง 5 เซนติเมตร ยาว 8 เซนติเมตร

มาตราส่วน 1 เซนติเมตร : 50 เมตร

ดังนั้นสนามหญ้าจริงกว้าง 250 เมตร ยาว 400 เมตร



หาพื้นที่สี่เหลี่ยมผืนผ้า จะได้  $250 \times 400 = 100,000$  ตารางเมตร

5.วิธีทำ นกน้อยได้อัตราดอกเบี้ยร้อยละ 3 ต่อปี แต่ถูกหักภาษีร้อยละ 15 คิดเป็น  $\frac{15}{100} \times 3 = 0.45$

เท่ากับดอกเบี้ยที่ถูกหักภาษีแล้ว  $3 - 0.45 = 2.55$

นกน้อยฝากเงิน 10,000 บาท สิ้นปีจะได้ดอกเบี้ยที่ถูกหักภาษี ร้อยละ 2.55

คิดเป็น  $\frac{2.55}{100} \times 10,000 = 255$  บาท

รวมมีเงินบัญชี  $10,000 + 255 = 10,255$  บาทในต้นปีที่สอง

สิ้นปีที่สองจะได้ดอกเบี้ยร้อยละ 2.55 ของเงินฝากปีที่สอง  $= \frac{2.55}{100} \times 10,255 = 261.50$  บาท

ครบสองปีจะมีเงินในบัญชี  $10,255 + 261.50 = 10,516.50$  บาท

6. วิธีทำ วีระซื้อรถยนต์ ราคา 200,000 บาท

ขายต่อได้กำไร 20% เป็นเงิน  $\frac{20}{100} \times 200,000 = 40,000$  บาท

วีระมีเงินทั้งหมด 240,000 บาท

วีระเอาเงินไปเล่นหุ้นขาดทุน 20% เป็นเงิน  $\frac{20}{100} \times 240,000 = 48,000$  บาท

ดังนั้นวีระเหลือเงิน  $240,000 - 48,000 = 192,000$  บาท

## เฉลย บทที่ 5

### การวัด

#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเติมหน่วยความยาวหรือหน่วยพื้นที่ที่เหมาะสมกับข้อความต่อไปนี้

- 1.1 มิลลิเมตร
- 1.2 เซนติเมตร, เซนติเมตร, มิลลิเมตร
- 1.3 กิโลเมตร
- 1.4 เมตร, เมตร, กิโลเมตร
- 1.5 เซนติเมตร, เซนติเมตร, มิลลิเมตร
- 1.6 ตารางเซนติเมตร
- 1.7 ตารางเมตร
- 1.8 เมตร หรือ วา, ไร่-งาน-ตารางวา, ตารางเมตร
- 1.9 เมตร

2. จงเติมค่าลงในช่องว่างที่กำหนดให้ถูกต้อง

- 2.1 1,600
- 2.2 170,000
- 2.3 7 ไร่ 3 งาน 19 ตารางวา
- 2.4 5
- 2.5  $2 \times 10^{10}$
- 2.6 2,222
- 2.7 2.9
- 2.8 432
- 2.9 38
- 2.10 1,072 938,000 และ 1,400,000

3. จงตอบคำถามต่อไปนี้ พร้อมแสดงวิธีทำ

1) สวนแห่งหนึ่งมีพื้นที่ 4,800 ตารางเมตร คิดเป็นพื้นที่กี่ไร่

วิธีทำ พื้นที่ 1,600 ตารางเมตร เท่ากับ 1 ไร่

พื้นที่ 4,800 ตารางเมตร เท่ากับ  $\frac{4,800}{1,600} = 3$  ไร่

2) พื้นที่ 25 ตารางฟุต คิดพื้นที่ที่ตารางเซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad 1 \text{ ฟุต} &= 30 \text{ เซนติเมตร} \\ 1 \text{ ตารางฟุต} &= 30 \times 30 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ 25 \text{ ตารางฟุต} &= 30 \times 30 \times 25 = 22,500 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

3) ลุงแดงแบ่งที่ดินให้ลูกชาย 3 คน โดยแบ่งให้ลูกชายคนโตได้ 2 ไร่ ลูกชายคนกลาง 850 ตารางวา และลูกชายคนเล็กได้ 3,000 ตารางเมตร อยากทราบว่าใครได้ส่วนแบ่งที่ดินมากที่สุด

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{คนโตได้ 2 ไร่} &\text{ คิดเป็น} & 2 \times 1,600 &= 3,200 & \text{ ตารางเมตร} \\ \text{คนที่สองได้ 850 ตารางวา} &\text{ คิดเป็น} & 850 \times 4 &= 3,400 & \text{ ตารางเมตร} \\ \text{คนเล็กได้} && & 3,000 & \text{ ตารางเมตร} \end{aligned}$$

แสดงว่า คนกลางได้มากที่สุด

4) พื้นที่ 5,625 ไร่ คิดเป็นพื้นที่ที่ตารางกิโลเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{พื้นที่ 625 ไร่} &= 1 \text{ ตารางกิโลเมตร} \\ \text{พื้นที่ 5,625 ไร่} &= \frac{5,625}{625} = 9 \text{ ตารางกิโลเมตร} \end{aligned}$$

5) สมเกียรติซื้อโลหะแผ่นชนิดหนึ่ง 3 ตารางเมตร ราคา 456 บาท สมนึกซื้อโลหะแผ่นชนิดเดียวกัน 4 ตารางหลา ราคา 567 บาท อยากทราบว่าใครซื้อได้ถูกกว่ากัน ตารางเมตรละกี่บาท (กำหนด 1 หลา = 90 เซนติเมตร)

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad 1 \text{ หลา} &= 90 \text{ เซนติเมตร} \\ 1 \text{ ตารางหลา} &= 90 \times 90 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ 4 \text{ ตารางหลา} &= 90 \times 90 \times 4 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ 100 \times 100 \text{ ตารางเซนติเมตร} &= 1 \text{ ตารางเมตร} \\ \text{ดังนั้น } 90 \times 90 \times 4 \text{ ตารางเซนติเมตร} &= \frac{90 \times 90 \times 4}{100 \times 100} = 3.24 \text{ ตารางเมตร} \end{aligned}$$

$$\text{ดังนั้น สมนึกซื้อโลหะแผ่น ราคา 567 บาท คิดเป็นราคาตารางเมตรละ } \frac{567}{3.24} = 175 \text{ บาท}$$

$$\text{สมเกียรติซื้อโลหะแผ่นราคา 456 บาท คิดเป็นราคาตารางเมตรละ } \frac{456}{3} = 152 \text{ บาท}$$

ดังนั้น สมเกียรติซื้อได้ในราคาที่ถูกกว่า

### แบบฝึกหัดที่ 2

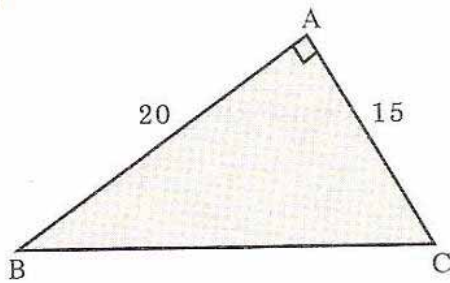
1. จงเติมหน่วยการวัดที่เหมาะสมลงในช่องว่าง

- 2.1 เมตร
- 2.2 มิลลิเมตร
- 2.3 กิโลเมตร
- 2.4 กิโลกรัม
- 2.5 วินาที
- 2.6 องศาเซลเซียส
- 2.7 ไร่ – งาน – ตารางวา
- 2.8 ลูกบาศก์เซนติเมตรหรือ ลิตร
- 2.9 เซนติเมตร
- 2.10 กิโลกรัม

### แบบฝึกหัดที่ 3

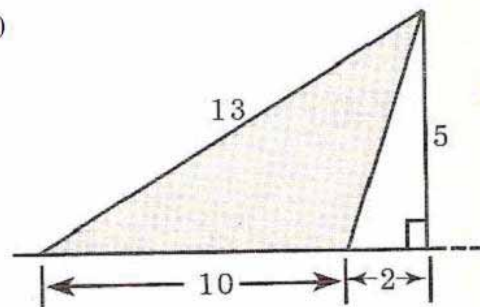
1. จงหาพื้นที่ส่วนที่แรเงาของรูปต่อไปนี้ ตัวเลขที่เขียนกำกับด้านไว้ถือเป็นความยาวของด้าน และมีหน่วยเป็นหน่วยความยาว

1)



$$1. \frac{1}{2} \times 20 \times 15 = 150 \text{ ตารางหน่วย}$$

2)

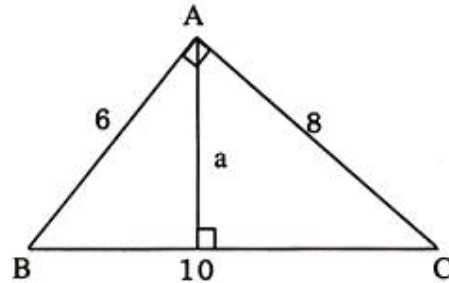


$$2. \frac{1}{2} \times 10 \times 5 = 25 \text{ ตารางหน่วย}$$

2. รูปสามเหลี่ยมหนึ่งรูปมีพื้นที่ 90 ตารางเซนติเมตร มีฐานยาว 12 เซนติเมตร จะมีความสูงกี่เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad 90 &= \frac{1}{2} \times 12 \times \text{สูง} \\ \text{ความสูง} &= \frac{90 \times 2}{12} = 15 \end{aligned}$$

3. สามเหลี่ยมมุมฉาก ABC มีมุม BAC เป็นมุมฉาก และกำหนดความยาวของด้านดังรูป จงหาความยาวของด้าน A



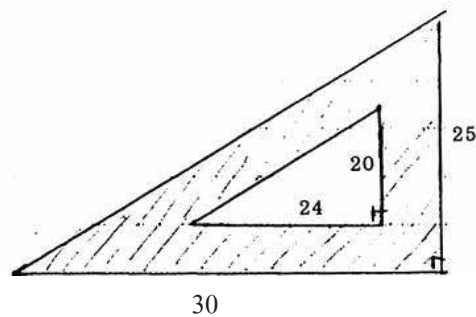
วิธีทำ ABC เมื่อ AB เป็นฐาน พื้นที่สามเหลี่ยมคือ  $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$  ----- 1

ABC เมื่อ BC เป็นฐาน พื้นที่สามเหลี่ยมคือ  $\frac{1}{2} \times 10 \times a$  ----- 2

สมการที่ 1 = สมการที่ 2 จะได้  $\frac{1}{2} \times 10 \times a = 24$

ดังนั้น  $a = 4.8$  หน่วย

4. จงหาพื้นที่ของส่วนที่แรเงาของไม้ฉากรูปสามเหลี่ยม ซึ่งมีขนาดตามรูป (ความยาวที่กำหนดมีหน่วยเป็นเซนติเมตร)



วิธีทำ พื้นที่สามเหลี่ยมรูปนอก =  $\frac{1}{2} \times 30 \times 25 = 375$  ตารางหน่วย

พื้นที่สามเหลี่ยมรูปใน =  $\frac{1}{2} \times 24 \times 20 = 240$  ตารางหน่วย

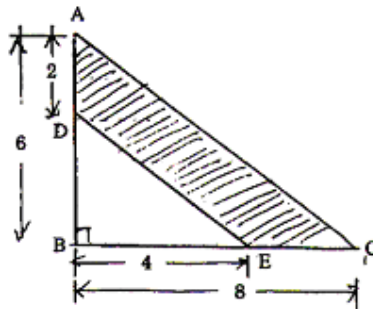
ดังนั้น พื้นที่ส่วนที่แรเงามีพื้นที่เท่ากับ  $375 - 240 = 135$  ตารางหน่วย

#### แบบฝึกหัดที่ 4

- 1.1 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส = ด้าน x ด้าน =  $8 \times 8 = 64$  ตารางเซนติเมตร
- 1.2 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส =  $\frac{1}{2}x$  ผลคูณของเส้นทแยงมุม =  $\frac{1}{2}(12 \times 12) = 72$  ตารางเซนติเมตร
- 1.3 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า = กว้าง x ยาว =  $4 \times 7 = 28$  ตารางเซนติเมตร
- 1.4 พื้นที่สี่เหลี่ยมด้านขนาน = ฐาน x สูง =  $12 \times 8 = 96$  ตารางเมตร
- 1.5 พื้นที่สี่เหลี่ยมคางหมู =  $\frac{1}{2}x$  ผลบวกด้านคู่ขนาน x สูง =  $\frac{1}{2}x(5+11)x6 = 48$  ตารางเมตร
- 1.6 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมขนมเปียกปูน =  $\frac{1}{2}x$  ผลคูณของเส้นทแยงมุม =  $\frac{1}{2}x12x8 = 48$  ตารางเมตร
- 1.7 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว =  $\frac{1}{2}x$  ผลคูณของเส้นทแยงมุม =  $\frac{1}{2}x8x10 = 40$  ตารางเมตร
- 1.8 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมรูปว่าว =  $\frac{1}{2}x$  ผลคูณของเส้นทแยงมุม =  $\frac{1}{2}x7x12 = 42$  ตารางเมตร
- 1.9 พื้นที่รูปสี่เหลี่ยมใดๆ =  $\frac{1}{2}x$  เส้นทแยงมุม x ผลบวกของเส้นกึ่ง =  $\frac{1}{2}x10x(5+7) = 60$  ตารางเมตร

2. จงหาพื้นที่ส่วนที่แรเงา ตัวเลขที่เขียนกำกับไว้ถือว่าเป็นความยาวของด้านและมีหน่วยความยาวเป็นเมตร

1)

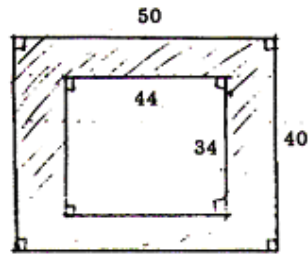


วิธีทำ พื้นที่สามเหลี่ยมรูปเล็ก =  $\frac{1}{2}x4x4 = 8$  ตารางเมตร

พื้นที่สามเหลี่ยมรูปใหญ่ =  $\frac{1}{2}x8x6 = 24$  ตารางเมตร

จะเห็นว่าพื้นที่ส่วนที่แรเงามีพื้นที่เท่ากับ  $24 - 8 = 16$  ตารางเมตร

2)



วิธีทำ พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปใหญ่ =  $50 \times 40 = 2,000$  ตารางเมตร

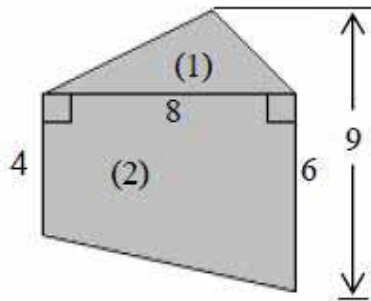
พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปเล็ก =  $44 \times 34 = 1,496$  ตารางเมตร

จะเห็นว่าพื้นที่ส่วนที่แรเงามีพื้นที่เท่ากับ  $2,000 - 1,496 = 504$  ตารางเมตร

### แบบฝึกหัดที่ 5

1. จงหาพื้นที่ส่วนที่แรเงา ตัวเลขที่เขียนกำกับด้านมีหน่วยเป็นเซนติเมตร และจุด O, Q แทนจุดศูนย์กลางของวงกลม

1.1

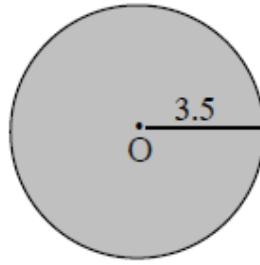


วิธีทำ พื้นที่สามเหลี่ยม รูป 1 =  $\frac{1}{2} \times 8 \times 3 = 12$

พื้นที่สี่เหลี่ยม รูป 2 =  $\frac{1}{2} \times 10 \times 8 = 40$

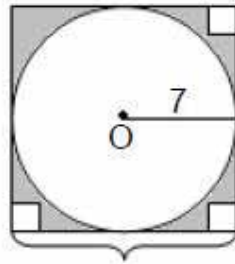
ดังนั้น พื้นที่ที่แรเงาทั้งหมด =  $12 + 40 = 52$  ตารางหน่วย

1.2



$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{พื้นที่วงกลม} &= \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \\ \text{พื้นที่ที่แรเงาทั้งหมด} &= 38.5 \quad \text{ตารางหน่วย} \end{aligned}$$

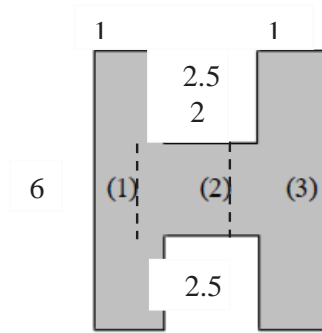
1.3



$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{พื้นที่วงกลม} &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 154 \\ \text{พื้นที่สี่เหลี่ยม} &= 14 \times 14 = 196 \\ \text{พื้นที่ที่แรเงาทั้งหมด} &= 196 - 154 = 42 \quad \text{ตารางหน่วย} \end{aligned}$$

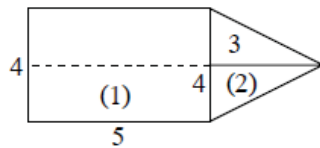


1.4



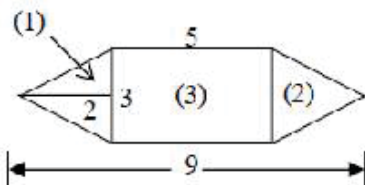
วิธีทำ พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 1 =  $1 \times 6 = 6$   
 พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 2 =  $2 \times 1 = 2$   
 พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 3 =  $1 \times 6 = 6$   
 ดังนั้นพื้นที่แรเงาทั้งหมด =  $6 + 2 + 6 = 14$  ตารางหน่วย

1.5



วิธีทำ พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปที่ 1 =  $4 \times 5 = 20$   
 พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 2 =  $\frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$   
 ดังนั้น พื้นที่ทั้งหมด =  $20 + 6 = 26$  ตารางหน่วย

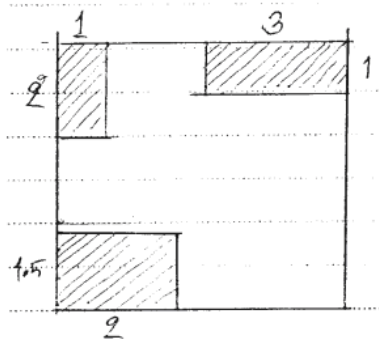
1.6



วิธีทำ พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 1 = พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 2  
 พื้นที่สามเหลี่ยมรูปที่ 1 และรูปที่ 2 =  $\left(\frac{1}{2} \times 3 \times 2\right) \times 2 = 6$   
 พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปที่ 3 =  $5 \times 3 = 15$   
 ดังนั้นพื้นที่สี่เหลี่ยมทั้งหมด =  $6 + 15 = 21$  ตารางหน่วย

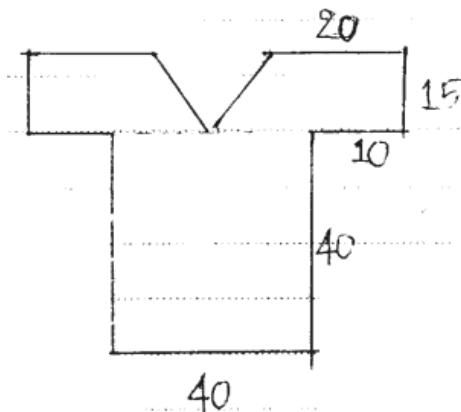
## แบบฝึกหัดที่ 6

1. แผนผังบ้านหลังหนึ่งมีลักษณะและขนาดดังรูป ถ้าบริเวณที่แรเงาต้องการเทพูนซีเมนต์ โดยเสียค่าใช้จ่ายตารางเมตรละ 250 บาท จะต้องเสียค่าใช้จ่ายทั้งหมดกี่บาท กำหนดความยาวมีหน่วยเป็นเซนติเมตร



วิธีทำ	พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปที่ 1	=	$1 \times 2$	=	2 ตารางเมตร
	พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปที่ 2	=	$1 \times 3$	=	3 ตารางเมตร
	พื้นที่สี่เหลี่ยมรูปที่ 3	=	$1.5 \times 2$	=	3 ตารางเมตร
	ดังนั้นพื้นที่ส่วนที่แรเงา	=	$2+3+3$	=	8 ตารางเมตร
	ต้องการเทพูนซีเมนต์โดยเสียค่าใช้จ่ายตารางเมตรละ				250 บาท
	จะต้องเสียค่าใช้จ่ายทั้งหมด	=	$250 \times 8$	=	2,000 บาท

2. ต้องการตัดเสื่อตัวหนึ่งมีลักษณะดังรูป จะต้องใช้ผ้ากี่ตารางเมตร (ไม่คิดตะเข็บ) ความยาวที่กำหนดมีหน่วยเป็นเซนติเมตร



วิธีทำ พื้นที่สี่เหลี่ยมส่วนแขนเสื้อ ส่วนที่ 1 =  $(\frac{1}{2} \times (0.2+0.3) \times 0.15)$  = 0.0375 ตารางเมตร

พื้นที่สี่เหลี่ยมส่วนแขนเสื้อ ส่วนที่ 2 =  $(\frac{1}{2} \times (0.2+0.3) \times 0.15)$  = 0.0375 ตารางเมตร

พื้นที่สี่เหลี่ยมส่วนที่เป็นลำตัว =  $0.4 \times 0.4 = 0.16$  ตารางเมตร

พื้นที่ทั้งหมด คือ  $0.0375 + 0.0375 + 0.16 = 0.235$

จะต้องใช้ผ้า 2 ชั้น จะต้องใช้ผ้าทั้งหมด  $0.235 \times 2 = 0.47$  ตารางเมตร

### แบบฝึกหัดที่ 7

1. จงคาดคะเนเวลาหรือช่วงเวลาที่ให้เหมาะสมกับสถานการณ์ต่อไปนี้

1.1 5.00 นาฬิกา

1.2 12.00 นาฬิกา

1.3 หนาว , ธันวาคม

2. จงวงกลมล้อมรอบข้อที่เหมาะสมที่สุด สำหรับใช้หน่วยในการคาดคะเน ระยะทาง น้ำหนัก หรือ ขนาดของสิ่งต่อไปนี้

2.1 ข

2.2 ข

2.3 ก

2.4

2.4.1 ค

2.4.2 ก

2.4.3 ข

2.4.4 ข

2.5

2.5.1 ข

2.5.2 ก

3. ทางหลวงสายพหลโยธินกรุงเทพฯ-แม่สาย ยาว 952 กิโลเมตร รถประจำทางปรับอากาศวิ่งบนทางหลวงสายนี้ตลอดเส้นทางด้วยอัตราเร็ว 80-100 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

3.1 10 – 12 ชั่วโมง

3.2 4.00 – 6.00

3.3 24.00 – 2.00

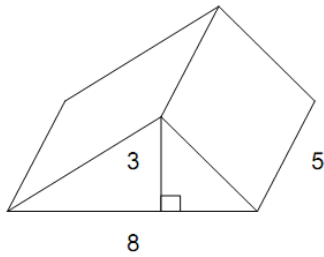


เฉลย บทที่ 6  
พื้นที่ผิวและปริมาตร

แบบฝึกหัดที่ 1

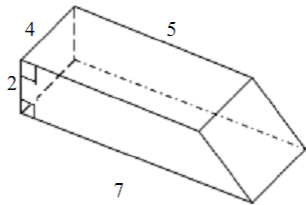
1. จงหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึมต่อไปนี้

1)



$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตร} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= \left(\frac{1}{2} \times 8 \times 3\right) \times 5 = 60 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

2)



$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตร} &= \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= \left(\frac{1}{2} \times 12 \times 2\right) \times 4 = 48 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \end{aligned}$$

แบบฝึกหัดที่ 2

1. จงหาปริมาตร และพื้นที่ผิวทั้งหมดของทรงกระบอกสูง 10 เซนติเมตร มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตร} &= \pi r^2 h \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 10 = 1,540 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่ฐาน} &= \pi r^2 \\ &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 154 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่ผิวข้าง} &= 2\pi rh \\ &= 2 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 10 = 440 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

ดังนั้นพื้นที่ผิวทั้งหมด คือ  $440 + (154 \times 2) = 748$  ตารางเซนติเมตร

2. จงหาปริมาตรของทรงกระบอกใบหนึ่งที่มีรัศมีของฐาน 3.5 นิ้ว และสูง 5 นิ้ว

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ ปริมาตร} &= \pi r^2 h \\ &= \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \times 5 = 192.5 \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \end{aligned}$$

3. จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวทั้งหมดของถังเก็บน้ำรูปทรงกระบอกใบหนึ่งที่มีรัศมีที่ฐาน 3 เมตร สูง 4 เมตร 90 เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ ปริมาตร} &= \pi r^2 h \\ &= \frac{22}{7} \times 3 \times 3 \times 4.9 = 138.6 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\ \text{พื้นที่ผิวข้าง} &= 2\pi rh \\ &= 2 \times \frac{22}{7} \times 3 \times 4.9 = 92.4 \text{ ตารางเมตร} \\ \text{พื้นที่ฐานทั้ง 2 ข้าง} &= 2 \times (3.14) \times 3 \times 3 = 56.52 \text{ ตารางเมตร} \\ \text{ดังนั้นพื้นที่ผิวทั้งหมด} &= 92.4 + 56.52 = 148.92 \text{ ตารางเมตร} \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 3

1. จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวทั้งหมดของพีระมิดที่สูง 6 เซนติเมตร ฐานเป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ยาวด้านละ 16 เซนติเมตร

$$\begin{aligned} \text{วิธีทำ หาสูงเอียง} &\quad \text{จากสูตร} \quad c^2 = a^2 + b^2 \\ &\quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad c^2 = 8^2 + 6^2 \\ &\quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad C = 10 \\ \text{พื้นที่ฐานสี่เหลี่ยมจัตุรัส} &= 16 \times 16 = 256 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{ปริมาตรพีระมิด} &= \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{สูง} \\ &= \frac{1}{3} \times 256 \times 6 = 512 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{พื้นที่ผิวเอียง} &= \frac{1}{2} \times (4 \times 16) \times 10 = 320 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\ \text{ดังนั้นพื้นที่ผิวทั้งหมด} &= 256 + 320 = 576 \text{ ตารางเซนติเมตร} \end{aligned}$$

2. จงหาพื้นที่ผิวเอียงของพีระมิดฐานรูปหกเหลี่ยมด้านเท่า มุมเท่า ยาวด้านละ 4 เซนติเมตร สูงเอียง 7.5 เซนติเมตร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำพื้นที่ผิวเอียง} &= \frac{1}{2} \times \text{ความยาวรอบฐาน} \times \text{สูงเอียง} \\
 &= \frac{1}{2} \times (4 \times 6) \times 7.5 \\
 &= 2 \times 6 \times 7.5 = 90 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

#### แบบฝึกหัดที่ 4

1. จงหาปริมาตร และพื้นที่ผิวทั้งหมดของกรวยกลมที่สูง 24 เซนติเมตร มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร

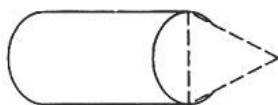
$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ ปริมาตร} &= \frac{1}{3} \pi r^2 h \\
 &= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 24 \\
 &= 1,232 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{สูงเอียง} &= A^2 = 24^2 + 7^2 = 625 \\
 A &= 25 \\
 \text{พื้นที่ฐาน} &= \pi r^2 \\
 &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 154 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ผิวเอียง} &= \pi r l \\
 &= \frac{22}{7} \times 7 \times 25 = 550 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{ดังนั้นพื้นที่ผิวทั้งหมด} &= 154 + 550 = 704 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

2. จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวทั้งหมดของกรวยกลมที่สูงเอียง 5 เซนติเมตร มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 8 เซนติเมตร (ตอบในรูป  $\pi$ )

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ หาสูงตรง} & c^2 = a^2 + b^2 \\
 & a^2 = 5^2 - 4^2 \\
 a &= 3 \\
 \text{ปริมาตร} &= \frac{1}{3} \pi r^2 h \\
 &= \frac{1}{3} \pi 4^2 \times 3 = 16 \pi \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{พื้นที่ผิวเอียง} &= \pi r l \\
 &= \pi (4)(5) = 20 \pi \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ฐาน} &= \pi r^2 \\
 &= \pi 4^2 = 16 \pi \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ผิวทั้งหมด} &= 20 \pi + 16 \pi = 36 \pi \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

3. จงหาปริมาตรทรงกระบอกมีปลายเป็นกรวย มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร ความยาวทรงกระบอก 30 เซนติเมตร ความสูงยอดกรวย 12 เซนติเมตร



$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ ปริมาตรทรงกระบอก} &= \pi r^2 h \\
 &= \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 30 = 4,620 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{ปริมาตรทรงกรวย} &= \frac{1}{3} \pi r^2 h \\
 &= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 12 = 616 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{ปริมาตรทั้งหมด} &= 4,620 + 616 = 5,236 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 5

1. จงหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของทรงกลมซึ่งมีเส้นผ่านศูนย์กลาง 14 เซนติเมตร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ ปริมาตรทรงกลม} &= \frac{4}{3} \pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7 = 1,437.3 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ผิวทรงกลม} &= 4 \pi r^2 \\
 &= 4 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 616 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

2. ทรงกลมมีปริมาตร 38,808 ลูกบาศก์เซนติเมตร จงหารัศมีและพื้นที่ผิว



$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ ปริมาตรทรงกลม} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\
 38,808 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times r^3 \\
 r^3 &= \frac{38,808 \times 3 \times 7}{4 \times 22} \\
 r &= 21 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{พื้นที่ผิวทรงกลม} &= 4\pi r^2 \\
 &= 4 \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21 = 5,544 \text{ ตารางเซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

3. ทรงกลมมีพื้นที่ผิว 616 ตารางนิ้ว จงหาปริมาตรของทรงกลม

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ พื้นที่ผิวทรงกลม} &= 4\pi r^2 \\
 616 &= 4 \times \frac{22}{7} \times r^2 \\
 r^2 &= 616 \times \frac{1}{4} \times \frac{7}{22} \\
 r &= 7 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{ปริมาตรทรงกลม} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7 \\
 &= 1,437.33 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

4. โลหะกลมลูกหนึ่ง รัศมีภายนอก 21 เซนติเมตร รัศมีภายใน 7 เซนติเมตร จงหาปริมาตรเนื้อโลหะ

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ ปริมาตรทรงกลมรูปนอก} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21 \times 21 \\
 &= 38,808 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{ปริมาตรทรงกลมรูปใน} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7 \\
 &= 1,437.33 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{ดังนั้นปริมาตรเนื้อโลหะ} &= 38,808 - 1,437.33 = 37,370.67
 \end{aligned}$$

### แบบฝึกหัดที่ 6

1. สระแห่งหนึ่งเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 5 วา ลึก 3 เมตร ยาว 15 เมตร ถ้าใช้เครื่องสูบน้ำออกจากสระได้นาทีละ 9,000 ลิตร จะต้องใช้เวลาสูบน้ำเท่าไร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตรสระน้ำ} &= \text{กว้าง} \times \text{ยาว} \times \text{ลึก} \\
 &= 10 \times 15 \times 3 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\
 &= 450 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\
 1 \text{ ลูกบาศก์เมตร} &= 1,000,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 &= 450 \times 1,000,000 \\
 &= 450,000,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 1 \text{ ลิตร} &= 1,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 &= \frac{450,000,000}{1,000} = 450,000 \text{ ลิตร} \\
 \text{สูบน้ำออกจากสระได้นาทีละ} &= 9,000 \text{ ลิตร} \\
 \text{ต้องใช้เวลาสูบน้ำ} &= \frac{450,000}{9,000} = 50 \text{ นาที}
 \end{aligned}$$

2. อ่างเลี้ยงปลาทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากกว้าง 90 เซนติเมตร ยาว 1.2 เมตร จุน้ำ 540 ลิตร ต้องการปูกระเบื้องภายในอ่างด้วยแผ่นกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ยาวด้านละ 10 เซนติเมตร ต้องใช้กระเบื้องอย่างน้อยที่สุดเท่าไร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{อ่างเลี้ยงปลาจุน้ำ 540 ลิตร} & \text{คิดเป็น } 540 \times 1,000 = 540,000 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 \text{หาความลึกอ่างเลี้ยงปลาจาก} & 540,000 = 90 \times 120 \times \text{ลึก} \\
 \text{ความลึก} &= \frac{540,000}{90 \times 120} = 50 \text{ เซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 1} &= 50 \times 90 = 4,500 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 2} &= 50 \times 90 = 4,500 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 3} &= 50 \times 120 = 6,000 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 4} &= 50 \times 120 = 6,000 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 5} &= 90 \times 120 = 10,800 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาด้านที่ 6} &= 90 \times 120 = 10,800 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{ดังนั้นพื้นที่อ่างเลี้ยงปลาทั้งหมด} &= 4,500 + 4,500 + 6,000 + 6,000 + \\
 & 10,800 + 10,800 = 42,600 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{หาพื้นที่กระเบื้อง} &= 10 \times 10 = 100 \text{ ตารางเซนติเมตร} \\
 \text{ดังนั้นต้องใช้กระเบื้อง} &= \frac{42,600}{100} = 426 \text{ แผ่น}
 \end{aligned}$$

3. น้ำยาบ้วนปากขวดหนึ่งปริมาตรสุทธิ 700 มิลลิลิตร ใช้บ้วนปากครั้งละ 10 มิลลิลิตร วันละ 2 ครั้ง จะใช้ได้กี่วัน

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad & \text{น้ำยาบ้วนปากขวดหนึ่งปริมาตรสุทธิ} && 700 \quad \text{มิลลิลิตร} \\
 & \text{ใช้น้ำยาบ้วนปาก ครั้งละ 10 มิลลิลิตร วันละ 2 ครั้ง} && = 10 \times 2 = 20 \quad \text{มิลลิลิตร} \\
 & \text{จะใช้ได้ทั้งหมด} && = \frac{700}{20} = 35 \quad \text{วัน}
 \end{aligned}$$

4. ถังน้ำทรงลูกบาศก์ยาวด้านละ 2 เมตร จุน้ำได้กี่ลิตร

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad & \text{ถังน้ำทรงลูกบาศก์ มีความจุ} && = 2 \times 2 \times 2 && = 8 \quad \text{ลูกบาศก์เมตร} \\
 & \text{คิดเป็น} && = 8 \times 1,000,000 && = 8,000,000 \quad \text{ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 & \text{จุน้ำได้} && = \frac{8,000,000}{1,000} && = 8,000 \quad \text{ลิตร}
 \end{aligned}$$

5. ถังทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากในกว้าง 90 เซนติเมตร ยาว 1.50 เซนติเมตร สูง 1.20 เมตร บรรจุน้ำเต็มถึง ถ้าต้องการตวงน้ำมันจากถังใส่แกลอนซึ่งมีความจุ 4.5 ลิตร จะได้น้ำทั้งหมดกี่แกลอน

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad & \text{ถังทรงสี่เหลี่ยมมีปริมาตร} && = 90 \times 150 \times 120 \\
 & && = 1,620,000 \quad \text{ลูกบาศก์เซนติเมตร} \\
 & \text{สามารถจุน้ำได้} && = \frac{1,620,000}{1,000} \\
 & && = 1,620 \quad \text{ลิตร} \\
 & \text{และแกลอน 1 ใบสามารถจุน้ำได้} && = 4.5 \quad \text{ลิตร} \\
 & \text{ดังนั้น น้ำ 1,620 ลิตร สามารถจุน้ำได้} && = \frac{1,620}{4.5} = 360 \quad \text{แกลอน}
 \end{aligned}$$

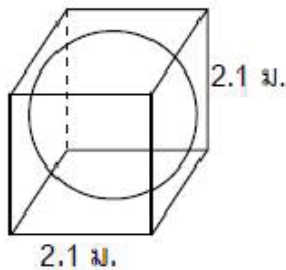
## แบบฝึกหัดที่ 7

1. ถังเก็บน้ำมันของปั๊มแห่งหนึ่งเป็นรูปทรงกลม มีเส้นผ่านศูนย์กลาง 7 เมตร ต้องการทาสีครึ่งทรงกลมบน โดยเสียค่าทาสีตารางเมตรละ 40 บาท ต้องเสียค่าทาสีกี่บาท

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{พื้นที่ผิวทรงกลม} &= 4\pi r^2 \\
 \text{พื้นที่ผิวครึ่งทรงกลม} &= \frac{1}{2} \times 4\pi r^2 \\
 &= \frac{1}{2} \times 4 \times \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \\
 &= 77 \text{ ตารางเมตร} \\
 \text{เสียค่าทาสีตารางเมตรละ} &= 40 \text{ บาท} \\
 \text{จะเสียค่าทาสี} &= 77 \times 40 \\
 &= 3,080 \text{ บาท}
 \end{aligned}$$

2. หินอ่อนทรงลูกบาศก์มีขนาดด้านละ 2.1 เมตร ถ้าต้องการกลึงให้เป็นรูปทรงกลมให้มีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางเท่ากับความยาวของด้านลูกบาศก์ จะหาว่าต้องกลึงหินออกไปปริมาตรเท่าใด

วิธีทำ



$$\begin{aligned}
 \text{ปริมาตรลูกบาศก์} &= \text{ด้าน}^3 \\
 &= 2.1 \times 2.1 \times 2.1 = 9.261 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\
 \text{ปริมาตรทรงกลม} &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times \left(\frac{2.1}{2}\right) \times \left(\frac{2.1}{2}\right) \times \left(\frac{2.1}{2}\right) \\
 &= 4.851 \text{ ลูกบาศก์เมตร} \\
 \text{จะต้องกลึงออก} &= 9.261 - 4.851 \\
 &= 4.41 \text{ ลูกบาศก์เมตร}
 \end{aligned}$$

3. นำแท่งตะกั่วทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากกว้าง 8 นิ้ว ยาว 11 นิ้ว หนา 5 นิ้ว ไปหลอมเป็นลูกป็นทรงกลมขนาดรัศมี 1 นิ้ว จะหลอมได้กี่ลูก

$$\begin{aligned}
 \text{วิธีทำ} \quad \text{ปริมาตรของรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก} &= 8 \times 11 \times 5 \\
 &= 440 \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \\
 \text{ปริมาตรลูกป็นทรงกลม 1 ลูก} &= \frac{4}{3} \pi r^3 \\
 &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (1)^3 \\
 &= \frac{88}{21} \text{ ลูกบาศก์นิ้ว} \\
 \text{จำนวนลูกป็นที่ได้} &= 440 \div \frac{88}{21} \\
 &= 440 \times \frac{21}{88} \\
 &= 105 \text{ ลูก}
 \end{aligned}$$

## เฉลยบทที่ 7

### คู่อันดับและกราฟ

#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. จงเขียนคู่อันดับจากแผนภาพที่กำหนดให้ต่อไปนี้

1.1  $(1,-1), (2,-2), (3,-3), (4,-4)$

1.2  $(1,c), (2,b), (3,a), (4,d)$

1.3  $(1,0), (2,-1), (3,-2), (4,-3), (5,-4)$

2. จงหาค่า  $x$  และ  $y$  จากเงื่อนไขที่กำหนดให้ในแต่ละข้อต่อไปนี้

2.1  $x = 4$  ,  $y = 3$

2.2  $x = y$  ,  $y = 2$

2.3  $x = 6$  ,  $y = 0$

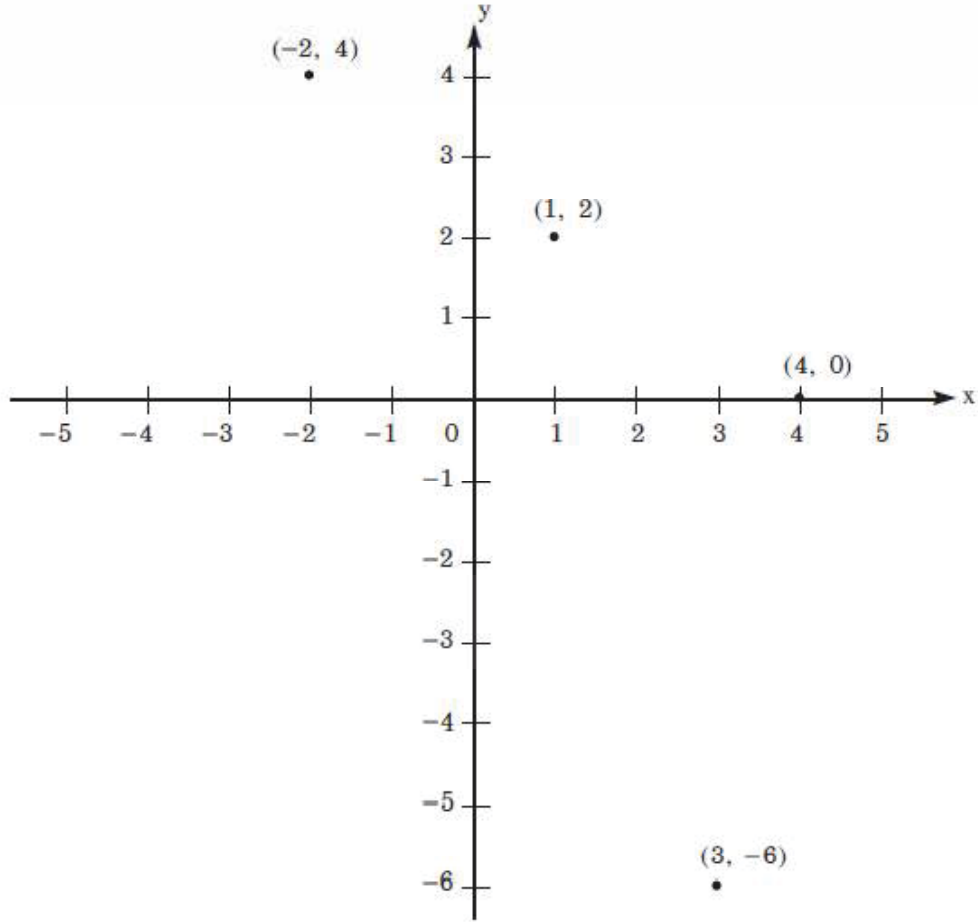
2.4  $x = 4$  ,  $y = 4$

#### แบบฝึกหัดที่ 2

1.1  $A = (1,3)$      $B = (-1,2)$      $C = (-4, -2)$      $D = (1,-1)$

1.2  $A = (0,2)$      $B = (-3,1)$      $C = (4, 0)$      $D = (3,-4)$

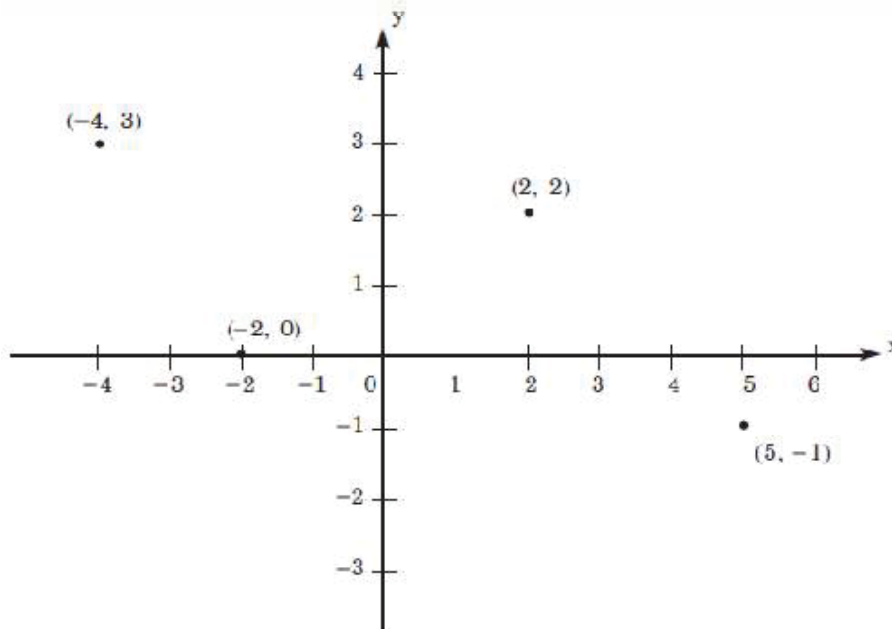
$(1, 2), (-2, 4), (3, -6), (4, 0)$



2.1

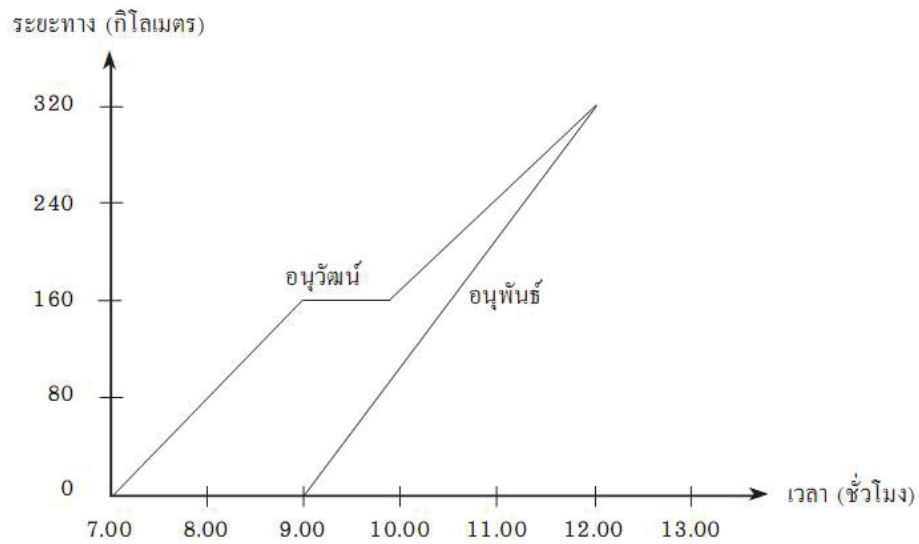
2.2

(5, -1), (2, 2), (-4, 3), (-2, 0)



### แบบฝึกหัดที่ 3

กราฟข้างล่างแสดงการเดินทางของอนุวัฒน์และอนุพันธ์



3.1 2 ชั่วโมง

3.2 3 ชั่วโมง

3.3 320 กิโลเมตร

3.4 2 ชั่วโมง

3.5 160 กิโลเมตร

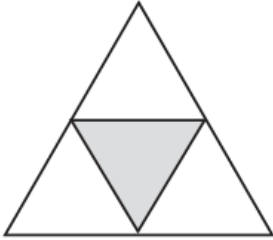


## เฉลย บทที่ 8

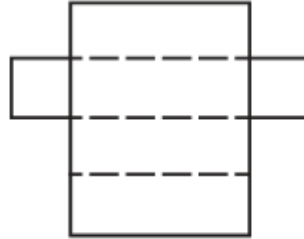
### ความสัมพันธ์ระหว่างรูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ

#### แบบฝึกหัดที่ 1

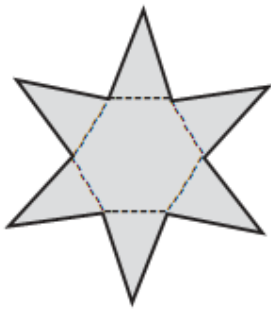
1. จงบอกชนิดของรูปเรขาคณิตสามมิติที่มีรูปคลี่ดังต่อไปนี้



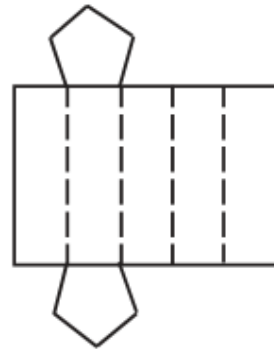
1. พีระมิดฐานสามเหลี่ยม



2. ปริซึมสี่เหลี่ยม หรือทรงสี่เหลี่ยมมุมฉาก

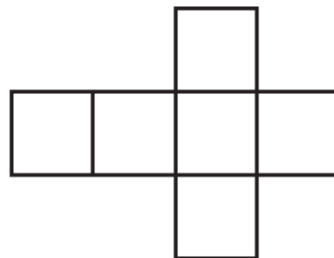
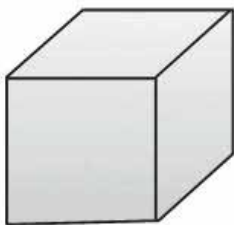


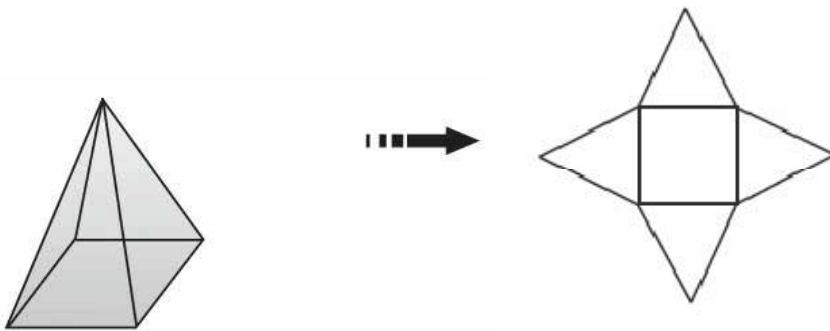
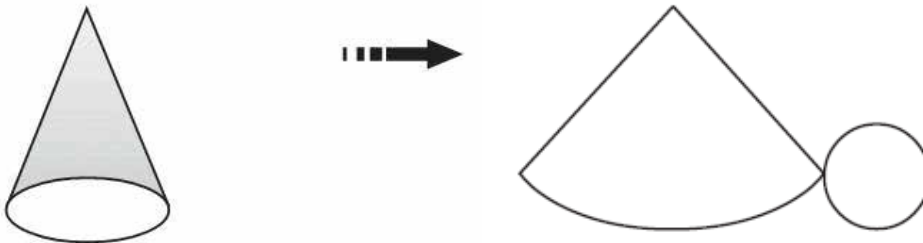
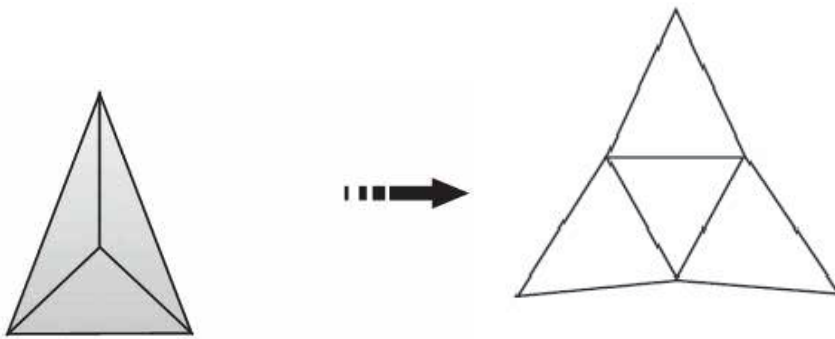
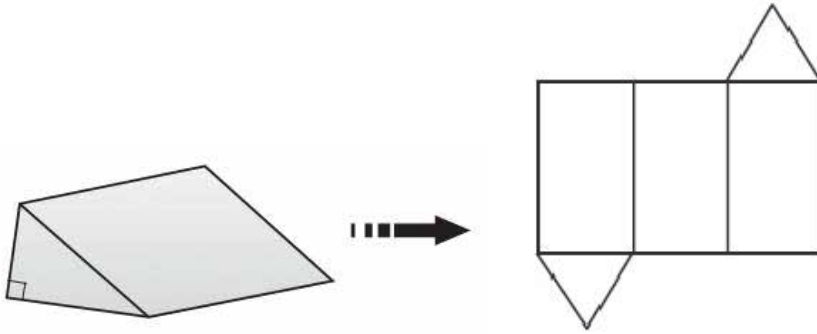
3. พีระมิดฐานหกเหลี่ยม



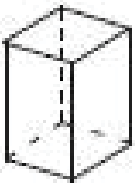


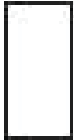

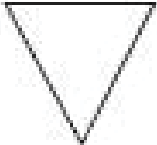
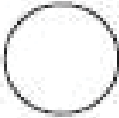
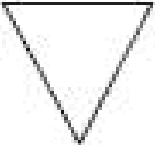

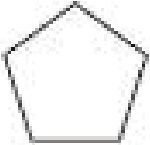






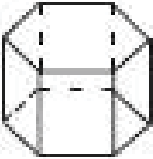



4. ปริซึมห้าเหลี่ยม

2. จงเขียนรูปคลี่ของรูปเรขาคณิตสามมิติในแต่ละข้อต่อไปนี้





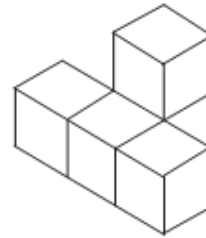
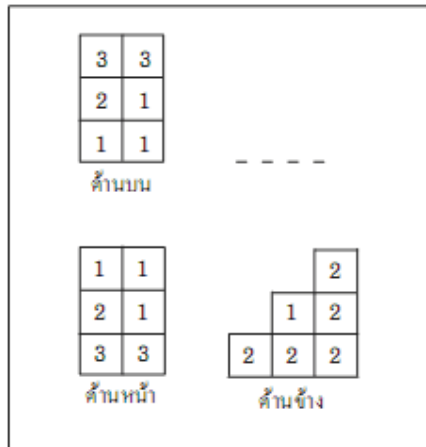
## แบบฝึกหัดที่ 2

ภาพสามมิติ	ภาพด้านหน้า	ภาพด้านบน	ภาพด้านข้าง
			
			
			
			
			

## แบบฝึกหัดที่ 3

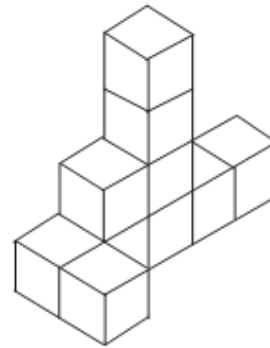
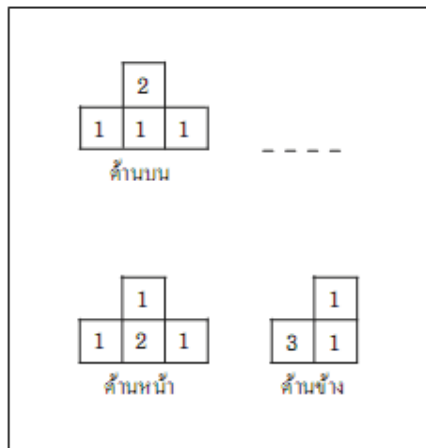
จงจับคู่ภาพด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบน ในแต่ละข้อต่อไปนี้กับรูปเรขาคณิตสามมิติที่กำหนดให้ทางขวามือ โดยเลือกตัวอักษรที่กำกับไว้ในรูปเรขาคณิตสามมิติ เขียนเติมลงในช่องว่างบนขวาของแต่ละข้อ

1)



ก.

2)



ข.

3)

1	
1	
4	
2	
1	1

ด้านบน

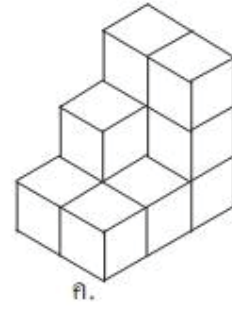
-----

1	
1	
2	
5	1

ด้านหน้า

		1		
		1		
	1	1		
2	1	1	1	1

ด้านข้าง



4)

3	2
2	1
2	1
2	1

ด้านบน

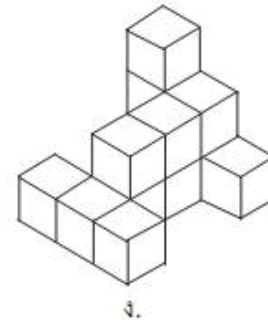
-----

1	
2	1
4	4

ด้านหน้า

			1
1	1	1	2
2	2	2	2

ด้านข้าง



5)

3	2	1
	2	
	2	
1	1	1

ด้านบน

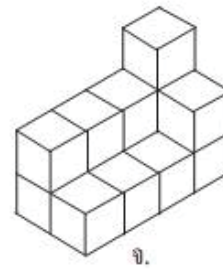
-----

1		
1	3	
2	4	2

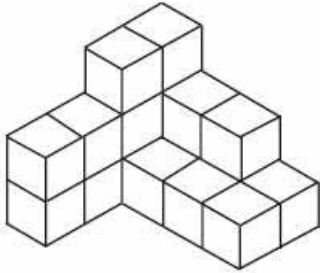
ด้านหน้า

			1
	1	1	2
3	1	1	3

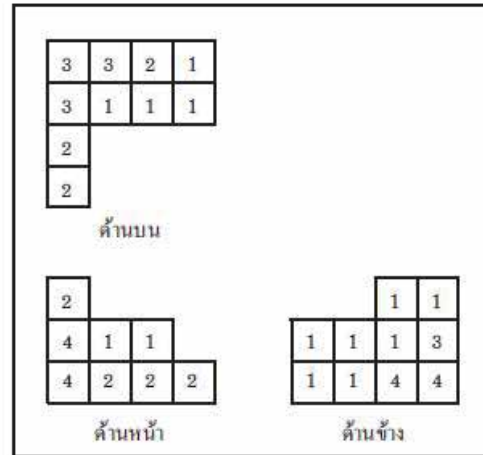
ด้านข้าง



2. จงเขียนภาพด้านหน้า ด้านข้าง และด้านบนของรูปเรขาคณิตสามมิติต่อไปนี้ พร้อมทั้งเขียนจำนวนลูกบาศก์กำกับไว้ในตารางสี่เหลี่ยมจัตุรัส



ตอบ



## เฉลย บทที่ 9

### สถิติ

#### แบบฝึกหัดที่ 1

ข้อที่	ข้อความ	ข้อมูลสถิติ	
		เป็น	ไม่เป็น
1	แดงสูง 163 เซนติเมตร		✓
2	นางสาววิภาวีนมีส่วนสัดเป็น 35-24-36		✓
3	น้ำหนักของนักเรียนทุกคนที่เรียนชุดการเรียนทางไกล	✓	
4	อุณหภูมิที่จังหวัดปทุมธานีวันนี้วัดได้ 25 องศาเซลเซียส		✓
5	สมศรีได้คะแนน 15 คะแนน		✓
6	ในการโยนเหรียญ 10 ครั้ง เกิดหัว 6 ครั้ง เกิดก้อย 4 ครั้ง ได้ อัตราส่วนที่จะเกิดหัว $\frac{6}{10}$	✓	
7	อาจารย์สุกรการเงินเดือน 23,000 บาท		✓
8	ความสูงเฉลี่ยของประชาชนที่เป็นชาย 162 เซนติเมตร	✓	
9	คน 6 คน เป็นชาย 4 คน เป็นหญิง 2 คน ที่อยู่ในบ้านวิชัย		✓
10	จำนวนคดีอาชญากรรมในปี 2551 ซึ่งรวบรวมมาจากบันทึกคดี อาชญากรรมแต่ละวันในแต่ละสถานีตำรวจ	✓	

2. ให้ผู้เรียนพิจารณาข้อมูลในแต่ละข้อต่อไปนี้ แล้วเขียนเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับ  
ความคิดเห็น

ข้อที่	ข้อความ	ข้อมูลสถิติ	
		ข้อมูล คุณภาพ	ข้อมูล ปริมาณ
1	สถิติคนไข้แยกตามเชื้อโรคของโรงพยาบาลแห่งหนึ่ง	✓	
2	จำนวนครั้งของการโทรศัพท์ทางไกลจากแต่ละเครื่องใน สำนักงาน 10 เครื่อง ในวันหนึ่ง		✓
3	ผู้จัดการถูกสัมภาษณ์ถึงจำนวนเปอร์เซ็นต์ของเวลาทำงานที่ใช้ใน การประชุม		✓
4	เครื่องสำอางโดยเฉพาะสีของสีทาปาก ซึ่งแต่ละบริษัทใน 10 บริษัท ได้ระบุว่ามียอดขายมากที่สุด	✓	

3. ให้ผู้เรียนพิจารณาข้อความต่อไปนี้ แล้วเติมคำตอบลงในช่องว่างตามความคิดเห็นของผู้เรียนว่าเป็นข้อมูลปฐมภูมิ หรือทุติยภูมิ

3.1 ทุติยภูมิ

3.2 ปฐมภูมิ

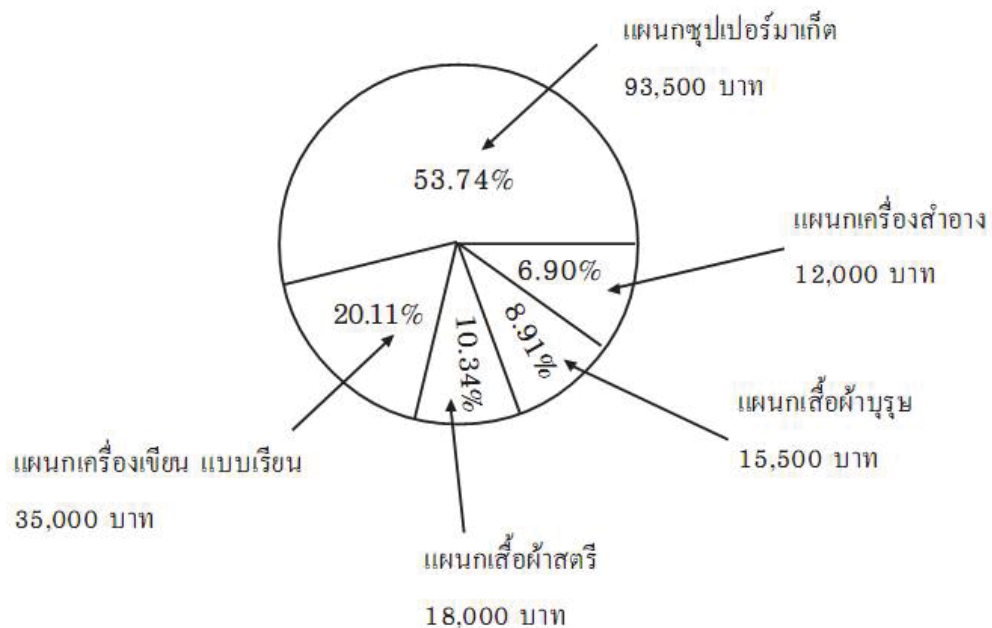
3.3 ทุติยภูมิ

3.4 ปฐมภูมิ

3.5 ทุติยภูมิ

## แบบฝึกหัดที่ 2

1. แผนภูมิรูปวงกลมแสดงรายได้ของห้างสรรพสินค้าแห่งหนึ่ง โดยเฉลี่ยต่อวัน จำแนกตามแผนกต่างๆ



1.1 น้อยกว่า 0.86 %

1.2 รายได้จากแผนกเครื่องสำอางน้อยที่สุด คิดเป็น 12.87% ของรายได้จากแผนกที่รายได้มากที่สุด

1.3 51.43%

1.4 แผนกเครื่องเขียนแบบเรียน คิดเป็น 20.11% ของรายได้ทั้งหมด

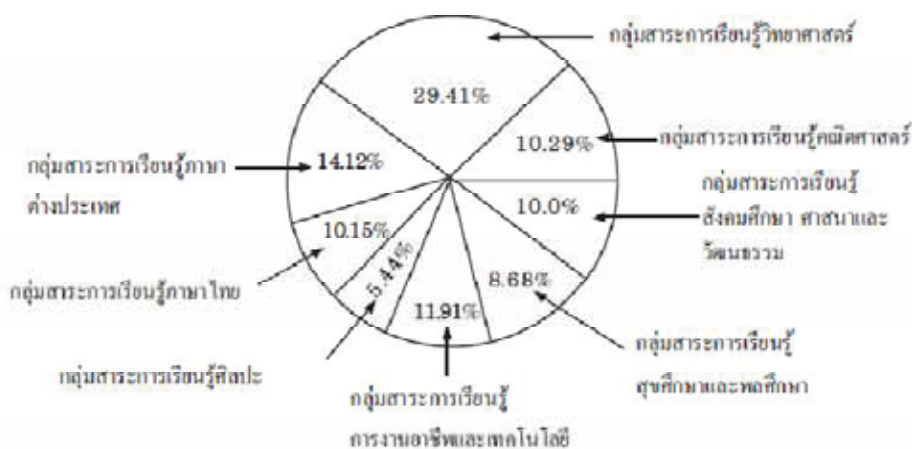


2. จากการสอบถามงบประมาณที่แต่ละกลุ่มสาระการเรียนรู้ได้มาจากการจัดสรรงบประมาณของทางโรงเรียน เป็นดังนี้

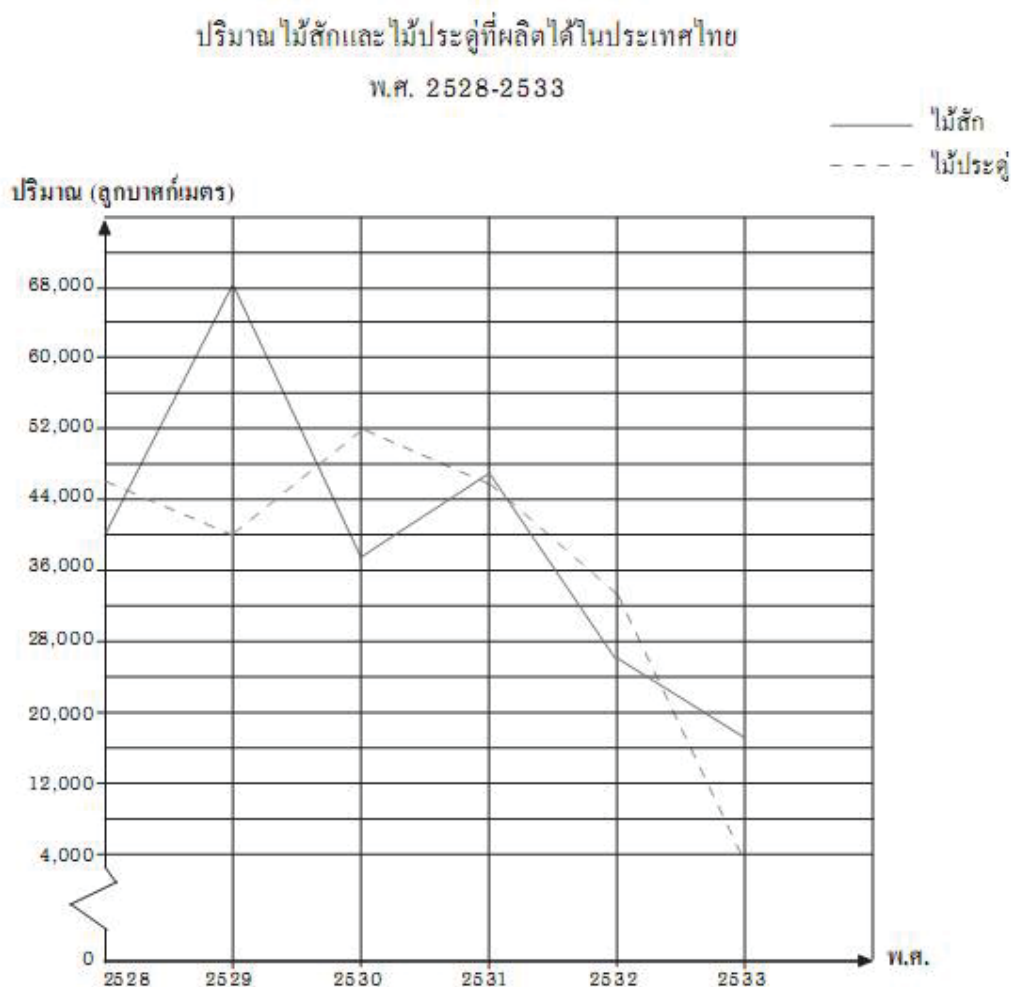
กลุ่มสาระการเรียนรู้	งบประมาณ (บาท)	จำนวนเปอร์เซ็นต์	ขนาดของมุมที่จุดศูนย์กลาง ของรูปวงกลม (องศา)
คณิตศาสตร์	35,000	$\frac{35,000}{340,000} \times 100 = 10.29$	$\frac{35,000}{340,000} \times 360 = 37.06$
วิทยาศาสตร์	100,000	29.41	105.88
ภาษาต่างประเทศ	48,000	14.12	50.82
ภาษาไทย	34,500	10.15	36.53
ศิลปะ	18,500	5.44	19.59
การงานอาชีพและเทคโนโลยี	40,500	11.91	42.83
สุขศึกษาและพลศึกษา	29,500	8.68	31.24
สังคมศึกษา ศาสนา และ วัฒนธรรม	34,000	10.00	36.0

3. จงเขียนแผนภูมิรูปวงกลม โดยใช้จำนวนเปอร์เซ็นต์และขนาดของมุมที่จุดศูนย์กลางของรูปวงกลมที่คำนวณได้จากตารางข้างต้น

แผนภูมิรูปวงกลมแสดงงบประมาณของกลุ่มสาระต่าง ๆ



4. ให้ผู้เรียนพิจารณารกราฟเส้นต่อไปนี้



ที่มา : สมุดสถิติรายปีประเทศไทย 2532 และ 2534 (ฉบับย่อ)

4.1 พ.ศ. 2529 , พ.ศ. 2531 , พ.ศ. 2533

4.2 พ.ศ. 2529 ต่างกันประมาณ 28,000 ลูกบาศก์เมตร

4.3 ปริมาณไม้สักและไม้ประดู่ที่ผลิต จะลดลงเรื่อยๆ แต่ปริมาณไม้ประดู่จะมีการเปลี่ยนแปลงมากกว่า

4.4 ไม้สักผลิตได้  $\frac{26,000}{34,000} \times 100 = 76.47\%$  ของไม้ประดู่

4.5 ปีที่ผลิตได้มากที่สุด คือ พ.ศ. 2530 คือ 52,000 ลูกบาศก์เมตร

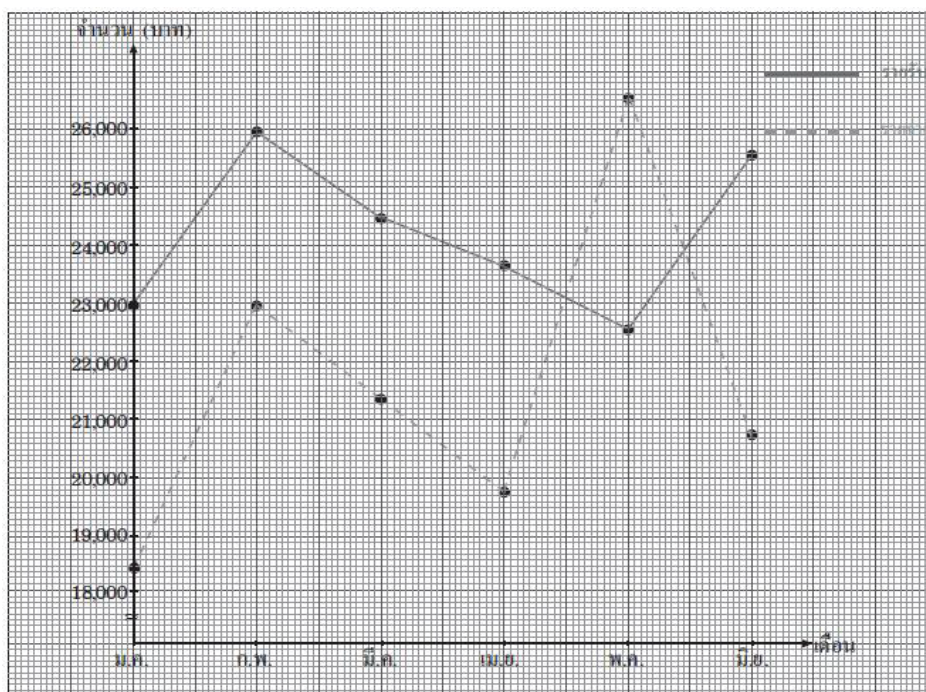
ปีที่ผลิตได้น้อยสุด คือ พ.ศ. 2533 คือ 5,000 ลูกบาศก์เมตร

ดังนั้น ทั้งสองปีนี้ต่างกันอยู่  $52,000 - 5,000 = 47,000$  ลูกบาศก์เมตร

5. ตารางแสดงรายรับ – รายจ่ายของนาย ก ในรอบ 6 เดือนแรกของปี พ.ศ. 2546 เป็นดังนี้

เดือน	มกราคม	กุมภาพันธ์	มีนาคม	เมษายน	พฤษภาคม	มิถุนายน
รายรับ (บาท)	23,000	26,000	24,500	23,800	22,500	25,600
รายจ่าย (บาท)	18,500	23,000	21,400	19,800	26,500	20,700

จากตารางนำเสนอข้อมูลด้วยกราฟเส้นได้ดังนี้



แบบฝึกหัดที่ 3

1. จากข้อมูล 2, 6, 1, 5, 13, 6, 16 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต รฐานนิยม และมัธยฐาน

$$\text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิต} = 7$$

$$\text{มัธยฐาน} = 4$$

$$\text{ฐานนิยม} = 6$$

2. จากข้อมูล 24, 16, 18, 36, 7, 28, 6, 36, 12 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต ฐานนิยม และมัธยฐาน

$$\text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิต} = 20.33$$

$$\text{มัธยฐาน} = 18$$

$$\text{ฐานนิยม} = 36$$

3. จากข้อมูล 10.1, 13.8, 15.6, 4.5, 18.6, 8.4 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต ฐานนิยม และมัธยฐาน

$$\text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิต} = 11.83$$

$$\text{มัธยฐาน} = 11.95$$

$$\text{ฐานนิยม} = -$$

## แบบฝึกหัดที่ 4

1. จากตารางให้นักเรียนหาความถี่สะสม โดยเติมลงในช่องความถี่สะสม

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จำนวน (คน)	ความถี่สะสม
42	4	
43	7	
44	10	
45	15	
46	6	
47	8	
รวม	50	

มัธยฐาน = 45

ฐานนิยม = 45

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต คือ 44.72

2.

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จำนวน (คน)	น้ำหนัก × จำนวนคน
42	4	168
43	7	301
44	10	440
45	15	675
46	6	276
47	8	376
รวม	50	2,236

$$2,236 \div 50 = 44.72$$

ค่าเฉลี่ยเลขคณิต คือ 44.72

3. ต่อไปนี้เป็นตารางแจกแจงความถี่ของน้ำหนัก (หน่วยเป็นกิโลกรัม) ของนักเรียน 60 คน  
หาความถี่สะสมได้ดังนี้

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	ความถี่	ความถี่สะสม
20-24	1	1
25-29	2	3
30-34	9	12
35-39	11	23
40-44	13	36
45-49	8	44
50-54	7	51
55-59	6	57
60-64	3	60
รวม	60	

2) ฐานนิยมของน้ำหนักอยู่ในช่วงใด **ตอบ** 40 -44

3) โดยส่วนใหญ่ของนักเรียนหนักอยู่ในช่วงใด **ตอบ** 40 -44

4) ถ้าเรียงน้ำหนักน้อยที่สุดไปยังน้ำหนักมากที่สุด จงหาตำแหน่งของมัธยฐาน

**ตอบ** มัธยฐานอยู่ระหว่างน้ำหนักของคนี่ 30 และ 31

5) นักเรียนคิดว่ามัธยฐานของน้ำหนักอยู่ในช่วงใด **ตอบ** 40 -44

6) หาค่าเฉลี่ยเลขคณิต ให้นักเรียนเติมค่าต่างๆ ลงในช่องว่างให้สมบูรณ์

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จุดกึ่งกลางชั้น	ความถี่	จุดกึ่งกลางชั้น × ความถี่
20-24		1	
25-29		2	
30-34		9	
35-39		11	
40-44		13	
45-49		8	
50-54		7	
55-59		6	
60-64		3	
รวม		60	

น้ำหนัก (กิโลกรัม)	จุดกึ่งกลางชั้น	ความถี่	จุดกึ่งกลางชั้น × ความถี่
20-24	22	1	22
25-29	27	2	54
30-34	32	9	288
35-39	37	11	407
40-44	42	13	546
45-49	47	8	376
50-54	52	7	364
55-59	57	6	342
60-64	62	3	186
รวม		60	2,585

$$\text{ค่าเฉลี่ยเลขคณิต} = \frac{2,585}{60}$$

$$= 43.08$$

ดังนั้นค่าเฉลี่ยเลขคณิต คือ 43.08

## เฉลย บทที่ 10

### ความน่าจะเป็น

#### แบบฝึกหัดที่ 1

1. ให้ผู้เรียนพิจารณาการทดลองสุ่มต่อไปนี้ว่าผลจากการทดลองสุ่มอาจเป็นอย่างไรบ้าง
  - 1.1 อาจได้ หัว หรือ ก้อย
  - 1.2 อาจได้หัวทั้ง 2 เหรียญ หรือได้ หัว และ ก้อย หรืออาจได้ก้อยทั้งสองเหรียญ
  - 1.3 อาจได้ลูกปิงปองสีเหลืองสองลูก หรือสีเหลือง 1 ลูกและสีแดง 1 ลูก
  
2. จงเขียนผลที่อาจจะเกิดขึ้นได้ทั้งหมดจากการหมุนเป็นวงกลมที่มีหมายเลข 1 และ 2 แล้วมาโยนเหรียญบาท 1 อัน  
 ตอบ H,1 H,2 T,1 T, 2
  
3. จงเขียนผลทั้งหมดที่อาจจะเกิดขึ้นได้จากการหยิบสลาก 1 ใบ จากสลากที่เขียนหมายเลขตั้งแต่ 10 ถึง 20 ไว้  
 ตอบ 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20

#### แบบฝึกหัดที่ 2

1. ทอดลูกเต๋า 1 ลูก 1 ครั้ง
  - 1.1 1, 2, 3, 4, 5, 6
  - 1.2 1, 2, 3, 4, 5
  - 1.3 3, 6
  
2. ทอดลูกเต๋า 2 ลูกพร้อมกัน 1 ครั้ง
  - 2.1  $\{(1,1),(1,2),(1,3),(1,4),(1,5),(1,6),$   
 $(2,1),(2,2),(2,3),(2,4),(2,5),(2,6),$   
 $(3,1),(3,2),(3,3),(3,4),(3,5),(3,6),$   
 $(4,1),(4,2),(4,3),(4,4),(4,5),(4,6),$   
 $(5,1),(5,2),(5,3),(5,4),(5,5),(5,6),$   
 $(6,1),(6,2),(6,3),(6,4),(6,5),(6,6)\}$
  - 2.2 (2,6), (3,5), (4,4), (5,3) (6,2)
  - 2.3 (4,6), (5,5), (5,6), (6,4),(6,5),(6,6)
  - 2.4 (1,1),(1,2), (2,1)



2.5 (1,1), (1,3),(1,5),(2,1),(2,2),(2,4),(2,6), (3,1),(3,3),(3,5),(4,2),(4,4),(4,6),  
(5,1),(5,3),(5,5),(6,2),(6,4),(6,6)

2.6 ไม่มี หรือ เป็นเหตุการณ์ที่เป็นไปไม่ได้

3. จากการสอบถามถึงปกรายงานที่ผู้เรียนชอบ 2 สี ในจำนวน 5 สี คือ สีขาว สีฟ้า สีชมพู สีเขียวและสีเหลือง

3.1 (สีขาว,สีฟ้า), (สีขาว,สีชมพู), (สีขาว,สีเขียว), (สีขาว,สีเหลือง), (สีฟ้า,สีชมพู), (สีฟ้า,สีเขียว), (สีฟ้า,สีเหลือง), (สีชมพู,สีเขียว), (สีชมพู,สีเหลือง), (สีเขียว,สีเหลือง)

3.2 (สีขาว,สีฟ้า), (สีขาว,สีชมพู), (สีฟ้า,สีชมพู), (สีฟ้า,สีเขียว), (สีฟ้า,สีเหลือง), (สีชมพู,สีเขียว), (สีชมพู,สีเหลือง)

### แบบฝึกหัดที่ 3

1.  $\frac{5}{10}$

2.  $\frac{1}{6}$

3.  $\frac{5}{7}$

4.  $\frac{1}{52}$

5.  $\frac{26}{52}$

6.  $\frac{6}{36}$

7. ไม่มี

8. 100 ใบ

9.  $\frac{1}{2}$

10.  $\frac{3}{6}$

### แบบฝึกหัดที่ 4

จากโจทย์ต่อไปนี้ให้นักเรียนตอบว่าใครได้เปรียบ

1. ให้นักเรียนทำลูกบาศก์หนึ่งลูกแล้วเขียนเลข 1 ที่หน้าหนึ่งของลูกบาศก์ เขียนเลข 2 ที่หน้าอีกสองหน้า ส่วนอีกสามหน้าที่เหลือเขียน 3 ใช้กติกาต่อไปนี้ตัดสินการแพ้ ชนะ เสมอในการโยนลูกบาศก์ที่ทำขึ้นนี้ คนละครั้ง

1.1 ไม่มีใครได้เปรียบเสียเปรียบ

1.2 ผู้เล่นคนที่สองได้เปรียบ

**เฉลย บทที่ 11**

**เรื่อง การใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในงานอาชีพ**

1. บัญชีรับจ่ายประจำวันของนายสมพร ซึ่งประกอบอาชีพเป็นผู้ขายปาห้องโก๋ในเวลา 5 วัน

วัน เดือน ปี	รายการรับ	จำนวนเงิน		วัน เดือน ปี	รายการจ่าย	จำนวนเงิน	
		บาท	สต.			บาท	สต.
1 ต.ค. 54	- ยอดเงินคงเหลือ ยกมาจากเดือน กันยายน 2554	8,000	-	1 ต.ค. 54	- ซื้อแป้งสาลีและ วัตถุดิบอื่น ๆ	2,500	-
	- ได้รับเงินจาก การขายปาห้องโก๋	4,800	-		- ค่าแก๊สหุงต้ม	350	-
2 ต.ค.54	- ได้รับเงินจาก การขายปาห้องโก๋	4,200	-	2 ต.ค. 54	- ค่าน้ำ ค่าไฟฟ้า	840	-
					- ค่าอาหาร	320	-
					- ค่าถุงพลาสติก	200	-
					- ค่าถุงกระดาษ	100	-
3 ต.ค. 54	- ได้รับเงินจาก การขายปาห้องโก๋	3,900	-	3 ต.ค. 54	- จ่ายค่าโทรศัพท์	430	-
					- ค่าอาหาร	290	-
					- ค่าหนังสือเรียน	950	-
					- ค่าน้ำดื่ม	160	-
4 ต.ค. 54	- ได้รับเงินจาก การขายปาห้องโก๋	4,500	-	4 ต.ค. 54	- จ่ายค่าเสื้อผ้า	1,250	-
					- ค่าอาหาร	340	-
					- ซื้อแป้งสาลีและ วัตถุดิบอื่น ๆ	2,000	-
5 ต.ค. 54	- ได้รับเงินจาก การขายปาห้องโก๋	3,800	-	5 ต.ค. 54	- ค่าอาหาร	250	-
					- ค่าน้ำดื่ม	120	-
					- ค่าหนังสือพิมพ์	480	-
	รวมรายรับ	29,200	-		รวมรายจ่าย	10,850	-
					ยอดคงเหลือยกไป	18,350	-

## 2. ให้ผู้เรียนจัดทำบัญชีรับจ่ายประจำวันของผู้เรียนในเวลา 1 สัปดาห์

วัน เดือน ปี	รายการรับ	จำนวนเงิน		วัน เดือน ปี	รายการจ่าย	จำนวนเงิน	
		บาท	สต.			บาท	สต.
วันที่ 1	ได้รับเงินเดือนหรือ ได้เงินจากการขาย	18,000	-	วันที่ 1	- ค่าน้ำมันรถยนต์ - ค่าอาหาร - ค่าผลไม้	1,200 340 130	- - -
วันที่ 2	ได้ดอกเบี้ยจาก เงินฝาก	3,000	-	วันที่ 2	- ค่าอาหาร - ค่าโทรศัพท์ - ค่าน้ำดื่ม	280 430 150	- - -
				วันที่ 3	- ค่าก๊าซหุงต้ม - ค่าอาหาร - ค่าหนังสือพิมพ์	360 240 240	- - -
				วันที่ 4	- ค่าอาหาร - ค่าเสื้อผ้า - ค่าซักอบรีด	220 850 350	- - -
				วันที่ 5	- ค่าน้ำมันรถยนต์ - ค่าอาหาร - ค่าผลไม้	1,200 280 180	- - -
				วันที่ 6	- ค่าอาหารและนมสด - ค่ารองเท้า	400 1,800	- -
				วันที่ 7	- ค่าอาหาร - ค่าน้ำดื่ม	280 140	- -
	รวมรายรับ	21,000	-		รวมรายจ่าย	9,070	-
					ยอดคงเหลือยกไป	11,930	-

3. (1) สมรต้องการซื้อเตียงนอน ตู้เสื้อผ้า และ โต๊ะ

$$= 6,000 + 8,500 + 5,500 = 20,000$$

$$\text{เสียภาษีมูลค่าเพิ่ม} = 20,000 \times \frac{7}{100} = 1,400 \text{ บาท}$$

$$\text{สมรต้องจ่ายเงิน} = 20,000 + 1,400 = 21,400 \text{ บาท}$$

สมรซื้อเฟอร์นิเจอร์ข้างต้นไม่ครบ 25,000 บาท ไม่ได้รับส่วนลด

- (2) สมรซื้อทุกรายการจากตาราง  $6,000 + 8,500 + 600 + 5,500 + 3,200 = 23,800$  บาท

$$\text{เสียภาษีมูลค่าเพิ่ม} = 23,800 \times \frac{7}{100} = 1,666 \text{ บาท}$$

$$\text{ราคาเฟอร์นิเจอร์ทั้งหมด} = 23,800 + 1,666 = 25,466 \text{ บาท}$$

สมรซื้อสินค้าเกิน 25,000 บาท ได้รับส่วนลด 10%

$$\therefore \text{ได้รับส่วนลด} = 25,466 \times \frac{10}{100} = 2,546.60 \text{ บาท}$$

$$\text{สมรต้องจ่ายเงิน} = 25,466 - 2,546.60 = 22,919.40 \text{ บาท}$$

4. (1) ดอกเบี้ยออมทรัพย์  $= 500,000 \times \frac{0.75}{100} \times 1 = 3,750$  บาท

$$(2) \text{ ดอกเบี้ยฝากประจำ 4 เดือน} = 500,000 \times \frac{3.42}{100} \times \frac{4}{12} = 5,700 \text{ บาท}$$

$$\text{ฝากครบ 1 ปี} = 5,700 \times 3 = 17,100 \text{ บาท}$$

$$\text{เสียภาษี} = 17,100 \times \frac{15}{100} = 2,565 \text{ บาท}$$

$$\text{ได้รับดอกเบี้ยจริง} = 14,535 \text{ บาท}$$

$$(3) \text{ ซื้อสลากออมสินได้} = \frac{500,000}{50} = 10,000 \text{ ฉบับ}$$

ฝากครบ 1 ปี ขอถอนได้รับดอกเบี้ยฉบับละ 0.25 บาท

$$\text{ได้รับดอกเบี้ย} = \frac{500,000}{50} \times 0.25 = 2,500 \text{ บาท}$$

มีสิทธิถูกรางวัลเลขท้าย 4 ตัว 12 เดือน ๆ ละ 2 รางวัล ๆ ละ 150 บาท

$$= 12 \times 2 \times 150 = 3,600 \text{ บาท}$$

$\therefore$  ได้รับเงินรางวัลและดอกเบี้ยจากการซื้อสลากออมสิน

$$= 2,500 + 3,600 = 6,100 \text{ บาท}$$

$\therefore$  ออมควรฝากประจำ 4 เดือน จะได้รับผลตอบแทนมากที่สุด

5. เงินได้พึงประเมินของจ้าง  $15,000 \times 12 = 180,000$  บาท  
หัก ค่าใช้จ่าย 40% ของเงินได้พึงประเมิน แต่ไม่เกิน 60,000 บาท
- $$= \frac{40}{100} \times 180,000 = 72,000 \text{ บาท}$$
- จ้างสามารถหักค่าใช้จ่ายได้แค่ 60,000 บาท  
หัก ค่าลดหย่อนตนเอง 30,000 บาท และค่าเบี้ยประกันชีวิต 10,000 บาท  
รวมหักค่าลดหย่อน  $30,000 + 10,000 = 40,000$  บาท  
เงินได้สุทธิของจ้าง = เงินได้พึงประเมิน - (หักค่าใช้จ่าย + หักค่าลดหย่อน)  
=  $180,000 - (60,000 + 40,000)$   
= 80,000 บาท

ดังนั้น จ้างต้องยื่นแบบภาษีเงินได้บุคคลธรรมดา (ภ.ง.ด. 91) แต่ไม่ต้องชำระเงินเพราะได้รับการยกเว้นภาษี (กรมสรรพากรกำหนดให้ผู้มีเงินได้สุทธิตั้งแต่ 0 ถึง 150,000 บาท ได้รับการยกเว้นภาษี)

6. เมื่อพิจารณาข้อมูลจากกราฟ บริษัทแห่งนี้จำหน่ายกระเป๋าได้สูงขึ้นตามลำดับ ควรเพิ่มจำนวนในการสั่งซื้อกระเป๋าเพิ่มขึ้น เพื่อเป็นสต็อกในการจำหน่าย

7. ค่าจ้างทำงานปกติ =  $215 \times 5 = 1,075$  บาท  
ค่าล่วงเวลา =  $215 \times 1.5 \times 3 = 967.50$  บาท  
พนักงานคนนี้ได้รับค่าจ้าง =  $1,075 + 967.50$   
= 2,042.50 บาท

8. ควรใช้กราฟเส้นในการดูแนวโน้มผลกำไรของธุรกิจย้อนหลัง

9. วิธีทำ ป้ายมีความกว้าง 10 นิ้ว =  $\frac{10}{12}$  ฟุต  
ยาว 21 นิ้ว =  $\frac{21}{12}$  ฟุต  
พื้นที่ป้ายทั้งหมด =  $\frac{10}{12} \times \frac{21}{12} \times 3 = 4.375$  ตารางฟุต  
เสียค่าใช้จ่ายทั้งหมด =  $4.375 \times 185 = 809.375$  บาท

## คณะผู้จัดทำ

### ที่ปรึกษา

- |                         |  |
|-------------------------|--|
| 1. นายประเสริฐ บุญเรือง | เลขานุการ กศน.                           |
| 2. ดร.ชัยยศ อิ่มสุวรรณ์ | รองเลขานุการ กศน.                        |
| 3. นายวัชรินทร์ จำปี    | รองเลขานุการ กศน.                        |
| 4. ดร.ทองอยู่ แก้วไทรชะ | ที่ปรึกษาด้านการพัฒนาหลักสูตร กศน.       |
| 5. นางรักษณา ตันหาทุทไธ | ผู้อำนวยการกลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |

### ผู้เขียนและเรียบเรียง

- |                             |                |
|-----------------------------|----------------|
| 1. นายไชโย ม่วงบุญมี        | ข้าราชการบำนาญ |
| 2. นางสาวกรรณา ศศิรัตน์นารถ | ข้าราชการบำนาญ |

### ผู้บรรณาธิการและพัฒนาปรับปรุง

- |                          |                               |
|--------------------------|-------------------------------|
| 1. นายชุมพล หนูสง        | ข้าราชการบำนาญ                |
| 2. นายไชโย ม่วงบุญมี     | ข้าราชการบำนาญ                |
| 3. นางสาวสิรินธร นาคคุ้ม | สำนักงาน กศน. จ.สมุทรสาคร     |
| 4. นางสาวบีบีฮาร่า สะมัท | สำนักงาน กศน. จ.สมุทรสาคร     |
| 5. นางพรทิพย์ กล้ารบ     | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
| 6. นายสุรพงษ์ มั่นมะโน   | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |

### คณะทำงาน

- |                                   |                               |
|-----------------------------------|-------------------------------|
| 1. นายสุรพงษ์ มั่นมะโน            | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
| 2. นายศุภโชค ศรีรัตนศิลป์         | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
| 3. นางสาววรรณพร ปัทมานนท์         | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
| 4. นางสาวศรีัญญา กุลประดิษฐ์      | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
| 5. นางสาวเพชรินทร์ เหลืองจิตวัฒนา | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |

### ผู้พิมพ์ต้นฉบับ

- |                                |                               |
|--------------------------------|-------------------------------|
| นางสาวเพชรินทร์ เหลืองจิตวัฒนา | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
|--------------------------------|-------------------------------|

### ผู้ออกแบบปก

- |                        |                               |
|------------------------|-------------------------------|
| นายศุภโชค ศรีรัตนศิลป์ | กลุ่มพัฒนาการศึกษาออกโรงเรียน |
|------------------------|-------------------------------|

## คณะผู้พัฒนาและปรับปรุงครั้งที่ 2

### ที่ปรึกษา

- |                 |             |  |
|-----------------|-------------|--|
| 1. นายประเสริฐ  | บุญเรือง    | เลขาธิการ กศน.                               |
| 2. ดร.ชัยยศ     | อัมสุวรรณ์  | รองเลขาธิการ กศน.                            |
| 3. นายวัชรินทร์ | จำปี        | รองเลขาธิการ กศน.                            |
| 4. นางวาทนี     | จันทร์โอกุล | ผู้เชี่ยวชาญเฉพาะด้านพัฒนาสื่อการเรียนการสอน |
| 5. นางชุลีพร    | ผาดินินนาท  | ผู้เชี่ยวชาญเฉพาะด้านเผยแพร่ทางการศึกษา      |
| 6. นางอัญชลี    | ธรรมวิธิกุล | หัวหน้าหน่วยศึกษานิเทศก์                     |
| 7. นางศุทธิณี   | งามเขต      | ผู้อำนวยการกลุ่มพัฒนาการศึกษานอกโรงเรียน     |

### ผู้พัฒนาและปรับปรุงครั้งที่ 2

- |                  |              |                               |
|------------------|--------------|-------------------------------|
| 1. นางจารุพร     | พุทธวิริยากร | ศูนย์เทคโนโลยีทางการศึกษา     |
| 2. น.ส.วรวรรณ    | เบ็ญจนิรัตน์ | ข้าราชการบำนาญ สำนักงาน กศน.  |
| 3. นางพรรณทิพา   | ชินชัชวาล    | กลุ่มพัฒนาการศึกษานอกโรงเรียน |
| 4. น.ส.เบ็ญจวรรณ | อำไพศรี      | กลุ่มพัฒนาการศึกษานอกโรงเรียน |
| 5. นางสาวปิยวดี  | คะเนสม       | กลุ่มพัฒนาการศึกษานอกโรงเรียน |

## คณะผู้ปรับปรุงข้อมูลเกี่ยวกับสถาบันพระมหากษัตริย์ปี พ.ศ. 2560

### ที่ปรึกษา

- |                |          |   |
|----------------|----------|---|
| 1. นายสุรพงษ์  | จำจค     | เลขาธิการ กศน.  |
| 2. นายประเสริฐ | หอมดี    | ผู้ตรวจราชการกระทรวงศึกษาธิการ<br>ปฏิบัติหน้าที่รองเลขาธิการ กศน. |
| 3. นางศรีนุช   | สุขสุเดช | ผู้อำนวยการกลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบ<br>และการศึกษาตามอัธยาศัย    |

### ผู้ปรับปรุงข้อมูล

- |                 |            |                |
|-----------------|------------|----------------|
| นางสาวเนาวรัตน์ | ทิพย์ไสยาษ | กศน.เขตราชเทวี |
|-----------------|------------|----------------|

### คณะทำงาน

- |                   |              |   |
|-------------------|--------------|---|
| 1. นายสุรพงษ์     | มันมะโน      | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 2. นายศุภโชค      | ศรีรัตนศิลป์ | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 3. นางสาวเบญจวรรณ | อำไพศรี      | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 4. นางเขวรัตน์    | ปิ่นมณีวงศ์  | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 5. นางสาวสุกลาง   | เพชรสว่าง    | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 6. นางสาวทิพวรรณ  | วงศ์เรือน    | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 7. นางสาวนภาพร    | อมรเดชาวัฒน์ | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |
| 8. นางสาวชมพูนท   | ตั้งษ์พิชัย  | กลุ่มพัฒนาการศึกษาจากระบบและการศึกษาตามอัธยาศัย |





ออกแบบบท : ศุภโชค ศรีรัตนศิลป์